



Corso Luigi Einaudi, 55 - Torino

Appunti universitari

Tesi di laurea

Cartoleria e cancelleria

Stampa file e fotocopie

Print on demand

Rilegature

NUMERO: 1453A -

ANNO: 2015

A P P U N T I

STUDENTE: Cammarata

MATERIA: Termocinetica e Termofluodinamica temi d'esame,
Prof.Malandrone

Il presente lavoro nasce dall'impegno dell'autore ed è distribuito in accordo con il Centro Appunti.

Tutti i diritti sono riservati. È vietata qualsiasi riproduzione, copia totale o parziale, dei contenuti inseriti nel presente volume, ivi inclusa la memorizzazione, rielaborazione, diffusione o distribuzione dei contenuti stessi mediante qualunque supporto magnetico o cartaceo, piattaforma tecnologica o rete telematica, senza previa autorizzazione scritta dell'autore.

**ATTENZIONE: QUESTI APPUNTI SONO FATTI DA STUDENTIE NON SONO STATI VISIONATI DAL DOCENTE.
IL NOME DEL PROFESSORE, SERVE SOLO PER IDENTIFICARE IL CORSO.**

Qui troverete tutti gli esami degli ultimi anni di “termocinetica e termofluidodinamica” del professore Mario Malandrone.

Gli esami di teoria (domande aperte) che troverete sono quelli che vanno da luglio 2012 a settembre 2014.

Gli esami pratici (problemi) che troverete sono quelli che vanno da luglio 2013 a settembre 2014.

Per qualsiasi informazione o chiarimento riguardo questo materiale contattatemi: *appunti.cammarata@gmail.com*

Spero che il materiale sia comprensibile e che vi aiuti al superamento dell'esame. Buono studio!

23 GENNAIO 2014

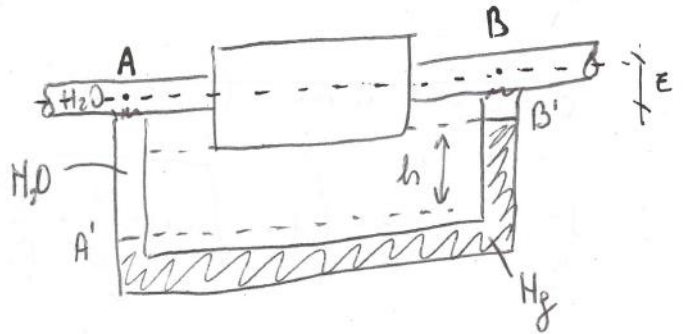
L1

2) Misuratore di portata con differenza

$$\Delta p = 0,3 \text{ bar}$$

$$\rho_{H_2O} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \rho_{Hg} = 13578 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$h = ?$$



$$P_{A'} = P_A + \rho_{H_2O} g (h + z)$$

$$P_A = P_{A'} - \rho_{H_2O} g (h + z)$$

$$P_{B'} = P_B + \rho_{H_2O} g z$$

$$P_B = P_{B'} - \rho_{H_2O} g z$$

$$P_{B'} = P_{A'} - \rho_{Hg} g \cdot h$$

$$P_A = P_{A'} - \rho_{H_2O} g (h + z)$$

$$\Rightarrow P_A - P_B = P_{A'} - \rho_{H_2O} g (h + z) - P_{A'} + \rho_{Hg} g h + \rho_{H_2O} g z$$

$$P_B = P_{A'} - \rho_{Hg} g \cdot h - \rho_{H_2O} g \cdot z$$

$$\Rightarrow P_A - P_B = -\rho_{H_2O} g h + \rho_{Hg} g \cdot h$$

$$\Delta p = h \cdot g (\rho_{Hg} - \rho_{H_2O}) \Rightarrow h = \frac{\Delta p}{g (\rho_{Hg} - \rho_{H_2O})} = \frac{30000 \text{ Pa}}{9,81 (13578 - 1000)} = 0,243 \text{ m}$$

4) deflusso monophasico
tubazione orizzontale

13

$$d = 2 \text{ cm} = 0,02 \text{ m}$$

$$\text{acqua} \Rightarrow \rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$W = 0,7 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

$$\Delta p = 0,4 \text{ bar.} = 40000 \text{ Pa}$$

Calcolare il coefficiente di perdita della valvola $K_{\text{loc}} = ?$

~~~~~

$$\Delta p_{\text{loc}} = K_{\text{loc}} \cdot \frac{1}{2} \rho v^2$$

$$W = \rho A v \Rightarrow v = \frac{W}{\rho \cdot A} = \frac{W}{\rho \cdot \left(\frac{\pi d^2}{4}\right)} = \frac{0,7 \frac{\text{kg}}{\text{s}}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(\frac{\pi \cdot 0,02^2 \text{ m}^2}{4}\right)} = 2,228 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow K_{\text{loc}} = \frac{2 \Delta p_{\text{loc}}}{\rho v^2} = \frac{2 \cdot 40000 \text{ Pa}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 2,228^2 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}} = 16,116$$

Quindi, viene:

$$\Phi \cdot S' = G \cdot A \cdot \left[ x \left( h_{\text{vap. saturo}} - h_{\text{liq. saturo}} \right) + \left( h_{\text{liq. saturo}} - h_{\text{liq. sat.}} \right) \right]$$

$$\Rightarrow \frac{\Phi \cdot \pi d \frac{L}{2}}{G \cdot \pi \frac{d^2}{4}} = x \Delta h_{\text{vap.}} + \Delta h_{\text{rise.}} \Rightarrow x = \left( \frac{2\Phi L}{Gd} - \Delta h_{\text{rise.}} \right) \cdot \frac{1}{\Delta h_{\text{vap.}}}$$

$$\Rightarrow x = \left( \frac{2 \cdot 400000 \cdot 21,24}{0,02 \cdot 1000} - (1213,73 - 1085,65) \right) \cdot \frac{1}{(2784,56 - 1213,73)}$$

$$\Rightarrow x = 0,458 \quad \underline{\text{NB}} = \text{trasformare KJ in J moltiplicando per } \frac{1000 \text{ J}}{\text{KJ}}$$

e) le velocità superficiali del liquido e del vapore nelle condizioni del punto (b)

$$G = 1000 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^2 \text{s}} \quad G \cdot x = 458,32 \frac{\text{Kg}_v}{\text{m}^2 \text{s}} \quad G(1-x) = 540,68 \frac{\text{Kg}_{\text{liq}}}{\text{m}^2 \text{s}}$$

portata  
specifica  
di vapore

portata  
specifica  
di acqua liq.

$$V_{\text{superficiale liquido}} = \frac{G_{\text{liq}}}{\rho_{\text{H}_2\text{O liq. saturo}}} = \frac{540,68 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^2 \text{s}}}{757,99 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3}} = 0,713 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$V_{\text{superficiale vapore}} = \frac{G_{\text{vap}}}{\rho_{\text{H}_2\text{O vapore saturo}}} = \frac{458,32 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^2 \text{s}}}{30,818 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3}} = 14,8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$Pr = \frac{\mu \cdot \rho \cdot v}{k} \Rightarrow \mu = \frac{Pr \cdot k}{\rho \cdot v} = \frac{0,0053 \cdot 57}{1273} = 0,000237 \frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}} \quad \boxed{7}$$

$$Re = \frac{\rho \cdot \bar{v} \cdot d}{\mu} = \frac{829 \cdot 5,51 \cdot 0,01}{0,000237} = 192702$$

La velocità si è calcolata da:  $W = \rho \cdot A \cdot \bar{v} \Rightarrow \bar{v} = \frac{W}{\rho \cdot \pi \frac{d^2}{4}} = 5,51 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$$Pe = Pr \cdot Re = 1021,32$$

Per i metalli:

$$Nu = 7 + 0,025 Pe^{0,8} = 13,387$$

$$Nu = \frac{h \cdot d}{k} \quad \text{dove } h = \text{coeff. di scambio termico tra sodo e parete}$$

$$\Rightarrow h = \frac{Nu \cdot k}{d} = \frac{13,387 \cdot 57 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot \text{C}}}{0,01 \text{ m}} = 76305,9 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{C}}$$

$$\bar{\Phi}_{\text{imp, sodo}} = h \Delta T$$

$$\Rightarrow \Delta T = \frac{1000000 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}}{76305,9 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{C}}} = 13,10 \text{ } ^\circ\text{C}$$

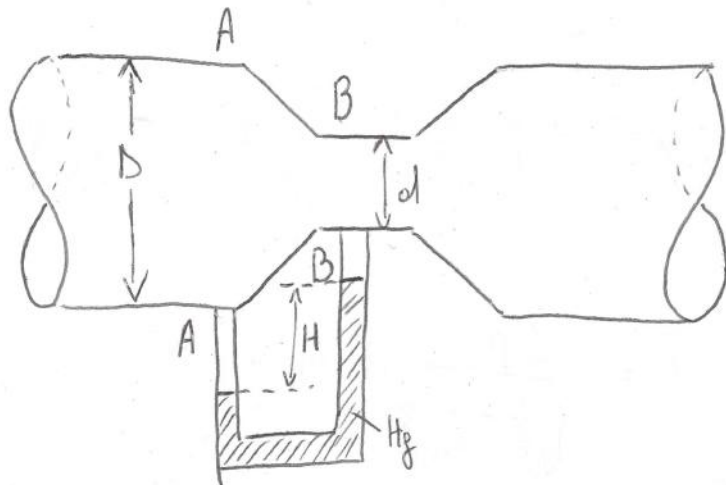
$$\rightarrow T_{\text{max, parete}} = 500 \text{ } ^\circ\text{C} + 13,10 \text{ } ^\circ\text{C} = 513,10 \text{ } ^\circ\text{C}$$

23 GIUGNO 2014

LS

3) Tubo di Venturi - esse orizzontale  
manometro ad U a mercurio  $Hg$

$D = 0,04 \text{ m}$



- Calcolare il diametro  $d$  in modo tale che  $W = 2,5 \frac{Kg}{s}$  e  $\Delta p_{A-B} = 0,3 \text{ bar} = 30000 \text{ Pa}$
- Calcolare inoltre il dislivello  $H$  corrispondente a  $\Delta p = 0,3 \text{ bar} = 30000 \text{ Pa}$



$W = \rho v A \Rightarrow v_1 = \frac{W}{\rho A_1}$   
 $v_2 = \frac{W}{\rho A_2}$

$\Delta p = \frac{1}{2} \rho \cdot g (v_2^2 - v_1^2) \Rightarrow \Delta p = \frac{1}{2} \rho \cdot g \cdot \left( \frac{W^2}{(\rho A_2)^2} - \frac{W^2}{(\rho A_1)^2} \right)$

$\frac{2\Delta p}{\rho \cdot g} + \frac{W^2}{(\rho A_1)^2} = \frac{W^2}{(\rho A_2)^2} \Rightarrow \frac{W}{\rho A_2} = \sqrt{\frac{2\Delta p}{\rho \cdot g} + \frac{W^2}{\rho^2 A_1^2}}$

$\Rightarrow A_2 = \frac{W}{\rho} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{2\Delta p}{\rho \cdot g} + \frac{W^2}{\rho^2 A_1^2}}} = 0,001010467 \Rightarrow \pi \frac{d^2}{4} \Rightarrow$   
 $\Rightarrow d = \sqrt{\frac{4 \cdot 0,001010467}{\pi}} = 0,03587 \text{ m}$



L11

- Scopre il moto del fluido

$$Re^* = \frac{\rho v d}{\mu} = \frac{1000 \cdot 3,183 \cdot 0,02}{0,001} = 63660$$

$$Re^* > 2300 \Rightarrow \text{moto turbolento}$$

$$\text{e quindi uso la formula } f' = 0,078 Re^{-\frac{1}{4}}$$

$$\Rightarrow f' = 0,078 \cdot (63660)^{-\frac{1}{4}} = 0,0048735$$

~~XXXXXXXXXX~~

$$f = \frac{1}{4} f'_B = \frac{0,03848}{4} = 0,00987$$

$$\Delta f = f - f' = 0,00987 - 0,0048735 = \underline{\underline{0,004897}}$$

## 5) Tubo evaporatore

$$d = 0,02 \text{ m}$$

entra  $H_2O$  sottoraffreddata a  $T_{in} = 210^\circ C$ ,  $p = 30 \text{ bar} = 3000000 \text{ Pa}$

$$G = 1500 \frac{\text{kg}}{\text{s m}^2} \quad \Phi_w = 20 \frac{\text{W}}{\text{cm}^2} = 200000 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

1) Calcolare lunghezza regione monophasica

2) calcolare il coeff. di scambio termico convettivo  $h_c$  e la differenza di temperatura di parete  $T_w$  e quella di massa  $T_b$

3) Dire se  $h_c$  (calcolato al punto (2)) è valido per tutta la regione sottoraffreddata

3)

13

1 LUGLIO 2013

15

1) Sfere sfera di acciaio  $\bar{\rho}$  è immersa al 50% del suo volume in acqua.

$$\rho_{H_2O} = 1000 \frac{Kg}{m^3} \quad \rho_{ACCIAIO} = 7860 \frac{Kg}{m^3}$$

Determinare rapporto tra raggio interno e raggio esterno della sfera  
 $= r_i$   $= r_e$



Vali il teorema di Archimede: "un corpo immerso in un liquido riceve una spinta dal basso verso l'alto pari al peso del liquido spostato".

$$\vec{F}_P = \vec{F}_A \Rightarrow \rho_1 \cdot g \cdot dV_1 = \rho_2 \cdot g \cdot dV$$

$$\Rightarrow \rho_{H_2O} \cdot g \cdot \left( \frac{4}{3} \pi \cdot r_e^3 \right) \cdot \frac{1}{2} = \rho_{ACCIAIO} \cdot g \cdot \left( \frac{4}{3} \pi (r_e^3 - r_i^3) \right)$$

solo il  
50% è immerso

$$\Rightarrow \frac{\rho_{H_2O} \cdot r_e^3}{2} = \rho_{ACCIAIO} \cdot r_e^3 - \rho_{ACCIAIO} \cdot r_i^3 \Rightarrow \rho_{ACCIAIO} \cdot r_i^3 = r_e^3 \left( \rho_{ACCIAIO} - \frac{\rho_{H_2O}}{2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{r_i^3}{r_e^3} = 1 - \frac{1}{2} \frac{\rho_{H_2O}}{\rho_{ACCIAIO}} \Rightarrow \frac{r_i}{r_e} = \sqrt[3]{1 - \frac{\rho_{H_2O}}{2 \rho_{ACCIAIO}}} = 0,9677$$

17

b)

$$x = \frac{\rho_{vap}}{\rho_{liq}} \Rightarrow \rho_{vap} = 0,3 \cdot 1000 \frac{kg}{m^3} = 300 \frac{kg}{m^3}$$

$$\rho_{H_2O} = (1-0,3) \cdot 1000 \frac{kg}{m^3} = 700 \frac{kg}{m^3}$$

$$\alpha_h = \frac{1}{1 + \frac{1-x}{x} \cdot \frac{\rho_{vap, sat.}}{\rho_{liq, sat.}}} = \frac{1}{1 + \frac{0,7}{0,3} \cdot \frac{30,818}{757,89}} = 0,913352$$

↑  
 frazione di vuoto nel modello omogeneo

↑  
 rapporto di densità

$$\bar{\rho}_{miscela} = \alpha \cdot \rho_{vap. saturo} + (1-\alpha) \rho_{liq. saturo} = 93,826 \frac{kg}{m^3}$$

e) Per il regime di deflusso, dato che abbiamo un tubo verticale, usiamo la mappa di Hewitt-Roberts

$$\frac{\rho_{vap}^2}{\rho_{vap}} = 2920,37 \frac{kg}{s^2 \cdot m} \quad \frac{\rho_{liq}^2}{\rho_{liq}} = 646,45 \frac{kg}{s^2 \cdot m}$$

flow pattern  $\Rightarrow$  ANNULAR

3) tubazione orizzontale con valvola

$d = 0,02 \text{ m}$        $\Delta p = 0,5 \text{ bar} = 50000 \text{ Pa}$       tra monte e valle della valvola

$\rho_{H_2O} = 1 \frac{kg}{m^3}$        $\rho_{H_2O} = 1000 \frac{kg}{m^3}$        $\mu = 0,001 \frac{kg}{m \cdot s}$

Determinare il coeff. di perdita localizzate  $K_{loc}$

tra la presa di pressione e la valvola  $L = 0,5 \text{ m}$

$\epsilon = 0,001 \text{ mm} = 0,00001 \text{ m}$

4) Tubo di Venturi: in un tubo orizzontale

$$D = 0,03 \text{ m} \quad \text{H}_2\text{O} \quad \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$d = 0,02 \text{ m}$$

fluido non viscoso

$$\Delta p_{b-d} = 0,3 \text{ bar} = 30000 \text{ Pa}$$

calcolare la portata in massa  $W$



$$p_b + \frac{1}{2} \rho v_b^2 = p_d + \frac{1}{2} \rho v_d^2$$

$$\Rightarrow \Delta p_{b-d} = \frac{1}{2} \rho (v_d^2 - v_b^2) = \frac{1}{2} \rho \left( v_d^2 - v_d^2 \cdot \frac{d^4}{D^4} \right)$$

$$\Rightarrow v_d = \sqrt{\frac{2 \Delta p}{\rho} \cdot \frac{1}{\left(1 - \frac{d^4}{D^4}\right)}} = 8,65 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

↳ viene da

$$W_b = W_d$$

$$\rho v_b A_b = \rho v_d A_d$$

$$v_b = v_d \frac{\pi d^2/4}{\pi D^2/4} \Rightarrow v_b = v_d \cdot \frac{d^2}{D^2}$$

$$W = \rho A_d \cdot v_d = \rho \cdot \frac{\pi d^2}{4} \cdot v_d = 2,72 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

5) tubo

$$d = 0,008 \text{ m}$$

$$\text{Na liquido} \quad \bar{v} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$T_b = 400^\circ\text{C}$$

$$\Phi = 100 \frac{\text{W}}{\text{cm}^2} = 1000000 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

calcolare  $T_w = ?$

↑  
temperatura  
di parete



16 SETTEMBRE 2013

21

1) Tubo verticale

 $d = 0,03 \text{ m}$  regime stazionario $\text{H}_2\text{O}$ 

$$\rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \mu = 0,001 \frac{\text{kg}}{\text{m}\cdot\text{s}}$$

$$f_B = 0,02$$

Portata in massa  $W$  alla quale corrisponde un  $\Delta p = 0$ 

$$\Delta p = \underbrace{-\rho g L}_{\text{cadute di pressione per gravità}} + \underbrace{f_B \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{L}{d} \cdot \rho v^2}_{\text{cadute di pressione per attrito continuo}}$$

→ NB = se tubo fosse stato orizzontale  $\Rightarrow \Delta p = f_B \cdot \frac{L}{d} \cdot \frac{1}{2} \rho v^2$

$$\Delta p = 0 \Rightarrow \rho g L = + f_B \frac{L}{d} \cdot \frac{1}{2} \rho v^2$$

sappiamo che  $v = \frac{W}{\rho A}$ , quindi:

$$\rho g L = f_B \cdot \frac{1}{2d} \cdot \frac{W^2}{\rho^2 A^2} \Rightarrow W = \sqrt{\frac{2 \rho g d}{f_B} \cdot \rho^2 \left(\frac{\pi d^2}{4}\right)^2} = 3,835 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

## 3) Tubo evaporatore (verticale)

23

$$D = 1,5 \text{ cm} = 0,015 \text{ m}$$

$$\text{H}_2\text{O} \quad p = 60 \text{ bar} = 6000000 \text{ Pa} \quad T = 250^\circ \text{C}$$

$$G = 2000 \frac{\text{Kg}}{\text{s m}^2}$$

$$L = 20 \text{ m}$$

- a) Calcolare flusso termico che determina la completa evaporazione dell'acqua
- b) il titolo in massa all'uscita del tubo per un flusso termico al 50% di quello del punto (a)
- c) velocità superficiali di del liquido e del vapore nelle condizioni (b)
- d) il flow pattern nelle condizioni (b)



$$a) \quad \Phi S = G \cdot A \cdot \Delta h \quad \text{con} \quad \Delta h = h_{\text{vap. saturo}} - h_{\text{liq. sat.}}$$

$$\Phi = G \cdot \frac{\pi d^2}{4} \cdot (2784,56 \frac{\text{KJ}}{\text{Kg}} - 1085,65 \frac{\text{KJ}}{\text{Kg}}) \cdot 1000 \frac{\text{J}}{\text{KJ}}$$

$$\Rightarrow \Phi = 637081,25 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$b) \quad \Phi_b = \frac{1}{2} \Phi = 318545,625 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$\Phi \cdot S = G \cdot A \cdot \left[ x \left( h_{\text{vap. saturo}} - h_{\text{liq. saturo}} \right) + \left( h_{\text{liq. saturo}} - h_{\text{liq. sat.}} \right) \right] \rightarrow$$

d) siamo in presenza di un tubo verticale e quindi usiamo la mappa di Hewitt-Roberts:

$$\frac{\rho_{\text{vap}}^2}{\rho_{\text{liq}}} = 27345,18 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

⇒ ANNULAR

$$\frac{\rho_{\text{liq}}^2}{\rho_{\text{vap}}} = 1544,51 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

4) tubo percorso da acqua sottoraffreddata

$$T_b \Rightarrow \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \mu = 0,001 \frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}} \quad d = 0,02 \text{ m}$$

$$T_w, \Phi_w$$

$$Re = 20000$$

a) calcolare la velocità media e la portata in massa dell'acqua

b) calcolare la portata in massa che porta a  $2\Phi_w$  come potenza



e) Sappiamo che:  $Re = \frac{\rho \bar{v} d}{\mu} \Rightarrow \bar{v} = \frac{Re \cdot \mu}{\rho d}$

$$\Rightarrow \bar{v} = 1 \text{ m/s}$$

$$W = \rho \cdot A \cdot v = \rho \cdot \frac{\pi d^2}{4} \cdot v = 0,314 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$



23 GENNAIO 2014

27

15 SETTEMBRE 2014

- 2) un oggetto di densità uniforme  
immerso in acqua per il 30% del suo volume
- $$\rho_{H_2O} = 1000 \frac{Kg}{m^3} \quad \rho_{\text{oggetto}} = ?$$



Spinta di Archimede

$$\rho_1 g V_1 = \rho_2 g V_2$$

$$V_1 = \frac{1}{3} V_2 \Rightarrow \rho_{H_2O} \cdot \cancel{g} \cdot \frac{1}{3} V_2 = \rho_2 \cdot \cancel{g} \cdot V_2$$

$$\Rightarrow \rho_2 = \frac{1}{3} \rho_{H_2O} = 333,33 \frac{Kg}{m^3}$$

- 3) tubo evaporatore (verticale)

$$d = 0,015 \text{ m}$$

$$H_2O \text{ a } p = 6 \text{ bar} = 600000 \text{ Pa} \quad \text{e } T = 250^\circ \text{C}$$

$$\rho = 1000 \frac{Kg}{m^3} \quad \Phi_w \text{ uniforme}$$

a) calcolare flusso termico  $\Phi_w$  sapendo che la completa evaporazione si ha per  $L = 30 \text{ m}$

b) frazione di vado e la densità media della miscela nelle sezioni in cui si raggiunge il titolo del 70%.

c) il regime di deflusso (flow pattern) quando il titolo è 70%.

4) approssimatura - tubo verticale - regime stazionario

29

$$d = 0,02 \text{ m}$$

$$L = 5 \text{ m}$$

$$\text{H}_2\text{O} \quad \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

Calcolare fattore di attrito di Blasius  $f_B$

$$W = 0,65 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

$$\Delta p = 0,6 \cdot 10^5 = 60000 \text{ Pa}$$



$$\Delta p = \rho g L + \frac{1}{2} \rho v^2 \frac{L}{d} f_B$$

$$W = \rho A v \Rightarrow v = \frac{W}{\rho A} = \frac{W}{\rho \cdot \frac{\pi d^2}{4}} = 2,07 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$f_B = \frac{2(\Delta p - \rho g L) d}{\rho v^2 L} = 0,02044$$

5) Tubo

$$d = 10 \text{ mm} = 0,01 \text{ m}$$

$$L = 1,5 \text{ m}$$

$$W = 0,37 \frac{\text{kg}}{\text{s}} \text{ di Na liquido}$$

$\Phi_w$  imposto e costante

$$T_{b,in} = 400^\circ\text{C} \quad T_{b,out} = 500^\circ\text{C}$$

Calcolare  $\Phi_w$  e  $T_w$  di parete massima

131

6) Tubazione orizzontale

$$D = 0,05 \text{ m} \quad \text{H}_2\text{O} \quad \rho = 1000 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3}$$

Tubo di Venturi da inserire, determinare diametro  $d$ 

$$W = 4 \frac{\text{Kg}}{\text{s}} \quad \Delta p_{b-d} = 0,37 \text{ bar} = 37000 \text{ Pa}$$

fluido non viscoso  $W_1 = W_2$ 

$$p + \rho g z + \frac{1}{2} \rho v^2 = \text{cost}$$

$$p_D + \cancel{\rho g z} + \frac{1}{2} \rho v_D^2 = p_d + \cancel{\rho g z} + \frac{1}{2} \rho v_d^2$$

$z=0 \qquad \qquad \qquad z=0$

$$\Rightarrow \text{~~Diagram of a Venturi tube with sections D and d~~} \quad p_D - p_d = \frac{1}{2} \rho (v_d^2 - v_D^2)$$

$$W = \rho v A \Rightarrow v_D = \frac{W}{\rho A_D} = \frac{W}{\rho \frac{\pi D^2}{4}} = 2,037 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow \Delta p = \frac{1}{2} \rho (v_d^2 - v_D^2) \Rightarrow v_d^2 = v_D^2 + \frac{2 \Delta p}{\rho}$$

$$\Rightarrow v_d = \sqrt{v_D^2 + \frac{2 \Delta p}{\rho}} = 8,84 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$W = \rho A v \Rightarrow A_d = \frac{W}{\rho v_d} = 0,000452488 \text{ m}^2$$

$$\text{ma } A_d = \frac{\pi d^2}{4} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{4 A_d}{\pi}} = 0,024 \text{ m}$$

17 FEBBRAIO 2014

33

2) tubo verticale - regime stazionario

d = diametro

$$\bar{v} = 3,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\text{H}_2\text{O} \quad \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \mu = 0,001 \frac{\text{kg}}{\text{m}\cdot\text{s}}$$

$$f_B = 0,02$$

- $\Delta p = 0$  quanto vale d?

- Come si può affrontare il problema se  $f_B$  non fosse noto?



- $\Delta p = f_B \cdot \frac{L}{d} \cdot \frac{1}{2} \rho \bar{v}^2 + \rho g L$

$$\Delta p = 0 \Rightarrow \rho g L = f_B \frac{L}{d} \frac{1}{2} \rho \bar{v}^2$$

$$\Rightarrow d = \frac{f_B \cdot \bar{v}^2}{2g} = \frac{0,02 \cdot 3,5^2 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}}{2 \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = 0,0125 \text{ m}$$

- Se  $f_B$  non fosse stato noto, avrei proceduto col calcolo del numero di Reynolds e la determinazione del regime di deflusso e poi, a seconda, delle tipologie di tubo, avrei calcolato  $f_B$  o  $f$  con le ~~corrispondenti~~ ~~formule~~ formulazione empirica adatta.

Sappiamo che:

$$\Phi_w = h_e \cdot \Delta T = h_e \cdot (T_{w, \max} - T_{b, \text{out}})$$

Per calcolare  $h_e$  utilizzando la correlazione:

$$Nu = 7 + 0,025 \cdot Pe^{0,8} \quad \text{perché } Nu \text{ è un metallo}$$

$$Pe = Re \cdot Pr$$

$$Pr = \frac{\mu \cdot c_p}{k} \Rightarrow \mu = \frac{Pr \cdot k}{c_p} = 0,0002635 \frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}}$$

$$Re = \frac{\rho \cdot v \cdot d}{\mu} = \frac{1000 \cdot 2,054 \cdot 0,015}{0,0002635} = 119203 > 2300 \text{ - TURBOLENTO}$$

$$\text{con } v = \frac{W}{\rho A} = \frac{W}{\rho \frac{\pi d^2}{4}} = 2,054 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$Pe = Pr \cdot Re = 655,62$$

$$\text{quindi: } Nu = 7 + 0,025 \cdot Pe^{0,8} = 11,480$$

$$\text{ma } Nu = \frac{h_e \cdot d}{k} \Rightarrow h_e = \frac{Nu \cdot k}{d} = 46685,3 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot \text{C}}$$

$$\text{Allora: } \Phi_w = h_e \cdot \Delta T \Rightarrow \Delta T = \frac{\Phi_w}{h_e} = 10,71^\circ \text{C}$$

$$\Rightarrow T_{b, \text{out}} = T_{w, \max} - 10,71^\circ \text{C} = 488,28^\circ \text{C}$$

$$\text{Adesso, so che: } \Phi_w \cdot S = W \cdot c_p \cdot \Delta T' \quad \text{con } \Delta T' = (T_{b, \text{out}} - T_{b, \text{in}})$$

$$\Rightarrow T_{b, \text{in}} = T_{b, \text{out}} - \frac{\Phi_w \cdot S}{W \cdot c_p} = T_{b, \text{out}} - \frac{\Phi \cdot \pi d L}{W \cdot c_p} = 414,25^\circ \text{C}$$

6) Tubo evaporatore - verticale

$$d = 1,5 \text{ cm} = 0,015 \text{ m}$$

$$\text{H}_2\text{O a } p = 60 \text{ bar e } T = 250^\circ\text{C}$$

$$G = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{s} \cdot \text{m}^2}$$

$$L = 20 \text{ m}$$

a) Calcolare flusso termico  $\Phi_w$  che determina la completa evaporazione dell'acqua

b) la distanza  $L'$  in cui si raggiunge la condizione di liquido saturo

c) le velocità superficiali alla distanza  $\frac{L}{2}$

d) il flusso potenza alla distanza  $\frac{L}{2}$

e) il grado di vuoto a  $\frac{L}{2}$

$$a) \Phi_w \cdot S = G \cdot A \cdot \Delta h_{\text{evap.}} \Rightarrow \Phi_w = \frac{G \cdot A}{S} \cdot (h_{\text{vap. saturo}} - h_{\text{liq. sott.}}) =$$

$$\bar{\Phi}_w = \frac{G \cdot \frac{\pi d^2}{4}}{\pi d L} \cdot (h_{\text{vap. saturo}} - h_{\text{liq. sott.}}) \cdot \frac{1000 \text{ J}}{\text{kg}} = 318545 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

↑  
conversione  
di kJ in J

$$b) \Phi_w \cdot S = G \cdot A \cdot \Delta h_{\text{liq. saturo}} \Rightarrow \Phi_w \cdot \pi \cdot d \cdot L' = G \cdot A \cdot \Delta h \Rightarrow L' = \frac{G \cdot \frac{\pi d^2}{4}}{\pi d \Phi_w} \cdot \Delta h$$

$$L' = \frac{G \cdot d}{4 \Phi_w} \cdot (h_{\text{liq. saturo}} - h_{\text{liq. sott.}}) \cdot \frac{1000 \text{ J}}{\text{kg}} = 1,51 \text{ m}$$

e) il grado di vuoto  $\alpha$  è  $\frac{L}{2}$  e lo espressiono così:

139

$$\alpha_h = \frac{1}{1 + \frac{1-x}{x} \cdot \frac{p_{vap}}{p_{liq}}} = 0,8543$$

Se poi vogliamo la densità media della miscela:

$$\bar{\rho} = (1 - \alpha_h) \cdot \rho_{liq} + \alpha_h \cdot \rho_{vap} = 64,050 \frac{Kg}{m^3}$$

8 LUGLIO 2014

141

3) Tubo evaporatore - verticale

$$d = 0,03 \text{ m}$$

$$\text{H}_2\text{O a } p = 60 \text{ bar e } T = 250^\circ\text{C}$$

$$G = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{sm}^2}$$

$$\Phi_w = 20 \frac{\text{W}}{\text{cm}^2} = 200000 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

a) Distanza  $L$  per la quale vale  $x = 0,5$ b) frazione di vuoto  $\alpha_h$  e densità media della miscela quando  $x = 0,5$ c) il regime di deflusso (flow pattern) quando  $x = 0,5$ 

d) uso del modello omogeneo è appropriato?

$$a) \Phi_w \cdot S = G \cdot A \cdot \Delta h \Rightarrow \Phi_w \cdot S = G \cdot A \cdot \left[ x (h_{\text{sup. saturo}} - h_{\text{liq. saturo}}) + (h_{\text{liq. saturo}} - h_{\text{liq. sott}}) \right]$$

$$\Rightarrow \Phi_w \cdot \cancel{\pi} d \cdot L = G \cdot \frac{\pi d^2}{4} \cdot (x \Delta h_{\text{evap}} - \Delta h_{\text{liq}})$$

$$\Rightarrow L = \frac{G d}{4 \Phi_w} \left[ x (h_{\text{sup. saturo}} - h_{\text{liq. saturo}}) + (h_{\text{liq. saturo}} - h_{\text{liq. sott}}) \right] = 34,256 \text{ m}$$

$$b) \alpha_h = \frac{1}{1 + \frac{1-x}{x} \cdot \frac{\rho_{\text{sup}}}{\rho_{\text{liq}}}} = 0,961$$

$$\bar{\rho} = (1 - \alpha_h) \rho_{\text{liq}} + \alpha_h \cdot \rho_{\text{sup}} = 59,178 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$



- Se il fattore di attrito non fosse noto, avrei proceduto col determinare il regime di deflusso attraverso il numero di Reynolds e poi, a seconda del tubo (rugoso, liscio ecc...), avrei usato le formule empiriche corrette per il calcolo del fattore d'attrito.

### 5) tubo orizzontale

$$D = 30 \text{ mm} = 0,03 \text{ m}$$

Inseriamo un tubo di Venturi:

$$d = 20 \text{ mm} = 0,02 \text{ m}$$

$$H_2O \quad \rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\Delta p_{pd} = 0,3 \text{ bar} = 30000 \text{ Pa}$$

- Calcolare la portata in massa  $W$

Ipotesi: flusso non viscoso  $\Rightarrow W_D = W_d = W$

- Tale ipotesi andrebbe bene per la parte divergente?

$$A_d = \frac{\pi d^2}{4} = 3,14159 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$A_D = \frac{\pi D^2}{4} = 7,06858 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\Delta p = P_D - P_d$$

$$P_D + \frac{1}{2} \rho v_D^2 = P_d + \frac{1}{2} \rho v_d^2 \Rightarrow \Delta p = \frac{1}{2} \rho (v_d^2 - v_D^2)$$

$$W_D = \rho v_D A_D$$

$$\Rightarrow v_D = v_d \cdot \frac{A_d}{A_D}$$

$$W_d = \rho v_d A_d$$

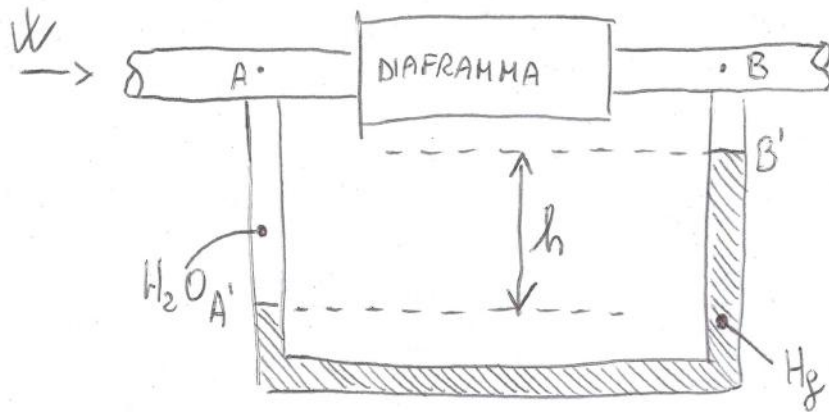
$$\Rightarrow \Delta p = \frac{1}{2} \rho \cdot \frac{1}{A_d^2} \cdot (v_d^2 \cdot A_D^2 - v_d^2 \cdot A_d^2) \Rightarrow \frac{2 \Delta p \cdot A_D^2}{\rho} \cdot \frac{1}{A_D^2 - A_d^2} = v_d^2$$

$$\Rightarrow v_d = \sqrt{v_d^2} = 8,647 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

24 LUGLIO 2013

45

1) Misuratore di portata con manometro a mercurio



$$h = 20 \text{ cm} = 0,2 \text{ m}$$

$$\rho_{H_2O} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \rho_{Hg} = 13578 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

• Determinare la differenza di pressione del differenziale



$$\begin{cases} p_{A'} = p_A + \rho_{H_2O} \cdot g \cdot (h+z) \\ p_{B'} = p_B + \rho_{H_2O} \cdot g \cdot z \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \textcircled{1} p_{A'} = p_A + \rho_{H_2O} \cdot g \cdot (h+z) \\ \textcircled{2} p_{A'} - \rho_{Hg} \cdot g \cdot h = p_B + \rho_{H_2O} \cdot g \cdot z \end{cases}$$

$$\text{ma: } p_{B'} = p_{A'} - \rho_{Hg} \cdot g \cdot h$$

$$\textcircled{1} - \textcircled{2} \Rightarrow \cancel{p_{A'}} - \cancel{p_{A'}} + \rho_{Hg} \cdot g \cdot h = p_A + \rho_{H_2O} \cdot g \cdot (h+z) - p_B - \rho_{H_2O} \cdot g \cdot z$$

$$\Rightarrow p_A - p_B = g \cdot h (\rho_{Hg} - \rho_{H_2O}) \Rightarrow \Delta p = h \cdot g (\rho_{Hg} - \rho_{H_2O}) = 24678,998 \text{ Pa}$$

e)  $\Phi_w \cdot S' = G \cdot A \cdot [x \Delta h_{\text{vap}} + \Delta h_{\text{liq}}]$  con  $x = 0,5$

47

$\Rightarrow \Phi_w \cdot \pi \cdot D \cdot L' = G \cdot \frac{\pi \cdot D^2}{4} \cdot [x \Delta h_{\text{vap}} + \Delta h_{\text{liq}}]$

$\Rightarrow L' = \frac{G \cdot D}{4 \Phi_w} \cdot [x \Delta h_{\text{vap}} + \Delta h_{\text{liq}}] = 13,442 \text{ m}$

d) La frazione di vapore si calcola nel seguente modo:

$\alpha_h = \frac{1}{1 + \frac{1-x}{x} \cdot \frac{P_{\text{vap}}}{P_{\text{liq}}}} = 0,86093$

$\bar{p} = (1 - \alpha_h) P_{\text{liq}} + \alpha_h \cdot P_{\text{vap}} = 59,2286 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

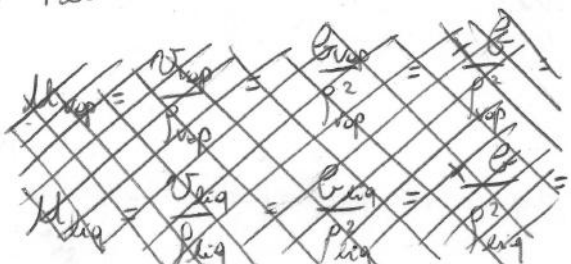
e) Siamo in presenza di un tubo verticale e quindi adoperiamo la mappa di Hewitt-Roberts:

$\frac{G_{\text{vap}}^2}{P_{\text{vap}}} = \frac{x^2 G^2}{P_{\text{vap}}} = 8112,14 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \text{s}^2}$

$\Rightarrow$  ANNULAR

$\frac{G_{\text{liq}}^2}{P_{\text{liq}}} = \frac{(1-x)^2 \cdot G^2}{P_{\text{liq}}} = 329,82 \frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \text{s}^2}$

f) Per vedere se il modello omogeneo va bene, procediamo così:



$U_{\text{vap}} = \frac{v_{\text{vap}}}{\alpha_h} = \frac{x G}{P_{\text{vap}} \alpha_h} = 16,88$

$U_{\text{liq}} = \frac{v_{\text{liq}}}{1 - \alpha_h} = \frac{(1-x) G}{P_{\text{liq}} (1 - \alpha_h)} = 16,88$

SI VA BENE

$$\bullet \quad P_D + \frac{1}{2} \rho v_D^2 = P_d + \frac{1}{2} \rho v_d^2 \quad \boxed{4P}$$

$$\Rightarrow P_D - P_d = \frac{1}{2} \rho (v_d^2 - v_D^2) \Rightarrow \Delta p = \frac{1}{2} \rho (v_d^2 - v_D^2)$$

$$v_d = \frac{W}{\rho A_d} \quad v_D = \frac{W}{\rho A_D} \quad A_D = \pi \frac{D^2}{4} = 7,06858 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\Rightarrow \Delta p = \frac{1}{2} \rho \left( \frac{W^2}{\rho^2 A_d^2} - \frac{W^2}{\rho^2 A_D^2} \right) \Rightarrow \Delta p = \frac{W^2}{2\rho} \left( \frac{1}{A_d^2} - \frac{1}{A_D^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{2\rho \Delta p}{W^2} + \frac{1}{A_D^2} = \frac{1}{A_d^2} \Rightarrow \frac{2\rho \Delta p A_D^2 + W^2}{W^2 \cdot A_D^2} = \frac{1}{A_d^2}$$

$$\Rightarrow A_d = \sqrt{\frac{W^2 \cdot A_D^2}{2\rho \Delta p \cdot A_D^2 + W^2}} = 2,42525 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$A_d = \pi \frac{d^2}{4} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{4A_d}{\pi}} = 0,0176 \text{ m}$$

$$\bullet \quad \Delta p' = \frac{1}{2} \rho (v_d'^2 - v_D'^2)$$

$$v_d' = \frac{W'}{\rho A_d} = \frac{W}{5\rho A_d} = 1,648 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad v_D' = \frac{W'}{\rho A_D} = \frac{W}{5\rho A_D} = 0,56588 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Delta p' = \frac{1}{2} \rho (v_d'^2 - v_D'^2) \approx 1189,5 \text{ Pa}$$

che è circa  $\frac{\Delta p}{5^2}$  dato che  $v_d' = \frac{v_d}{5}$  e  $v_D' = \frac{v_D}{5}$  e sono elevate

al quadrato con lo stesso fattore di moltiplicazione, ovvero  $\frac{1}{25} = \frac{1}{5^2}$ .

Compito scritto di  
**TERMOCINETICA / TERMOFLUIDODINAMICA**  
 3 luglio 2012  
 domande di teoria

Cognome e nome.....Matr.....

Le risposte debbono essere scritte su questo foglio nello spazio disponibile dopo il testo della domanda.

**DOMANDA n° 1 (punti 4)**

La risultante delle forze di pressione agenti su una superficie piana immersa sotto battente di liquido con densità costante è applicata nel centro di spinta. Esso si trova al di sotto o al di sopra del baricentro della superficie? Motivare la risposta.

TEOREMA DI VARIGNON (MOMENTI):  $\xi = \frac{\int x^2 d\sigma}{\int x d\sigma} = \frac{I_{yy}}{M_y}$

dove  $\xi$  = braccio risultante,  $I_{yy}$  = momento d'inerzia,  $M_y$  = momento statico.

Si trova al di sotto perché:  $\xi = \frac{I_G + \sigma x_G^2}{\sigma x_G} = x_G + \frac{I_G}{\sigma x_G} > x_G$   
 del baricentro ( $\xi > x_G$ )

**DOMANDA n° 2 (punti 4)**

Illustrare sinteticamente il significato dei termini al secondo membro dell'equazione integrale di conservazione dell'energia:

$$\underbrace{\frac{\partial}{\partial t} \int_{cv} \rho e dv}_{(1)} + \underbrace{\int_{cs} \left( e + \frac{p}{\rho} \right) \rho \mathbf{V} \cdot \mathbf{n} dA}_{(2)}$$

- ① rappresenta l'accumulo di energia sul volume di controllo.
- ② rappresenta il flusso di energia, precisamente:

$\rho e v =$  flusso sulla superficie.  $\frac{p}{\rho} v = p v$  è il lavoro delle forze di pressione per muovere il fluido.

Gli altri numeri adimensionali sono:  
Nusselt, Prandtl, Stanton, Grashof

**DOMANDA n° 6 (punti 4)**

Nella condensazione a film di un vapore che condensa in assenza di incondensabili, la resistenza termica è localizzata nell'interfaccia liquido vapore o nel film liquido? Motivare la risposta con riferimento alla fenomenologia rappresentata nel modello di Nusselt.

A parità di diametro e di  $\Delta T_{\text{sat}}$ , il coefficiente di scambio termico medio è più alto nella condensazione su di un tubo verticale o su di un tubo orizzontale?

All'interfaccia liquido-vapore ha come ipotesi del modello di Nusselt che si trovi solo  $T_{\text{SAT}}$  e non  $\Delta T$ , dunque la resistenza  $R_{\text{th}}$  si trova nel film liquido.  
Intuitivamente nel tubo orizzontale poiché agisce la gravità ed è ~~più~~<sup>meno</sup> spesso il film liquido.

No, non posso perché, essendo evaporazione, cambia  $\bar{u}$  e quindi, a corso dell'evaporazione, quindi dello scambio di calore,  $\rho$  non è più costante, ma varia in ogni sezione del condotto.

**DOMANDA n° 4 (punti 4)**

Il modello teorico di Leveque per il calcolo del coefficiente di scambio termico convettivo utilizza

la seguente equazione differenziale:  $u \frac{\partial T}{\partial x} = \frac{k}{\rho c_p} \frac{\partial^2 T}{\partial y^2}$ .

Dire di quale tipo di equazione si tratta ed elencare le ipotesi semplificative della sua stesura rispetto alla formulazione completa non semplificata.

Dire inoltre quali assunzioni sono state fatte da Leveque per la velocità  $u$ .

Si tratta di equazione di energia. Le ipotesi sono:

- ① tubo sbracciato bidimensionalmente;
- ② niente dissipazione per attrito viscoso;
- ③ velocità lungo  $y$  nulla e
- ④  $\frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$  trascurabile

Si è assunta una velocità linearizzata  $u = c \cdot y$  ← distanza dalla parete

**DOMANDA n° 5 (punti 4)**

Lo strato limite laminare che si forma in presenza di una corrente infinita che lambisce un piatto è descritto dalle equazioni di Prandtl.

Quale forma semplificata assume la componente dell'equazione differenziale della quantità di moto nella direzione perpendicolare al piatto?

Su quali elementi si basano le semplificazioni introdotte da Prandtl?

$$\int \frac{\partial p}{\partial y} = 0 ; \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} = 0$$

$$\mu \frac{\partial u}{\partial x} + \nu \frac{\partial u}{\partial y} = - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\mu}{\rho} \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}$$

perché  $v \ll u$  dato che uno delle due dimensioni è molto più piccola.

Compito scritto di  
**TERMOCINETICA / TERMOFLUIDODINAMICA**  
 16 luglio 2012  
 domande di teoria

Cognome e nome.....Matr.....

Le risposte debbono essere scritte su questo foglio nello spazio disponibile dopo il testo della domanda.

**DOMANDA n° 1 (punti 4)**

Come si calcola la risultante delle forze di pressione agenti su una superficie piana immersa sotto battente di liquido con densità costante, in condizioni statiche ?

Per una parete piana: 
$$\vec{S} = \vec{m} \int_0 \rho \cdot g \cdot x \sin \alpha d\sigma = \rho g \sin \alpha \cdot x_g \cdot \vec{m}$$

$= \rho g \cdot h_g \cdot \sigma$   
 ↳ affondamento baricentrico

ma  $\rho g h_g = p_g$  pressione sul baricentro  $\Rightarrow S = p_g \cdot \sigma$   
 ↳ elemento di area

**DOMANDA n° 2 (punti 4)**

Come si calcolano le cadute di pressione dovute all'attrito viscoso in un tubo di diametro d e lunghezza L, percorso dalla portata W di un fluido con densità  $\rho$  e viscosità  $\mu$  ?

Come si effettua il calcolo quando la sezione del condotto non è circolare ?

$$\Delta p = f_B \cdot \frac{L}{d} \cdot \frac{1}{2} \rho v^2 \quad \text{con } v = \frac{W}{\rho \cdot A} = \frac{4W}{\rho \pi d^2}$$

$f_B$  = fattore di Blasius

Nel caso di sezione non circolare, si usa il diametro idraulico:

$$d_{eq} = \frac{4A}{P_{bagnato}} \rightarrow \text{perimetro bagnato}$$

**DOMANDA n° 3 (punti 4)**

Nella deduzione dell'equazione differenziale della quantità di moto si considerano gli sforzi normali e tangenziali agenti sulle facce di un volume infinitesimo di fluido in moto.

Con riferimento ad un sistema di assi cartesiani, scrivere le formulazioni degli sforzi normali e tangenziali agenti sulla faccia perpendicolare all'asse x ed indicarne il significato fisico.



**DOMANDA n° 6 (punti 4)**

Le formulazioni dell'analogia di Martinelli sono state sviluppate a partire dalle seguenti due relazioni:  $\frac{\tau}{\rho} = (v + \epsilon_m) \frac{du}{dy}$  e  $\frac{q}{\rho c_p} = -(\alpha + \epsilon_H) \frac{du}{dy}$ ; descrivere sinteticamente il significato di  $\epsilon_m$  e di  $\epsilon_H$  e il procedimento utilizzato da Martinelli nello sviluppo delle formulazioni dell'analogia.

He assunto ~~assunto~~ andamenti lineari per lo sforzo di taglio e per il flusso termico:

$$\frac{\tau_w}{\rho} \left(1 - \frac{y}{\kappa_w}\right) = (v + \epsilon_m) \frac{du}{dy} \quad \frac{q_w}{\rho c_p} \left(1 - \frac{y}{\kappa_w}\right) = -(\alpha + \epsilon_H) \frac{du}{dy} \quad \text{leggi elementari}$$

$$Poi: \int_{T_w}^{T} dT = - \frac{q_w}{\rho c_p} \int_0^y \frac{1}{\underbrace{v}_{Pr} + \underbrace{\epsilon_H}_{Em} \cdot \underbrace{\epsilon_m}_{\text{introdotto al posto di } \alpha \text{ diffusivita' molecolare}} \left(1 - \frac{y}{\kappa_w}\right) dy$$

per risolvere l'integrale si sostituisce con la legge elementare dello sforzo di taglio

$\rightarrow$  spesso  $\frac{\epsilon_H}{\epsilon_m} = 1$

$\epsilon_m$  è stato volutamente introdotto tale rapporto tra le due diffusivita' turbolente

**DOMANDA n° 5 (punti 4)**

Indicare la denominazione della seguente equazione differenziale di conservazione e specificare le assunzioni semplificative su cui si basa e il significato fisico dei termini dell'equazione; indicare inoltre l'espressione della derivata  $\frac{Du}{Dt}$ :

$$\rho \frac{Du}{Dt} = -\rho \frac{\partial PE}{\partial x} - \frac{\partial p}{\partial x} + \mu \left( \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right)$$

eq. di conservazione delle quantità di moto con  $\rho$  e  $\mu$  costanti. (Navier-Stokes)

① forze d'inertia    ② forze di campo    ③ forze di pressione    ④ forze viscoso

Se  $\mu = 0 \Rightarrow$  eq. di Eulero:  $\frac{Du}{Dt} = -\frac{\partial PE}{\partial x} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x}$      $\frac{Du}{Dt}$  derivata materiale  
(fluidi ideali)

~~$$\rho \frac{Du}{Dt} = -\rho \frac{\partial PE}{\partial x} - \frac{\partial p}{\partial x} + \mu \left( \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right)$$~~

$$\frac{Du}{Dt} = u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} + w \frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial u}{\partial t}$$

**DOMANDA n° 6 (punti 4)**

In un condensatore entra vapore d'acqua surriscaldato alla pressione  $p_1$ , alla velocità media  $V_1$  ed alla quota  $z_1$  ed esce acqua sottoraffreddata alla pressione  $p_2$ , alla velocità media  $V_2$  ed alla quota  $z_2$ ; le grandezze relative alla sezione di ingresso (1) e alla sezione di uscita (2) possono essere messe in relazione mediante l'equazione di Bernoulli nella forma  $p + \frac{1}{2} \rho V^2 + \rho g z = \text{cost.}$  ?

Motivare sinteticamente la risposta.

No., perché vi è un cambiamento di fase e quindi la densità  $\rho$  non è costante, ma varia a causa degli effetti di

.....  
.....  
.....

**DOMANDA n° 3 (punti 4)**

La formulazione  $u = 2\bar{u} \left[ 1 - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right]$  rappresenta il profilo di velocità in un tubo di raggio R in condizioni di moto laminare sviluppato, in funzione della coordinata radiale r. Determinare la velocità massima del fluido nella sezione retta del condotto, la portata in volume, la portata in massa e il fattore d'attrito f.

Per il calcolo del fattore d'attrito scegliere la formulazione adatta tra le tre che seguono.

a)  $f = \frac{16}{Re}$       b)  $f = 0.079 Re^{-1/4}$       c)  $f = \frac{0.0055}{4} \left( 1 + \sqrt[3]{2000 \frac{\varepsilon}{d} + \frac{10^6}{Re}} \right)$

$u_{max} = 2\bar{u}$      $W = \pi R^2 \cdot \bar{u} \cdot \rho$  (portata in massa)

$f = \frac{16}{Re}$  perché moto laminare

**DOMANDA n° 4 (punti 4)**

Le formulazioni seguenti esprimono lo sforzo di taglio  $\tau$  e il flusso termico q per unità di superficie in funzione delle derivate della velocità u e della temperatura T calcolate rispetto alla distanza dalla parete y:

$\frac{\tau}{\rho} = (v + \varepsilon_m) \frac{du}{dy}$  (1)

$\frac{q}{\rho c_p} = -(\alpha + \varepsilon_H) \frac{dT}{dy}$  (2)

- Le precedenti formulazioni (1) e (2) valgono per deflusso laminare o turbolento?
- Come si esprimono v e  $\alpha$ ?
- A quale fenomenologia sono associate le diffusività  $\varepsilon_m$  ed  $\varepsilon_H$ ?

• Valgono per deflusso turbolento

•  $\alpha = \frac{K}{\rho c_p}$  e  $v = \frac{\tau_w \cdot \delta_s}{\rho \cdot u_{s,c}}$      $\alpha = \text{diff. molecolare del calore}$   
 $v = \text{" " " delle quantità di moto}$

•  $\varepsilon_H$  diffusività turbolenta del calore  
 $\varepsilon_m$  diffusività turbolenta delle quantità di moto



DATI:  $D, L, \Phi_w, W, T_1, p_1, h_1, h_2$

$\Delta h = c_p \Delta T$

$\Phi_w \cdot \pi D L_{NB} = W \cdot \Delta h \Rightarrow L_{NB} = \frac{W}{\Phi_w \cdot \pi D} \cdot (h_{sat} - h_1)$

$\Phi_w \cdot \pi D L = W \cdot [x_2 (h_2 - h_{sat}) + (h_{sat} - h_1)] \Rightarrow x_2 = \left[ \frac{\Phi_w \pi D L}{W} - (h_{sat} - h_1) \right] \cdot \frac{1}{(h_2 - h_{sat})}$

Le sottigliezze variano lungo il tubo a causa delle variazioni di pressione, ma in generale si trascurano tale effetto nei calcoli.

**DOMANDA n° 5 (punti 4)**

Nel moto bidimensionale piano di un fluido viscoso che defluisce parallelamente ad una piastra si forma, come noto, uno strato limite di spessore crescente nel verso del moto.

- Come viene definito il contorno dello strato limite ?
- quali equazioni possono essere utilizzate nello studio del campo di moto nello strato limite ?
- l'equazione di Bernoulli per fluidi non viscosi può essere applicata nello strato limite, o nella regione esterna ?
- Le regioni in prossimità della parete posse del valore  $v_{0,1}$  e quello zero della parete, lo spessore cresce lungo il moto e il confine dello strato limite si trova a  $\mu = 0,99 \cdot v_{0,1}$ ; ci sono due componenti, ma  $v \ll \mu$ .
- Si usano le equazioni di Prandtl che divide il moto in due regioni: 1) vicino alla parete dove spetti di taglio contano, 2) fuori dello strato limite dove le forze viscosi sono trascurabili.
- Nella regione esterna perché nello strato limite uso le considerazioni di Prandtl

**DOMANDA n° 6 (punti 4)**

In quali condizioni e per quali tipi di fluido si applicano le seguenti correlazioni per il calcolo del coefficiente di scambio termico convettivo ?

|     |                                                                                                                      |                                                                                                                                                                                 |
|-----|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| (1) | $Nu = Nu_{se} + \frac{K_1 \frac{d_1}{x} Re \cdot Pr}{1 + \left( K_2 \frac{d_1}{x} Re \cdot Pr \right)^n}$            | correlazione di Hausen per flusso termico uniforme (coefficienti ed esponenti da tabelle in base al profilo di velocità parabolico o in sviluppo e al numero di Prandtl)        |
| (2) | $\overline{Nu} = Nu_{se} + \frac{K_1 \frac{d_1}{L} Re \cdot Pr}{1 + \left( K_2 \frac{d_1}{L} Re \cdot Pr \right)^n}$ | correlazione di Hausen per temperatura di parete uniforme (coefficienti ed esponenti da tabelle in base al profilo di velocità parabolico o in sviluppo e al numero di Prandtl) |

.....  
.....

Sono le equazioni di Prandtl per lo strato limite.

Fluido incompressibile, nelle ipotesi che non vi siano forze di campo e che le proprietà fisiche siano costanti; inoltre lungo la coordinata  $y$ , la velocità è trascurabile (ordine di grandezza  $\ll 1$ ).

#### DOMANDA n° 6 (punti 4)

Si vuole studiare sperimentalmente in laboratorio il fascio di barre di un reattore veloce innovativo raffreddato con sodio liquido realizzando, con un opportuno fattore di scala, un modello da strumentare per lo studio delle cadute di pressione e dello scambio termico.

E' possibile effettuare la simulazione dal punto di vista sia fluidodinamico che termico utilizzando acqua come fluido termovettore? motivare la risposta con riferimento ai numeri adimensionali che intervengono nella simulazione.

Dal punto di vista termico non è possibile perché il numero  $Pr = \frac{\mu c_p}{k}$  non lo si può rendere uguale a cause di un  $K_{Na} \gg K_{H_2O}$ .

Dal punto di vista fluidodinamico è possibile, però:

1)  $H_2O$  a  $100^\circ C$  per avere  $\mu$  non troppo diversi

2) imponendo i  $Re$  uguali  $\Rightarrow$  cioè un diametro maggiore per  $H_2O$

#### DOMANDA n° 7 (punti 4)

Descrivere sinteticamente la fenomenologia dell'ebollizione nucleata di un liquido a contatto di una parete riscaldata.

Si ha la formazione di bolle di vapore ~~in~~ a partire dalla parete riscaldata (dalle sue impurità).

Si ha inizialmente la formazione di piccole bollicine indipendenti tra di loro; dopo le bolle iniziano a coalescere e ad allontanarsi dalla parete sotto forma di grosse bolle.

Dopo si viene a creare sulla superficie della parete una sottile pellicola di vapore (film-boiling), ostacolando il contatto tra liquido e parete.

#### DOMANDA n° 8 (punti 4)

I condensatori delle centrali termoelettriche sono tipicamente realizzati con banchi di tubi orizzontali, con disposizione a tubi sfalsati.

Giustificare la scelta costruttiva con riferimento alla fenomenologia descritta dal modello di Nusselt per il calcolo del coefficiente di scambio termico in regime di condensazione.

Dire inoltre se, a parità di superficie di scambio termico e di temperature del vapore e dell'acqua di raffreddamento, la potenza scambiata è una funzione crescente o decrescente del diametro dei tubi.



Compito scritto di  
**TERMOCINETICA /E TERMOFLUIDODINAMICA**  
 24 luglio 2013  
 domande di teoria

Cognome e nome.....Matr.....

Le risposte debbono essere scritte su questo foglio nello spazio disponibile dopo il testo della domanda.

**DOMANDA n° 3 (punti 4)**

Una parete piana di area A è immersa in una massa di liquido di densità  $\rho$ ; il liquido è in quiete. Il baricentro dell'area si trova alla profondità h rispetto al pelo libero. Come si calcola la spinta applicata dal liquido alla parete? La spinta è applicata nel baricentro dell'area o in un altro punto?

La spinta applicata dal liquido alla parete si calcola  $S = \rho \cdot \sigma$

dove  $\sigma$  è l'area e  $\rho = \rho_f \cdot h_f$

La spinta è applicata al baricentro dell'area.

**DOMANDA n° 4 (punti 4)**

Indicare la denominazione della seguente equazione differenziale di conservazione e specificare le assunzioni semplificative su cui si basa e il significato fisico dei termini dell'equazione; indicare inoltre l'espressione della derivata  $\frac{Du}{Dt}$ :

$$\rho \frac{Du}{Dt} = -\rho \frac{\partial PE}{\partial x} - \frac{\partial p}{\partial x} + \mu \left( \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right)$$

①            ②            ③            ④

$$\frac{Du}{Dt} = \frac{\partial u}{\partial x} \cdot u + \frac{\partial u}{\partial y} \cdot v + \frac{\partial u}{\partial z} \cdot w + \frac{\partial u}{\partial t}$$

Equazione differenziale delle quantità di moto con densità e viscosità costanti (Navier - Stokes)

- ① derivata materiale (forze d'inertia)      ② variazioni potenziale (forze di campo)  
 ③ forze di pressione      ④ forze viscosi

**DOMANDA n° 5 (punti 4)**

Con riferimento al deflusso di una miscela bifase in un tubo di diametro interno  $D$  si richiede di rispondere alle seguenti domande:

- definizione della frazione di vuoto  $\alpha$
- calcolo delle velocità superficiali delle due fasi  $V_g$  e  $V_l$ , in funzione della portata in massa totale  $W$ , del titolo in massa  $x$  e delle densità delle fasi  $\rho_g$  e  $\rho_l$
- calcolo delle velocità medie delle fasi  $u_g$  e  $u_l$
- definizione del rapporto  $S$  ("slip ratio") e suo valore nel caso del modello omogeneo.

- Frazione dell'area della sezione retta di un condotto occupata da gas o vapore

$$V_{vap} = \frac{G_{vap}}{\rho_{vap}} = \frac{x \cdot G}{\rho_{vap}} = \frac{x \cdot W}{A \cdot \rho_{vap}} = \frac{x \cdot W \cdot 4}{\pi \cdot D^2 \cdot \rho_{vap}}$$

$$V_{liq} = \frac{(1-x)W \cdot 4}{\pi D^2 \cdot \rho_{liq}}$$

$$M_{vap} = \frac{V_{vap}}{\rho_{vap}} \quad M_{liq} = \frac{V_{liq}}{\rho_{liq}}$$

$S$  è il rapporto tra  $M_{vap}$  e  $M_{liq}$   
e nel caso omogeneo  $S = 1$

#### DOMANDA n° 8 (punti 4)

Con riferimento al modello di Nusselt per il calcolo del coefficiente di scambio termico nella condensazione del vapore su di una parete piana verticale, si richiede di rispondere alle seguenti domande:

- da quali forze dipende il profilo di velocità del film liquido condensato ?
- la resistenza termica è localizzata nel film liquido o all'interfaccia tra il liquido e il vapore ?
- in presenza di incondensabili, il coefficiente di scambio termico aumenta o diminuisce rispetto al caso del vapore puro ? (motivare la risposta).

- Le forze peso, la gravità e la forza del film sulla parete

- la resistenza termica è localizzata nel film liquido e varia con lo spessore di quest'ultimo

- Se non ci sono forze ~~di gravità~~, si ha più film liquido, quindi la resistenza termica aumenta e quindi il coeff. di scambio termico diminuisce. E viceversa.

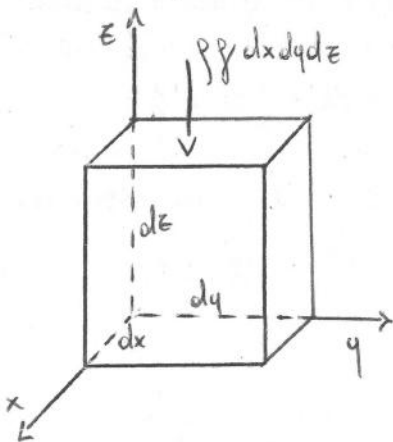
Compito scritto di  
**TERMOCINETICA /E TERMOFLUIDODINAMICA**  
 16 settembre 2013  
 domande di teoria

Cognome e nome.....Matr.....

Le risposte debbono essere scritte su questo foglio nello spazio disponibile dopo il testo della domanda.

**DOMANDA n° 1 (punti 4)**

Ricavare l'equazione differenziale della statica dei fluidi  $\frac{dp}{dz} = -\rho g$ .



lungo x =  $\rho \, dy \, dz - \left( \rho + \frac{\partial \rho}{\partial x} dx \right) dy \, dz = 0 \Rightarrow \frac{\partial \rho}{\partial x} = 0$

lungo y =  $\rho \, dx \, dz - \left( \rho + \frac{\partial \rho}{\partial y} dy \right) dx \, dz = 0 \Rightarrow \frac{\partial \rho}{\partial y} = 0$

lungo z =  $\rho \, dx \, dy - \left( \rho + \frac{\partial \rho}{\partial z} dz \right) dx \, dy = \rho \, g \, dx \, dy \, dz$

$\Rightarrow \frac{\partial \rho}{\partial z} = -\rho g$

**DOMANDA n° 2 (punti 4)**

Sono note la funzione potenziale di velocità  $\phi(x,y)$  e la funzione corrente  $\psi(x,y)$  del deflusso bidimensionale piano di un fluido incompressibile non viscoso; come si calcolano le componenti del vettore velocità  $u(x,y)$  e  $v(x,y)$ ?

Con quale equazione si calcola la pressione  $p(x,y)$ ?

Le componenti si calcolano:  $u = \frac{\partial \phi(x,y)}{\partial x}$   $v = \frac{\partial \phi(x,y)}{\partial y}$  oppure  $u = \frac{\partial \psi}{\partial y}$   $v = -\frac{\partial \psi}{\partial x}$

Per la pressione possiamo avere: dall'equazione di Bernoulli per fluidi non viscosi:

$$\rho + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z = \text{costante}$$

**DOMANDA n° 5 (punti 4)**

Quali sono le assunzioni del modello omogeneo del deflusso bifase in un condotto di sezione costante ?

Come si calcolano le cadute di pressione per attrito, elevazione ed accelerazione spaziale secondo tale modello ?

*Ipotesi: fasi ben miscelate e le due velocità medie delle fasi ( $U_g$  e  $U_l$ ) siano uguali ( $S=1$ ).*

*Il modello omogeneo considera il deflusso bifase come un fluido monofase; infatti, le cadute di pressione si calcolano inserendo la densità omogenea ( $\rho_h$  - calcolata a partire dal grado di vuoto con  $S=1$  "slip ratio") e la viscosità omogenea  $\mu_h$  direttamente nelle formulazioni unidimensionali e da lì si passano ricavare i det. mancont.*

**DOMANDA n° 6 (punti 4)**

Quali sono i numeri adimensionali tipicamente utilizzati nelle correlazioni per il calcolo del coefficiente di scambio termico dei fluidi monofase in regime di convezione forzata e naturale ?

Riportare le definizioni e il significato di tutti i simboli utilizzati.

Riportare inoltre la struttura tipica delle correlazioni empiriche.

*CONVEZIONE FORZATA:  $Nu, Re, Pr$  e anche  $St$*

*CONVEZIONE NATURALE:  $Gr, Ra = Gr \cdot Pr$*

*$Nu = \frac{h \cdot d}{k}$*

*$Re = \frac{\rho \cdot v \cdot d}{\mu} = \frac{\text{forze d'inerzia}}{\text{forze viscosi}}$*

*$Pr = \frac{c_p \cdot \mu}{k} = \frac{\text{diffusività}}{\text{diffusività molecolare calore}}$*

*$Gr = \frac{g \cdot \rho \cdot (T_w - T_\infty) \cdot D^3}{(\mu/\rho)^2} = \frac{\text{forze galleggianti}}{\text{forze viscosi}}$*

*Struttura tipica =  $Nu = A \cdot Re^B \cdot Pr^e$   
oppure si usa  $Gr$  al posto di  $Re$*

Compito scritto di  
**TERMOCINETICA / TERMOFLUIDODINAMICA**  
 23 gennaio 2014  
 domande di teoria

Cognome e nome.....Matr.....

Le risposte debbono essere scritte su questo foglio nello spazio disponibile dopo il testo della domanda.

**DOMANDA n° 3 (punti 4)**

Per un deflusso bidimensionale piano di un fluido incomprimibile non viscoso è nota la funzione potenziale di velocità  $\phi(x, y)$ . Come si calcolano le componenti  $u$  e  $v$  della velocità del fluido ?

Se è nota la pressione del fluido in un punto del deflusso, con quale equazione si calcola la pressione del fluido in tutti i punti del deflusso ?

.....  
 $u = \frac{\partial \phi(x,y)}{\partial x} \quad v = \frac{\partial \phi(x,y)}{\partial y}$   
 .....

Si può applicare Bernoulli per i fluidi non viscosi:  
~~.....~~  $p + \frac{1}{2} \rho v^2 = \text{costante}$   
 .....

**DOMANDA n° 4 (punti 4)**

In quale modalità di scambio termico interviene il numero adimensionale  $Gr = \frac{g \beta (T_w - T_\infty) L^3}{\left(\frac{\mu}{\rho}\right)^2}$  ?

Quali sono gli altri numeri adimensionali tipicamente presenti nelle correlazioni per il calcolo del coefficiente di scambio termico ? Questo numero adimensionale ha un significato fisico ?

.....  
 Interviene nella convezione NATURALE e il suo significato fisico è il rapporto tra le forze di galleggiamento e le forze visose.  
 Gli altri numeri che intervengono nel calcolo del coeff. di scambio

**DOMANDA n° 7 (punti 4)**

Perché la formazione delle bolle su di una parete si verifica se la temperatura  $T_w$  della parete è maggiore della temperatura di saturazione  $T_{sat}$  corrispondente alla pressione locale ?

Motivare la risposta con riferimento alla fenomenologia dell'ebollizione nucleata.

Si forma quando  $T_w > T_{sat}$  perché per avere le temperature superficiali è necessario una sottopressione che corrisponde ad un salto di temperatura  $\Delta T_{sat}$  positivo e quindi  $T_w > T_{sat}$ . Infatti, ricordando l'ebollizione nucleata, esse si formano a partire dalle cavità presenti come difetti del materiale:  $\Delta p = \frac{2\sigma}{r_c}$  e  $\sigma$  = tensione superficiale e  $r_c$  = raggio critico

$$\Rightarrow \Delta T_{sat} = \Delta p \frac{T_{sat}}{2 \cdot g_{per}}$$

**DOMANDA n° 8 (punti 4)**

Nel modello omogeneo del deflusso bifase in condotti, la densità della miscela è espressa dalla formulazione (1) e la viscosità dinamica può essere espressa con la (2), avente la stessa struttura

della (1):  $\rho_h = \frac{1}{\frac{x}{\rho_g} + \frac{1-x}{\rho_l}}$  (1);  $\mu_h = \frac{1}{\frac{x}{\mu_g} + \frac{1-x}{\mu_l}}$  (2)

Come vengono utilizzate  $\rho_h$  e  $\mu_h$  nell'ambito del modello omogeneo ?

Vengono inserite nelle formule dei numeri di Reynolds e quindi permettono il calcolo del numero di  $Re_h$  e degli altri numeri che dipendono dalle densità e della viscosità adimensionali anche

quindi un loro uso immediato è quello del calcolo delle esatte di pressione della miscela, considerato come un fluido monofase.

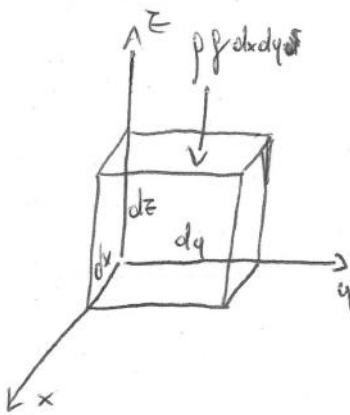
Compito scritto di  
**TERMOCINETICA /E TERMOFLUIDODINAMICA**  
 17 febbraio 2014  
 domande di teoria

Cognome e nome.....Matr.....

Le risposte debbono essere scritte su questo foglio nello spazio disponibile dopo il testo della domanda.

**DOMANDA n° 3 (punti 4)**

Ricavare l'equazione differenziale della statica dei fluidi  $\frac{dp}{dz} = -\rho g$ .



lungo x:  $p dy dz - (p + \frac{\partial p}{\partial x} dx) dy dz = 0 \Rightarrow \frac{\partial p}{\partial x} = 0$

lungo y:  $p dx dz - (p + \frac{\partial p}{\partial y} dy) dx dz = 0 \Rightarrow \frac{\partial p}{\partial y} = 0$

lungo z:  $p dx dy - (p + \frac{\partial p}{\partial z} dz) dx dy = -\rho g dx dy dz$

$\Rightarrow -\frac{\partial p}{\partial z} dx dy dz = \rho g dx dy dz$

$\frac{\partial p}{\partial z} = -\rho g$

**DOMANDA n° 4 (punti 4)**

Indicare la denominazione della seguente equazione integrale di conservazione e il significato dei vari termini dell'equazione:

$$\underbrace{q_{cs}}_{(1)} + \underbrace{\int_{cv} q_v dv}_{(2)} - \underbrace{\frac{dW_s}{dt}}_{(3)} - \underbrace{\frac{dW_v}{dt}}_{(4)} = \underbrace{\frac{\partial}{\partial t} \int_{cv} \rho p dv}_{(5)} + \underbrace{\int_{cs} \left( e + \frac{p}{\rho} \right) \rho \mathbf{V} \cdot \mathbf{n} dA}_{(6)}$$

EQUAZIONE INTEGRALE DELL'ENERGIA

- ① potenza termica sulla superficie di controllo
- ② potenza termica dovuta a generazione volumetrica interna
- ③ lavoro delle forze meccaniche
- ④ lavoro delle forze viscosse (inclusi gli sforzi di taglio)
- ⑤ energia accumulata nel volume di controllo
- ⑥ variazione di entalpia (il condotto si riscalda o si raffredda)

Spesso si semplifica per casi stazionari:  $q_{cs} = W \cdot \Delta h$

**DOMANDA n° 7 (punti 4)**

Il coefficiente di scambio termico per la condensazione sulla superficie esterna di un tubo è più elevato per un tubo orizzontale o per un tubo verticale? Motivare la risposta con riferimento alle assunzioni del modello di Nusselt.

Le assunzioni del modello di Nusselt, portano a dire che ci proporzionalità inversa tra il coeff. di scambio termico  $h$  e il diametro e la lunghezza del tubo:

$$h \propto \left(\frac{1}{D}\right)^{\frac{1}{4}} \quad \text{e} \quad h \propto \left(\frac{1}{L}\right)^{\frac{1}{4}}$$

ma  $D \ll L$  ~~però~~ sempre e quindi  $h$  è più elevato per un tubo orizzontale.

**DOMANDA n° 8 (punti 4)**

Quali sono i numeri adimensionali tipicamente utilizzati nelle correlazioni per il calcolo del coefficiente di scambio termico dei fluidi monofase in regime di convezione forzata e naturale?

Riportare le definizioni e il significato di tutti i simboli utilizzati.

Riportare inoltre esempi di struttura tipica delle correlazioni empiriche.

FORZATA:  $Nu, Pr, Re$

NATURALE:  $G_r, Ra$  con  $Ra = G_r \cdot Pr$

$$Nu = \frac{h d}{\mu} \quad Pr = \frac{\mu c_p}{k} \quad Re = \frac{\rho v d}{\mu}$$

$$G_r = \frac{g \beta (T_w - T_\infty) d^3}{\left(\frac{\mu}{\rho}\right)^2}$$

- $\mu$  = viscosità
- $k$  = conducibilità termica
- $\rho$  = densità
- $d$  = diametro del condotto
- $v$  = velocità fluida
- $c_p$  = calore specifico
- $h$  = coeff. di scambio termico
- $g$  = gravità

Struttura tipica: ~~...~~  $Nu = A \cdot Re^B \cdot Pr^C$

alcune volte si sostituisce  $Re$  con  $G_r$  e seconda del caso in cui ci troviamo

- $T_w$  = temperatura parete
- $T_\infty$  = temperatura fluido



**DOMANDA n° 4 (punti 4)**

Quali sono i numeri adimensionali tipicamente presenti nelle correlazioni per il calcolo del coefficiente di scambio termico in convezione naturale e forzata? Riportarne le espressioni indicando anche il significato delle grandezze in esse presenti.

FORZATA =  $Nu, Re, Pr$ ... alcune volte anche  $St$  (Stanton)

NATURALE =  $Gz$  e  $Pr$

$$St = \frac{h}{\rho v c_p} \quad Nu = \frac{h d}{k} \quad Re = \frac{\rho v d}{\mu} \quad Pr = \frac{\mu c_p}{k} \quad Gz = \frac{\rho \beta (T_w - T_\infty) d^3}{(\mu/\rho)^2} \quad h_{con} = Gz \cdot Pr$$

$h$  = coeff. di scambio termico convettivo     $\rho$  = densità     $v$  = velocità fluidodinamica  
 $c_p$  = calore specifico     $d$  = diametro del tubo (fattore geometrico)     $k$  = conducibilità termica  
 $\mu$  = viscosità dinamica     $\beta$  = gravità     $T_w$  = ~~temperatura~~ temperatura parete  
 $T_\infty$  = temp. fluido

**DOMANDA n° 5 (punti 4)**

Con riferimento al modello di Nusselt per il calcolo del coefficiente di scambio termico nella condensazione a film rispondere sinteticamente ai seguenti quesiti:

- 1) da quali forze dipendono lo spessore e il profilo di velocità del film liquido?
- 2) la resistenza termica è localizzata nello spessore del film o all'interfaccia tra il liquido e il vapore?
- 3) il coefficiente di scambio termico è più alto nella condensazione a film o in quella a gocce?

1) Dalla forza peso, dalla gravità, dalla forza sulle pareti del film

2) La resistenza termica è localizzata nello spessore del film

3) Il coefficiente di scambio termico è più alto in quella a gocce, in quanto non c'è film, e si ha meno resistenza termica. In quella a film il vapore viene direttamente a contatto con la parete (materiali specifici che si usavano nel tempo).

**DOMANDA n° 8 (punti 4)**

Nel deflusso con scambio termico lo sforzo di taglio  $\tau$  e il flusso termico  $q$  sono espressi dalle relazioni seguenti, nelle quali  $u$  è la velocità,  $T$  è la temperatura e  $y$  è la distanza dalla parete:

$$\frac{\tau}{\rho} = (v + \varepsilon_m) \frac{du}{dy} \quad \frac{q}{\rho c_p} = -(\alpha + \varepsilon_H) \frac{dT}{dy}$$

- come si esprimono  $v$  e  $\alpha$  ?
- quali sono i fluidi caratterizzati da un valore di  $\alpha$  molto elevato ?
- a quale fenomenologia sono associate le diffusività  $\varepsilon_m$  ed  $\varepsilon_H$  ?

-  $\alpha = \frac{k}{\rho c_p}$       $v = \frac{\tau_w \delta_1}{\rho \cdot M_{S_1}}$  e sono rispettivamente la diffusività molecolare del calore ( $\alpha$ ) e della quantità di moto ( $v$ ).

- i fluidi caratterizzati da  $\alpha$  molto elevato sono i metalli liquidi e quelli con  $\rho$  e/o  $c_p$  molto bassa.

- Sono associate alla fenomenologia del rimescolamento turbolento di Prandtl. Essi rappresentano la diffusività turbolenta del calore ( $\varepsilon_H$ ) e quella turbolenta della quantità di moto ( $\varepsilon_m$ ).