



Corso Luigi Einaudi, 55 - Torino

Appunti universitari

Tesi di laurea

Cartoleria e cancelleria

Stampa file e fotocopie

Print on demand

Rilegature

NUMERO: 1560A -

ANNO: 2015

A P P U N T I

STUDENTE: Bobba

MATERIA: Fisica II. Prof.Kaniadakis

Il presente lavoro nasce dall'impegno dell'autore ed è distribuito in accordo con il Centro Appunti.

Tutti i diritti sono riservati. È vietata qualsiasi riproduzione, copia totale o parziale, dei contenuti inseriti nel presente volume, ivi inclusa la memorizzazione, rielaborazione, diffusione o distribuzione dei contenuti stessi mediante qualunque supporto magnetico o cartaceo, piattaforma tecnologica o rete telematica, senza previa autorizzazione scritta dell'autore.

**ATTENZIONE: QUESTI APPUNTI SONO FATTI DA STUDENTIE NON SONO STATI VISIONATI DAL DOCENTE.
IL NOME DEL PROFESSORE, SERVE SOLO PER IDENTIFICARE IL CORSO.**

ELETTROSTATICA

LEGGI DI COULOMB

$$F_c = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

(sperimentale)

r = distanza tra q_1 e q_2

- F_c conservativa
- $(+,+)$ o $(-,-)$ repulsiva
- $(+,-)$ attrattiva
- cariche ferme

CAMPO ELETTRICO

- generato da 1 carica

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}_c}{q} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \text{ genera } \vec{E}$$

r = distanza da cui si calcola \vec{E}

• linee di campo $\leftarrow (+) \rightarrow$



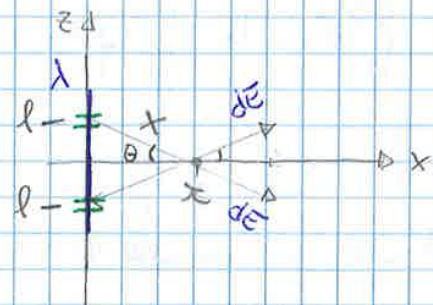
• \vec{E} e \vec{F}_c stessa direzione

- generato da 1 filo retto indefinito

$$\vec{E} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r}$$

r = distanza tra filo e punto

• \vec{E} diretto \perp filo



$$\begin{aligned} \text{dim } d\vec{E}_{\text{tot}} &= z dE_x = z dE \cos\theta = \\ &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{dq}{x^2} \cos\theta = \\ \lambda &= \frac{dq}{dl} \\ &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dl \cos\theta}{x^2} \end{aligned}$$

$$l = r \tan\theta \Rightarrow dl = r (\tan\theta)' = r \frac{1}{\cos^2\theta}$$

$$r \cos\theta = x \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{\cos\theta}{r}$$

$$d\vec{E}_{\text{tot}} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda r \cos^2\theta}{\cos^2\theta r^2} \cdot \cos\theta = \frac{\lambda \cos\theta}{2\pi\epsilon_0 r}$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos\theta d\theta = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \left[\sin\theta \right]_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r}$$

CAMPO GENERATO DAL DIPOLO

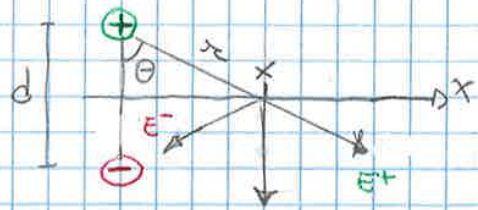
$$E = z |E| \cos\theta = z \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2} \cos\theta$$

$$\frac{d}{z} = r \cos\theta \rightarrow \cos\theta = \frac{d}{zr}$$

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2} \frac{d}{zr} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mu}{z^3}$$

$$r = \sqrt{x^2 + \left(\frac{d}{z}\right)^2}$$

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mu}{\left(x^2 + \left(\frac{d}{z}\right)^2\right)^{\frac{3}{2}}}$$



• \vec{E}_{dip} ha verso opposto a $\vec{\mu}$

$$\vec{E} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\vec{\mu}}{r^3}$$

POTENZIALE ELETTRICO GENERATO DAL DIPOLO

$$V(\vec{r}) = V(+q) + V(-q) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^+}{r^+} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^-}{r^-} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q}{r^+} - \frac{q}{r^-} \right)$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q \left(\frac{r^- - r^+}{r^+ r^-} \right) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{d \cos\theta}{z} - \frac{d \cos(-\theta)}{z} \right) \frac{1}{r^+ r^-}$$

$$= \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{d \cos\theta}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mu \cos\theta}{r^2}$$

che $r \gg d \Rightarrow r^- \approx r^+$

$$V(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mu \cos\theta}{r^2}$$

INTERAZIONE DIPOLO-CENTRICO

$$\vec{\tau} = \vec{\mu} \wedge \vec{E} \quad L = -\vec{\mu} \cdot \vec{E}$$

dim dipolo in c. elettrico: $m q^+$ agisce $\vec{F}_c^+ = +q\vec{E}$, $m q^-$ agisce $\vec{F}_c^- = -q\vec{E}$
 \vec{F}_c^+ ed \vec{F}_c^- coppia di forze opposte \Rightarrow genera momento

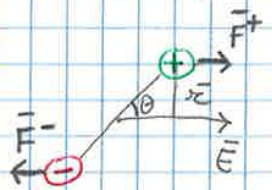
$$\vec{\tau}^+ = \vec{r}^+ \wedge \vec{F}_c^+ = r^+ q E \sin\frac{\pi}{2} = \frac{d}{z} \sin\theta q E \otimes$$

$$\vec{\tau}^- = \vec{r}^- \wedge \vec{F}_c^- = -r^- q E \sin\frac{\pi}{2} = -\frac{d}{z} \sin\theta q E \otimes$$

$$\vec{\tau}_{tot} = z \frac{d}{z} \sin\theta q E = q d E \sin\theta = \mu E \sin\theta = \vec{\mu} \wedge \vec{E} \otimes$$

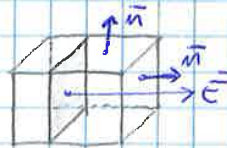
$$L = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \tau d\theta = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \mu E \sin\theta d\theta = \mu E (\cos\theta_f - \cos\theta_i) = \vec{\mu} \cdot \vec{E}$$

• \vec{E} tende a far allineare $\vec{\mu}$ con lui



E' GENERATO DAL PIANO INDEF

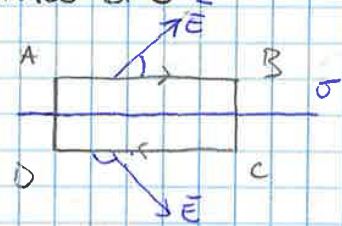
$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$



CONTINUITA' TANGENZIALE e DISCONTINUITA' NORMALE DI E'

$$\oint_{ABCD} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} + \int_B^C \vec{E} \cdot d\vec{l} + \int_C^D \vec{E} \cdot d\vec{l} + \int_D^A \vec{E} \cdot d\vec{l} =$$

\int_B^C o Δ BC infinitesimo
 \int_D^A o Δ DA infinitesimo

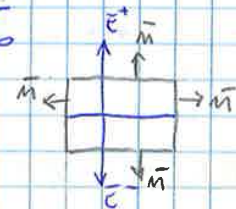


$$= E \cos \theta + E \cos(\pi - \theta) = 0 \Rightarrow E_{AB} \cos \theta = E_{CD} \cos(\pi - \theta)$$

$E_{\text{tang AB}} = E_{\text{tang CD}}$

$$\phi_{\text{tot}} = \underbrace{2 \phi(\vec{E})}_{\text{base}} + \underbrace{\phi'(\vec{E})}_{\text{sup lat}} = E^+ S - E^- S = \frac{Q}{\epsilon_0} = \frac{\sigma S}{\epsilon_0}$$

$$= E^+ - E^- = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$



CONDUTTORI:

E' INTERNO AL CONDUTTORE E' EQ. e SUPERF. EQUIPOTENZIALI

$$\vec{E} = 0$$

conduzione elettrica = mat disordinata delle cariche e libere di muoversi nel conduttore metallico

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = E \cdot S = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

x le Q int o si annullano o si respingono quindi

$$\text{vale anche } \Delta V_{\text{int}} = V_A - V_B \text{ interni} = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \rightarrow V_B = V_A$$

$$\text{e } \Delta V = V_A \text{ int} - V_C \text{ superf} = - \int_A^C \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \rightarrow V_A = V_C$$

CAMPO ELETTRICO GENERATO DAL CONDUTTORE

$$\vec{E}_{\text{superf}} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}$$



CAPACITA' DEL CONDUTTORE

$$C = \frac{Q}{V}$$

Q = carica sul conduttore

- conduttore in carica con inclusione con la stessa carica
- aumento capacita' del condensatore

DIELETTICI

COSTANTE DIELETTICA RELATIVA ed ASSOLUTA

$$\epsilon_r = \frac{V_{E0}}{V_{E\epsilon}} > 1$$

$$E = \epsilon_0 \epsilon_r E_0$$

- dielettrici isolanti si polarizzano in un condensatore, con q minore
- modifica come \vec{E}_{tot} , diminuisce C , aumenta

SUSCETTIVITÀ ELETTRICA

$$\psi = \epsilon_r - 1$$

- predisposizione a polarizzarsi!

VETORE INDUZIONE ELETTRICA

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E}$$

- legge di Gauss con \vec{D} ed energia elettrostatica

$$\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q_{int}$$

$$U_e = \frac{1}{\epsilon_0} \frac{D^2}{2}$$

- $\epsilon_0 \epsilon_r$ in base al materiale in cui si propaga

CORRENTE ELETTRICA

DENSITÀ DI CORRENTE

$$\vec{j} = \rho \vec{v}$$

$\rho = Ne$ - densità di corrente

- = moti ordinati di e^- nel conduttore metallico

INTENSITÀ DI CORRENTE e INFINITESIMO di

$$i = \oint_S \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

$$di = \frac{dQ}{dt}$$

$$\text{dim } dQ = \rho dV = Ne dV = Ne dS l = Ne dS \vec{v} dt = \vec{j} dS dt$$

$$\vec{j} dS = \frac{dQ}{dt} = di$$

$$i = \int di = \int \vec{j} \cdot d\vec{S} = \phi(\vec{j})$$

CONTINUITÀ DELLA CORRENTE

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{j} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$$

$$\text{dim } i = \int \vec{j} \cdot d\vec{S} = - \frac{dQ}{dt}$$

$$dQ = \rho dV \text{ e con la Gauss, } \iiint \text{div } \vec{j} dV = - \frac{d}{dt} \iiint \rho dV$$

$$\int \vec{\nabla} \cdot \vec{j} dV - \left(\frac{dQ}{dt} \right) = \int \vec{\nabla} \cdot \vec{j} + \frac{\partial \rho}{\partial t} dV = 0 \Rightarrow \vec{\nabla} \cdot \vec{j} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0 \Rightarrow Q \text{ cost}$$

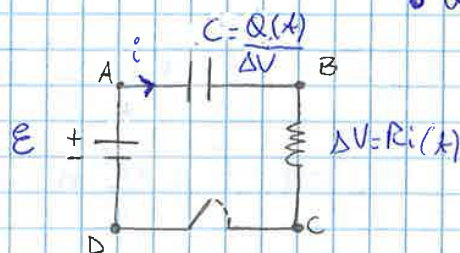
CARICA DEL CONDENSATORE

• $Q_{max} \rightarrow CE$ 5

legge delle maglie di Kirchhoff:

$$+E - \frac{Q(t)}{C} - Ri(t) = 0$$

$$E - \frac{Q(t)}{C} - R \frac{dQ(t)}{dt} = 0$$



$$R \frac{dQ}{dt} = -\frac{Q}{C} + E \quad ; \quad dQ = \left(E - \frac{Q}{C} \right) \frac{dt}{R} = \frac{Ec - Q}{RC} dt = -\frac{(Ec - Q)}{RC} dt$$

$$\int_0^Q \frac{dQ}{Q - Ec} = -\int_0^t \frac{dt}{RC} \quad ; \quad \left[\ln|Q - Ec| \right]_0^Q = -\frac{t}{RC} \quad ;$$

$$\ln \frac{Q - Ec}{-Ec} = -\frac{t}{RC} \quad ; \quad \frac{Q - Ec}{-Ec} = e^{-\frac{t}{RC}}$$

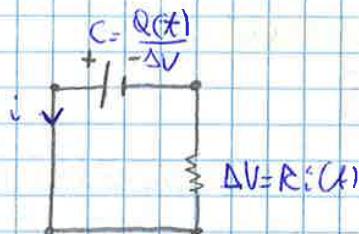
$$-\frac{Q}{Ec} + 1 = e^{-\frac{t}{RC}} \quad ; \quad -Q = (-1 + e^{-\frac{t}{RC}}) Ec \quad ; \quad Q = (1 - e^{-\frac{t}{RC}}) Ec$$

SCARICA DEL CONDENSATORE

legge delle maglie di Kirchhoff

$$-\frac{Q(t)}{C} - Ri(t) = 0 \quad ; \quad -\frac{Q(t)}{C} - R \frac{dQ(t)}{dt} = 0$$

$$+R \frac{dQ(t)}{dt} = -\frac{Q(t)}{C} \quad ; \quad \int_{Q_0}^Q \frac{dQ(t)}{Q} = -\int_0^t \frac{dt}{RC}$$



• $Q=0 \quad t \rightarrow +\infty$

$$\ln \frac{Q}{Q_0} = -\frac{t}{RC} \quad ; \quad Q = Q_0 e^{-\frac{t}{RC}}$$

CAMPO MAGNETICO

LEGGE DI GAUSS

$$\oint_S (\vec{B}) = 0 \quad \nabla \cdot \vec{B} = 0$$

FORZA DI LORENTZ

$$\vec{F}_L = q \vec{v} \wedge \vec{B}$$

\vec{v} = velocità della carica q

- Δ carica in moto in \vec{B}
- correla \vec{B} e moto di q

$$\vec{F} = q \vec{E} + q \vec{v} \wedge \vec{B}$$

\vec{F}_L NON COMPIE LAVORO e NON MODIFICA \vec{v}

$$W = \int_A^B \vec{F}_L \cdot d\vec{l} = \int_A^B q(\vec{v} \wedge \vec{B}) \cdot d\vec{l} \frac{dt}{dt} = q \int_A^B \vec{v} \wedge \vec{B} = 0$$

$$\Delta W = \Delta k = \frac{1}{2} m(v_F^2 - v_i^2) \Rightarrow v_F^2 - v_i^2 = 0 \Rightarrow v_F = v_i$$

I LEGGE DI LAPLACE

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 i}{4\pi r^2} d\vec{l} \wedge \frac{\vec{r}}{r^3}$$

\vec{B} generato da conduttore di percorso da i

r = distanza dal conduttore di del punto in cui misuriamo

dim per una carica in moto genera $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q \vec{v} \wedge \hat{r}}{r^2} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q \vec{v} \wedge \vec{r}}{r^3}$

Ma anche in dl generano $d\vec{B} = NdV \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q \vec{v} \wedge \vec{r}}{r^3} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{(Nq\vec{v}) \cdot S d\vec{l} \wedge \frac{\vec{r}}{r^3}}{r^2}$
 $= \frac{\mu_0}{4\pi} j S d\vec{l} \wedge \frac{\vec{r}}{r^2} = \frac{\mu_0}{4\pi} i d\vec{l} \wedge \frac{\vec{r}}{r^2}$

- correlazione tra \vec{B} ed \vec{E}

carica in moto genera $\vec{E} = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{r} = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \frac{q}{r^2} \frac{\vec{r}}{r}$

ma genera anche $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q \vec{v} \wedge \hat{r}}{r^2}$

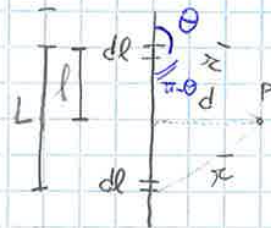
$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{\epsilon_0}{\epsilon_0} \vec{v} \wedge q \frac{\vec{r}}{r^3} = \mu_0 \epsilon_0 \vec{v} \wedge \vec{E}$

$\vec{B} = \mu_0 \epsilon_0 \vec{v} \wedge \vec{E}$
 $\frac{1}{c^2} = \mu_0 \epsilon_0$

legge di Biot-Savart

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 i}{4\pi d}$$

\vec{B} generato da condutt retto indefinito



dim per I legge di Laplace $d\vec{B} = \frac{\mu_0 i}{4\pi} d\vec{l} \wedge \frac{\vec{r}}{r^3}$

metto $d\vec{B}_1$ in dipendenza di θ $d\vec{B}_1 = \frac{\mu_0 i}{4\pi} \frac{dl \cdot r \sin\theta}{r^3} (-\hat{u}_z)$

$\frac{1}{r^2} \rightarrow d = r \sin(\pi - \theta) = r \sin\theta$
 $\frac{1}{r^2} = \frac{\sin^2\theta}{d^2}$

$dl \rightarrow l = r \cos(\pi - \theta) = -r \cos\theta = -\frac{d}{\sin\theta} \cos\theta = -d \cotg\theta$

$dl = -d \frac{\partial \cotg\theta}{\partial \theta} = + \frac{d}{\sin^2\theta}$

$d\vec{B}_1 = \frac{\mu_0 i}{4\pi} \frac{d}{\sin^2\theta} \cdot \frac{\sin^2\theta}{d^2} \sin\theta (-\hat{u}_z) = \frac{\mu_0 i}{4\pi} \frac{\sin\theta}{d} (-\hat{u}_z)$

$\vec{B}_1 = \int_{\frac{\pi}{2}}^{\theta_i} \frac{\mu_0 i}{4\pi d} \sin\theta d\theta = \frac{\mu_0 i}{4\pi d} [-\cos\theta]_{\frac{\pi}{2}}^{\theta_i} (-\hat{u}_z) = \frac{\mu_0 i}{4\pi d} \cos\theta_i \hat{u}_z$

$\cos\theta = -\cos(\pi - \theta)$ e $l = \frac{L}{2} = r \cos(\pi - \theta) = \sqrt{\frac{L^2}{4} + d^2} \cos\theta$

LEGGE DI AMPERE IN F. INTEGRALE e IN F. DIFFERENZIALE STATICHE

$$\oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 i$$

$$\text{rot } \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$$

• \vec{B} non conservativo

$d\vec{l}$ del conduttore percorso da i "concatenata"

$$\text{dim} \oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot (d\vec{l}_{\perp} + d\vec{l}_{\parallel}) = \oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l}_{\parallel}$$

per Biot-Savart, per conduttore rettilineo indef $B = \frac{\mu_0 i}{2\pi r}$

$$\oint \frac{\mu_0 i}{r} dl = \frac{\mu_0 i}{r} \int_0^{2\pi} r d\theta = \frac{\mu_0 i}{r} 2\pi r$$

per di Stokes $\int_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \int_S \text{rot } \vec{B}$

S è attraversata da i concatenata,
 $i = \int_S \vec{j} \cdot d\vec{\sigma}$

$$\oint_{\Gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \int_S \text{rot } \vec{B} = \mu_0 i = \mu_0 \int_S \vec{j} \cdot d\vec{\sigma}; \int_S \text{rot } \vec{B} = \mu_0 \int_S \vec{j} \cdot d\vec{\sigma}$$

$$\text{rot } \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$$

LEGGE DI AMPERE IN F. INTEGRALE e IN F. DIFFERENZIALE DINAMICA

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 i + \mu_0 \epsilon_0 \frac{d}{dt} \int_S \vec{E} \cdot d\vec{\sigma} \quad \text{Maxwell } \text{rot } \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

dim applico div al 1° e 2° membro: $\nabla \cdot \text{rot } \vec{B} = \nabla \cdot \mu_0 \vec{j}; 0 = \nabla \cdot \mu_0 \vec{j} \Rightarrow \nabla \cdot \vec{j} = 0$

poiché $\nabla \cdot \vec{j} = 0 \Rightarrow \vec{j}$ costante \rightarrow equaz. di continuità $\nabla \cdot \vec{j} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$

poiché per di Gauss $\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}; \rho = \epsilon_0 \nabla \cdot \vec{E}$

l'equaz. di continuità: $\nabla \cdot \vec{j} + \frac{\partial}{\partial t} (\epsilon_0 \nabla \cdot \vec{E}) = 0$

$$\nabla \cdot \left(\vec{j} + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right) = 0 \Leftrightarrow \nabla \cdot \text{rot } \vec{A} = 0$$

$$\nabla \cdot \left(\vec{j} + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right) = \nabla \cdot \text{rot } \vec{A}$$

in condiz. statiche $\text{rot } \vec{A} = \left(\vec{j} + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right); \text{rot } \vec{A} = \vec{j}$

se $\vec{A} \equiv \vec{B}, \text{rot } \vec{B} = \mu_0 \vec{j} \Rightarrow \mu_0 \left(\vec{j} + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right) = \text{rot } \vec{B}$

quindi $\text{rot } \vec{B} = \mu_0 \vec{j} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$

$\mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ = densità corrente aggiunta

ENERGIA MAGNETICA

$$U = \frac{1}{2} L i^2$$

circuito percorso da i , crea $\vec{B} \rightarrow$ Laplace $\vec{B} = \frac{\mu_0 i}{4\pi r} \oint d\vec{l} \times \frac{\vec{r}}{r^3}$
 \vec{B} investe il circuito, crea $\Phi_C(\vec{B}) = \int_C \vec{B} \cdot d\vec{\sigma}$

$$\Phi_C(\vec{B}) = \int_C \frac{\mu_0 i}{4\pi} \left(\oint d\vec{l} \times \frac{\vec{r}}{r^3} \right) \cdot d\vec{\sigma}$$

$$\Phi_C(\vec{B}) = i(t) \int_C \frac{\mu_0}{4\pi} \left(\oint d\vec{l} \times \frac{\vec{r}}{r^3} \right) \cdot d\vec{\sigma} = i(t) L \rightarrow \Phi_C(\vec{B}) = L i(t)$$

induttore assorbe i del circuito e lo trasforma in \vec{B}
 deve perciò contrastare effetto Joule

voglio calcolare il lavoro fatto dall'induttore per contrastare:

$$\left. \begin{aligned} \Phi(\vec{B}) = L i(t) &\rightarrow \frac{\partial \Phi(\vec{B})}{\partial t} = L \frac{\partial i(t)}{\partial t} \\ \mathcal{E} = - \frac{\partial \Phi(\vec{B})}{\partial t} & \end{aligned} \right\} \mathcal{E} = -L \frac{\partial i(t)}{\partial t}$$

$$dW = dt P_s = R i^2 = \Delta V i = \mathcal{E} i = -L \frac{di}{dt} i \quad dt$$

$$W = - \int_0^i L di(t) i = -\frac{1}{2} L i^2 \rightarrow U = -W; U = \frac{1}{2} L i^2$$

ENERGIA MAGNETICA PER U. DI VOLUME

per il solenoide $\Phi(B) = N S B = L i$; $L = \frac{N S B}{i} \cdot \frac{l}{l} = \frac{N S \mu_0 m i l}{i l} =$
 $= \frac{N S \mu_0 N i l}{i l} = \frac{N^2 \mu_0 S l}{l^2} = m^2 \mu_0$

$$L = m^2 \mu_0 \rightarrow U = \frac{1}{2} m^2 \mu_0 L i^2 \frac{\mu_0}{\mu_0} =$$

$$= \frac{1}{2} \left(m \mu_0 i \right)^2 \frac{1}{\mu_0} V = \frac{1}{2} B^2 \frac{1}{\mu_0} V$$

$$U \text{ per unit\`o di volume} = \frac{U}{V} = \frac{1}{2} B^2 \frac{1}{\mu_0} \rightarrow u = \frac{1}{2} \frac{1}{\mu_0} B^2$$

CORRELAZIONE \vec{E} e \vec{B}

• da conoscere \vec{B} o \vec{E} a $t=0$

$$E_y \Rightarrow \int \frac{\partial B_y}{\partial t} = \int \frac{\partial E_z}{\partial x} \rightarrow B_y = -\frac{1}{v} E_z$$

$$E_z \Rightarrow \int \frac{\partial B_z}{\partial t} = \int -\frac{\partial E_y}{\partial x} \rightarrow B_z = \frac{1}{v} E_y$$

per scrivere \vec{B} in funzione di \vec{E} :

$$\begin{cases} \vec{E} = E_y(x-vt)\hat{u}_y + E_z(x-vt)\hat{u}_z \\ \vec{B} = -\frac{1}{v} E_z(x-vt)\hat{u}_y + \frac{1}{v} E_y(x-vt)\hat{u}_z \end{cases}$$

$$|E| = \sqrt{E_y^2 + E_z^2}$$

$$|B| = \sqrt{\frac{E_z^2}{v^2} + \frac{E_y^2}{v^2}} = \frac{1}{v} \sqrt{E_z^2 + E_y^2} = \frac{1}{v} |E|; \quad B = \frac{E}{v}$$

$$\vec{E} \cdot \vec{B} = -E_y \frac{1}{v} E_z + E_z \frac{1}{v} E_y = 0 \Rightarrow \vec{E} \perp \vec{B}$$

ONDE ARMONICHE

• ambiente in cui si propaga

$$\vec{E} = E_0 y \sin(kx - \omega t) \hat{u}_y + E_0 z \sin(kx - \omega t + \delta)$$

$E_0 y$ e $E_0 z$ misurati a $t=0$
 k = vettore d'onda, $\omega = kv$ = pulsazione

POLARIZZAZIONE LINEARE

• \vec{E} cambia intensità, verso, ma direzione

$$\delta = 0, \delta = \pi \rightarrow \sin(a+\delta) = \sin a \cos \delta + \cos a \sin \delta$$

$$\vec{E} = E_0 y \sin(kx - \omega t) \hat{u}_y + E_0 z \sin(kx - \omega t)$$

POLARIZZAZIONE ELLITTICA

• \vec{E} cambia tt non in ampiezza

$$\delta = \frac{\pi}{2}, \delta = \frac{3}{2}\pi \rightarrow \sin(a+\delta) = \sin a \cos \delta + \cos a \sin \delta$$

$$\vec{E} = E_0 y \sin(kx - \omega t) \hat{u}_y + E_0 z \cos(kx - \omega t)$$

DENSITÀ ENERGIA ELETTROMAGNETICA

$$u = \frac{1}{2} \epsilon E^2 + \frac{1}{2} \frac{1}{\mu} B^2 = \frac{1}{2} \epsilon E^2 + \frac{1}{2} \frac{1}{\mu} \frac{E^2}{v^2} = \epsilon E^2; \quad u = \epsilon E^2$$