



Corso Luigi Einaudi, 55 - Torino

**Appunti universitari**

**Tesi di laurea**

**Cartoleria e cancelleria**

**Stampa file e fotocopie**

**Print on demand**

**Rilegature**

NUMERO: 1098

DATA: 16/09/2014

# **A P P U N T I**

STUDENTE: Lacirignola

MATERIA: Elettronica Applicata

Prof. Sansoè

Il presente lavoro nasce dall'impegno dell'autore ed è distribuito in accordo con il Centro Appunti.

Tutti i diritti sono riservati. È vietata qualsiasi riproduzione, copia totale o parziale, dei contenuti inseriti nel presente volume, ivi inclusa la memorizzazione, rielaborazione, diffusione o distribuzione dei contenuti stessi mediante qualunque supporto magnetico o cartaceo, piattaforma tecnologica o rete telematica, senza previa autorizzazione scritta dell'autore.

**ATTENZIONE: QUESTI APPUNTI SONO FATTI DA STUDENTIE NON SONO STATI VISIONATI DAL DOCENTE.  
IL NOME DEL PROFESSORE, SERVE SOLO PER IDENTIFICARE IL CORSO.**

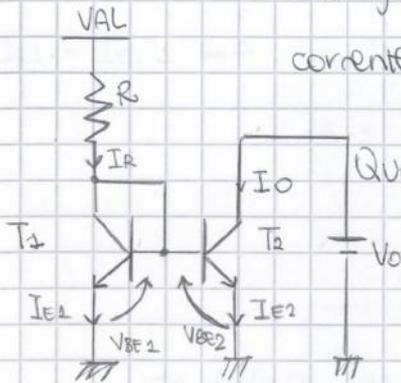
# CIRCUITI DI BASE - AMPLIFICATORI OPERAZIONALI

02/10/2012



Generatore di corrente usato in un dispositivo elettronico.

SPECCHIO DI CORRENTE : si parte da una corrente di riferimento  $I_R$  che scorre in una resistenza, la quale scorre nel collettore di un transistor collegato ad un secondo transistor ( $T_2$ ) tale da garantire la condizione di linearità in  $T_2$  e la corrente  $I_0$  rimanga sempre la stessa.



QUANTO VALE  $I_0$ ?

$$V_{BE1} = V_{BE2} = V_{BE}$$

$$I_E = I_S \cdot e^{V_{BE}/V_T} \left\{ \begin{array}{l} \text{approssimata, in realta':} \\ I_E = I_S (e^{V_{BE}/V_T} - 1) \end{array} \right.$$

$$I_{E1} = I_{S1} \cdot e^{V_{BE}/V_T} \quad (\text{per } T_1)$$

$$I_{E2} = I_{S2} \cdot e^{V_{BE}/V_T} \quad (\text{per } T_2)$$

dove  $V_T$  è l'equivalente in tensione della temperatura e vale  $V_T = \frac{kV_T}{q} = 26 \text{ mV}$

Supponendo che  $\beta_1$  e  $\beta_2$  siano molto alti e che, di conseguenza  $I_{B1} \rightarrow 0$  e  $I_{B2} \rightarrow 0$ . Se le correnti di base sono trascurabili possiamo affermare che:

$$I_{E1} \approx I_R \quad \text{e} \quad I_{E2} \approx I_0.$$

Facendo il rapporto:

$$\frac{I_{E1}}{I_{E2}} = \frac{I_R}{I_0} = \frac{I_{S1}}{I_{S2}}$$

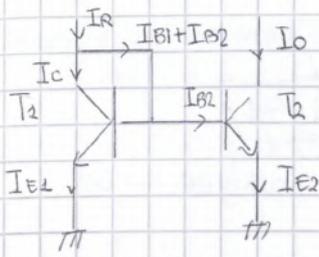
$I_{S1}$  e  $I_{S2}$  dipendono dalla temperatura e dall'area di giunzione. In particolare dipendono molto dalla temperatura, raddoppiano ogni 10 K.

$$\frac{I_R}{I_0} = \frac{A_1}{A_2}, \quad A_1 \text{ e } A_2 \text{ aree di giunzione di } T_1 \text{ e } T_2$$

Lo specchio di corrente funziona quindi, solo se <sup>i due transistor</sup>  $I_{S1}$  si trovano nello stesso circuito integrato. Generalmente il rapporto tra le aree è unitario, quindi  $I_R = I_0$ .

Inoltre, per garantire un buon funzionamento, l'impedenza di uscita deve essere sufficientemente alta.

Le correnti di base non sono mai completamente nulle, ma diammo il loro contributo.



$$I_{E1} = I_{C1} + I_{B1} = I_{B1} + I_R - I_{B1} - I_{B2}$$

$$I_{E1} = I_R - I_{B2}$$

$$I_{E2} = I_O + I_{B2}$$

$$I_{E1} = I_{E2} \Rightarrow I_R - I_{B2} = I_O + I_{B2}$$

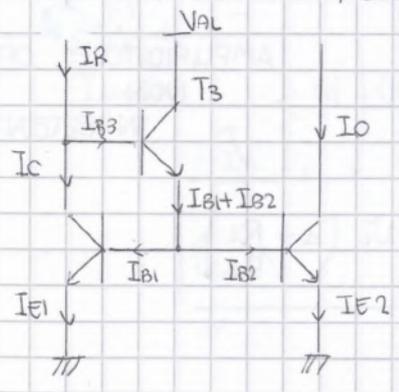
$$I_R = I_O + 2I_{B2}, \text{ ma } I_{B2} = \frac{I_O}{\beta_2}, \text{ quindi:}$$

$$I_R = I_O \left( 1 + \frac{2}{\beta_2} \right), \text{ quindi:}$$

$$I_O = \frac{I_R}{1 + \frac{2}{\beta_2}}$$

SPECCHIO DI PRECISIONE

Per ridurre la corrente, e il termine di errore, aggiungiamo un transistor:



$$I_{B3} = \frac{I_{B1} + I_{B2}}{\beta_3 + 1}$$

molto più piccola della corrente che avrei senza il contributo di T3.

Supponendo che  $\beta_1 \approx \beta_2 \approx \beta_3 \approx \beta (\approx \beta + 1)$

$$I_{B3} = \frac{I_{B1} + I_{B2}}{\beta} \approx \frac{2I_{B1}}{\beta} \text{ (se i } \beta \text{ sono uguali, lo saranno anche le correnti di base)}$$

$$\begin{cases} I_{E1} = I_R - I_{B3} + I_{B1} \\ I_{E2} = I_O + I_{B2} \end{cases}$$

⇒ Uguagliando le due espressioni: SAPENDO CHE:

$$\underbrace{I_R - I_{B3} + I_{B1}}_{I_{C1}} = \underbrace{I_O + I_{B2}}_{I_{C2}} \Rightarrow \begin{cases} I_{B1} = \frac{I_R - I_{B3}}{\beta} \\ I_{B2} = \frac{I_O}{\beta} \end{cases}$$

Sostituendo:

$$I_R - I_{B3} + \frac{I_R - I_{B3}}{\beta} = I_O \left( 1 + \frac{1}{\beta} \right)$$

ma  $I_{B1} = I_R/\beta$

$$(I_R - I_{B3}) \left( \frac{1 + 1/\beta}{\beta} \right) = I_O \left( \frac{1 + 1/\beta}{\beta} \right) \Rightarrow I_R - \frac{2I_{B1}}{\beta} = I_O \Rightarrow \boxed{I_R \left( 1 - \frac{2}{\beta^2} \right) = I_O}$$

Calcoliamo l'amplificazione:

$$v_- = v_i - v_{ol} = v_u \beta = v_u \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

$$v_{ol} = \frac{v_u}{Ad} \quad \text{Quindi:} \quad v_i - \frac{v_u}{Ad} = v_u \beta$$

$$v_u \left( \beta + \frac{1}{Ad} \right) = v_i \Rightarrow \frac{v_u}{v_i} = \frac{Ad}{1 + \beta Ad} \rightarrow \text{GUADAGNO}$$

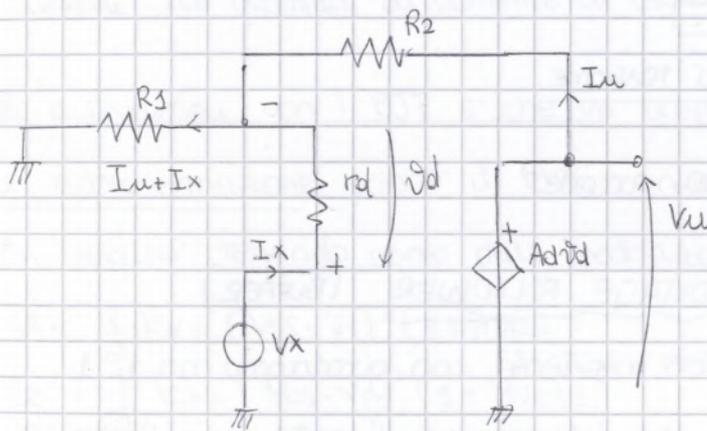
$$= \frac{1}{\beta} \cdot \frac{\beta Ad}{1 + \beta Ad}$$

$\beta Ad = T = \text{guadagno d'anello}$

$$\frac{v_u}{v_i} = \frac{1}{\beta} \cdot \frac{T}{1+T} = \frac{1}{1+\frac{1}{T}} \cdot \frac{1}{\beta}$$

Se  $T \gg 1$  non c'è molta differenza tra l'amplificatore reale e ideale.

COSA SUCCEDDE SE ANCHE LA RESISTENZA D'INGRESSO  $r_{ol}$  NON FOSSE INFINITA?



$$v_x = I_x r_{ol} + R_1 (I_u + I_x)$$

$$v_d = r_{ol} \cdot I_x$$

$$v_u = Ad v_d = Ad r_{ol} I_x$$

$$v_u = I_u \cdot R_2 + R_1 (I_u + I_x)$$

$$Ad r_{ol} I_x = I_u R_2 + R_1 (I_u + I_x)$$

$$I_u (R_1 + R_2) = I_x (Ad r_{ol} - R_1)$$

$$I_u = I_x \frac{(Ad r_{ol} - R_1)}{R_1 + R_2}$$

$$v_x = I_x r_{ol} + I_x R_1 + R_1 \left( \frac{Ad r_{ol} I_x - R_1 I_x}{R_1 + R_2} \right)$$

$$v_x = I_x r_{ol} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} Ad r_{ol} I_x + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \cdot I_x$$

$$\beta = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

trascurabile

$$Z_i = \frac{v_x}{I_x} = r_{ol} (1 + \beta Ad) + R_1 \cancel{R_2}$$

$$\boxed{Z_i = r_{ol} (1 + T)}$$

↳ impedenza di ingresso dell'amplificatore

in zona di saturazione di canale. Quindi:

$$V_{DS} > V_{GS} - V_T$$

↑  
V<sub>0</sub>                      ↑  
Tensione di soglia

$$I_D = \frac{1}{2} K_m (V_{GS} - V_T)^2 \quad \left( K_m = \mu C_{ox} \frac{W}{L} \right) \quad \leftarrow \text{VALE PER M1 E M2}$$

I<sub>D</sub> di M1 = I<sub>R</sub>

$$\begin{cases} I_R = \frac{1}{2} K_{N2} (V_{GS} - V_T)^2 \\ I_D = \frac{1}{2} K_{M2} (V_{GS} - V_T)^2 \end{cases}$$

$$\frac{I_R}{I_D} = \frac{K_{N2}}{K_{M2}} \Rightarrow \text{Rapporto tra le correnti}$$

$$\frac{I_D}{I_R} = \frac{K_{M2}}{K_{N2}} = \frac{W_2/L_2}{W_1/L_1}$$

Quindi la quantità di corrente di uscita è pari a  $I_D = I_R \cdot \frac{W_2/L_2}{W_1/L_1}$

La differenza con i BJT è che in questo caso non abbiamo fatto alcun tipo di approssimazione, poiché il MOS non assorbe corrente sul gate.

In realtà, tenendo conto della modulazione di canale:

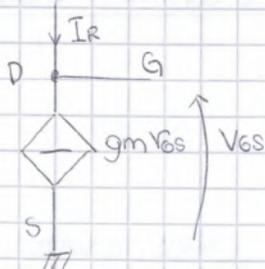
$$I_R = \frac{1}{2} K_{N1} (V_{GS} - V_T)^2 (1 + \lambda V_{DS1})$$

$$I_D = \frac{1}{2} K_{M2} (V_{GS} - V_T)^2 (1 + \lambda V_{DS2})$$

⇒ NON DA' CONTRIBUTO NEL RAPPORTO I<sub>D</sub>/I<sub>R</sub>. (poiché si semplifica)

Il termine entra in gioco nel calcolo dell'impedenza di uscita.

Sostituzione con modello di piccolo segnale:

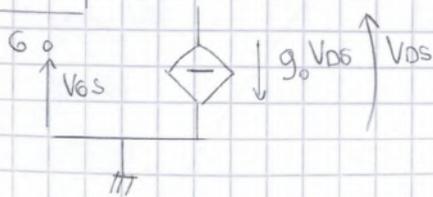


$$g_m = \frac{\partial I_D}{\partial V_{GS}} = K_N (V_{GS} - V_T)$$

$$g_m = \frac{2 K_N (V_{GS} - V_T)^2}{2 (V_{GS} - V_T)} \rightarrow I_R = \frac{2 I_R}{V_{GS} - V_T}$$

$$Z_i = \frac{V_{GS} - V_T}{2 I_R} \rightarrow \text{IMPEDENZA DI INGRESSO}$$

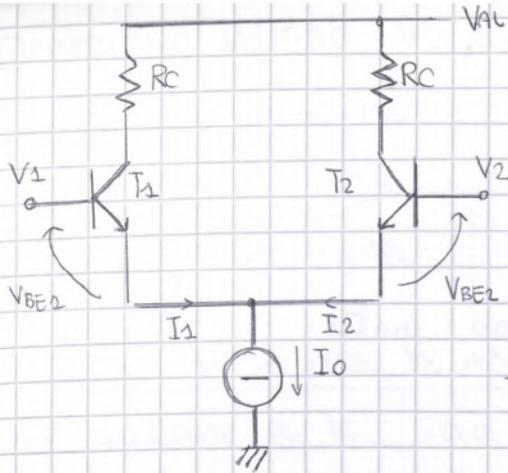
(λ entra sull'imp di OUT)



$$Z_o = \frac{1}{g_o} \quad \text{dove } g_o = \frac{\partial I_D}{\partial V_{GS}}$$

$$g_o = \lambda \frac{K_N (V_{GS} - V_T)^2}{2} = \lambda I_D$$

$$Z_o = \frac{1}{\lambda I_D} \rightarrow \text{USCITA}$$



$v_d = V_{BE1} - V_{BE2} \rightarrow$  tensione differenziale

$$I_1 = I_{S1} \cdot e^{V_{BE1}/V_T}$$

$$I_2 = I_{S2} \cdot e^{V_{BE2}/V_T}$$

Analogamente per lo specchio di corrente :

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{I_{S1} \cdot e^{V_{BE1}/V_T}}{I_{S2} \cdot e^{V_{BE2}/V_T}}$$

$$A_1 = A_2$$

↑  
aree uguali  
stesso chip, stessa  
temperatura  $\Rightarrow I_{S1} = I_{S2}$

$$\frac{I_1}{I_2} = e^{(V_{BE1}/V_T - V_{BE2}/V_T)}$$

$$I_1 = I_2 e^{v_d/V_T}$$

AMPLIFICATORE DIFFERENZIALE  
A BJT

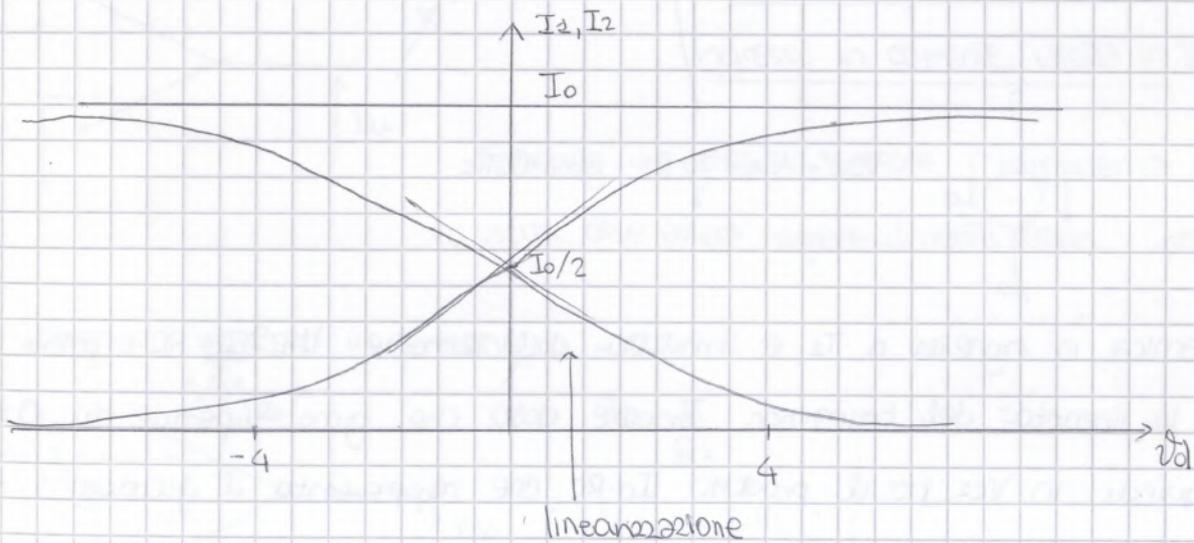
$$I_1 + I_2 = I_0$$

$$I_0 = I_2 (1 + e^{v_d/V_T})$$

$$I_2 = \frac{I_0}{1 + e^{v_d/V_T}}$$

$$I_1 = \frac{I_0 \cdot e^{v_d/V_T}}{1 + e^{v_d/V_T}}$$

$\rightarrow$  CORRENTI DEI DUE EMITTITORI



Nell'intorno di  $v_d = 0$  :  $I_1 = \frac{I_0}{2} + \frac{\partial I_1}{\partial v_d} \cdot v_d$

$$I_1 = \frac{I_0}{2} + g_{mo} v_d$$

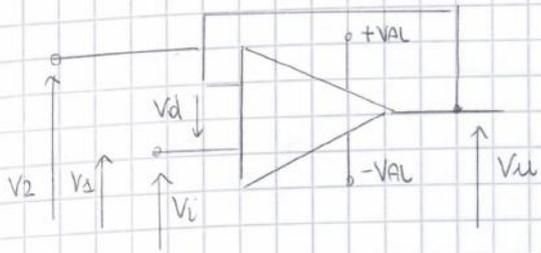
$$I_2 = \frac{I_0}{2} - g_{mo} v_d$$

Per trovare  $g_{mo}$  :

$$\frac{I_1 - I_0}{2} = \frac{I_0 \cdot e^{v_d/V_T}}{1 + e^{v_d/V_T}} - \frac{I_0}{2} = \frac{I_0}{2} \frac{e^{v_d/V_T} - 1}{e^{v_d/V_T} + 1}$$

$$I_1 = \frac{I_0 \cdot e^{v_d/V_T}}{1 + e^{v_d/V_T}}$$

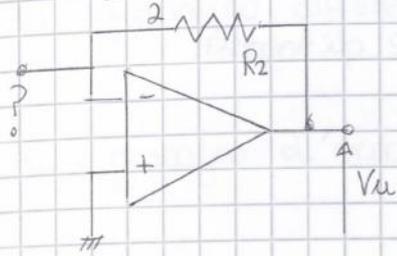
## CONTINUAZIONE VOLTAGE - FOLLOWER



da dinamica differenziale specifica quale differenza ci deve essere tra i due morsetti (ovvero  $V_d$ )

da dinamica di ingresso a modo comune è importante perché ci dice quale segnale applicare a  $V_i$ . Essa è sempre riferita alla tensione di alimentazione.

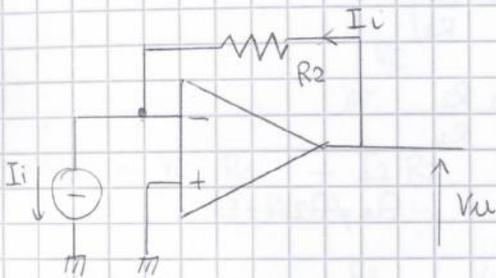
$$V_c = \frac{V_d + V_2}{2} \approx V_i$$



Cosa succede se applico direttamente un ingresso?

Non va bene, poiché dato che  $V^+ = V^-$  mi ritrovo un potenziale a 0 V.

Proviamo ad inserire un generatore di corrente  $I_i$ :



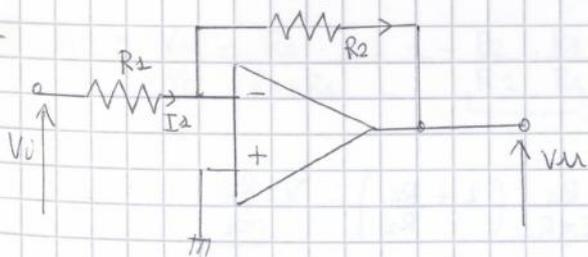
$$V_u = R_2 \cdot I_i$$

AMPLIFICATORE DI TRANRESISTENZA:

ingresso in corrente, uscita in tensione

Essendo un'uscita in tensione, l'impedenza di uscita deve essere ragionevolmente bassa.

Se vogliamo un ingresso in tensione:



$$I_2 = \frac{V_i}{R_2}$$

$$V_u = -I_2 R_2$$

$$V_u = -V_i \cdot \frac{R_2}{R_1}$$

$$\frac{V_u}{V_i} = -\frac{R_2}{R_1}$$

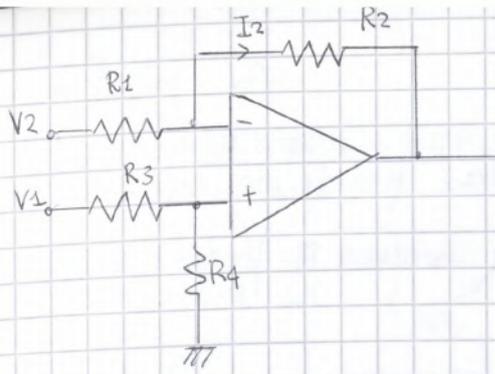
AMPLIFICATORE  
INVERTENTE

$Z_i = R_1$  (più bassa del non-invertente  $\Delta$ )

Dal punto di vista della dinamica di ingresso non hanno grossi vantaggi. Però a volte la si preferisce perché non entra in gioco la dinamica di modo comune.

(Dimostrare che se  $A_d \rightarrow \infty$ ,  $\frac{V_u}{V_i} = -\frac{R_2}{R_1} \cdot \frac{T}{1+T}$ , dove  $T = \beta A_d$  e  $\beta = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$ )

$$\frac{V_u}{V_i} = \left(1 - \frac{1}{\beta}\right) \frac{T}{1+T}$$

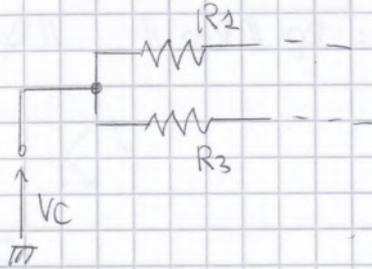


$$\begin{cases} R_3 = R_1 \\ R_4 = R_2 \end{cases}$$

⇒ e' un buon amplificatore differenziale se queste sono soddisfatte con buona precisione, altrimenti il guadagno CMRR non sarà infinito.

Come faccio a stimare i guadagni?

- AD : guadagno differenziale :  $A_d = \frac{R_2}{R_1}$   $V_u = V_d \left( \frac{R_2}{R_1} \right) = (V_1 - V_2) \frac{R_2}{R_1}$
- AC : guadagno di modo comune → Collego insieme 2 e 1 a  $V_c$ .



$V_u = V_c \frac{R_4}{R_3 + R_4} - I_2 \cdot R_2$ , ma  $I_2$  e' la stessa che passa in  $R_1$ , quindi:

$$\underline{I_2 = I_1} = \frac{R_3}{R_3 + R_4} \cdot V_c$$

$$V_u = V_c \left[ \frac{R_4}{R_3 + R_4} - \frac{R_2 \cdot R_3}{R_1 (R_3 + R_4)} \right]$$

$$A_c = \frac{V_u}{V_c} = \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left[ 1 - \frac{R_2 \cdot R_3}{R_1 R_4} \right]$$

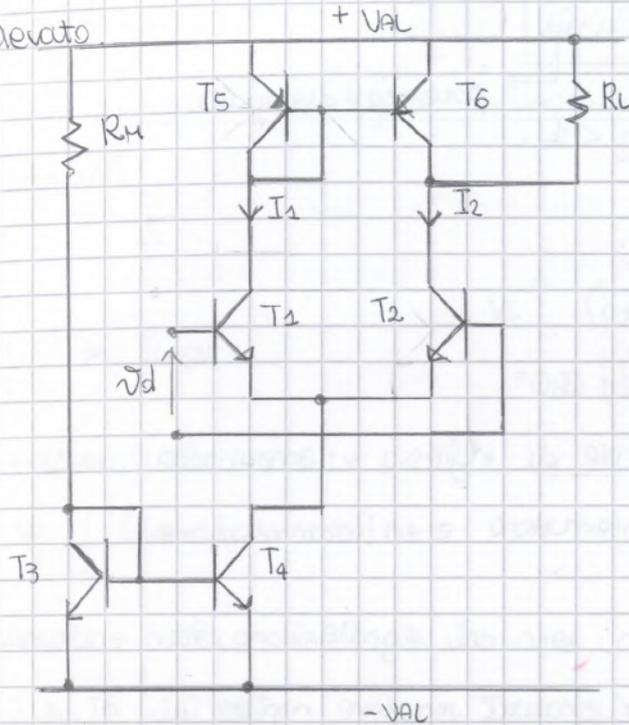
deve essere uno per non avere guadagno di modo comune

$$g_{mo} = \frac{I_0}{2} \cdot \frac{1}{V_{GS0} - V_{TN}}$$

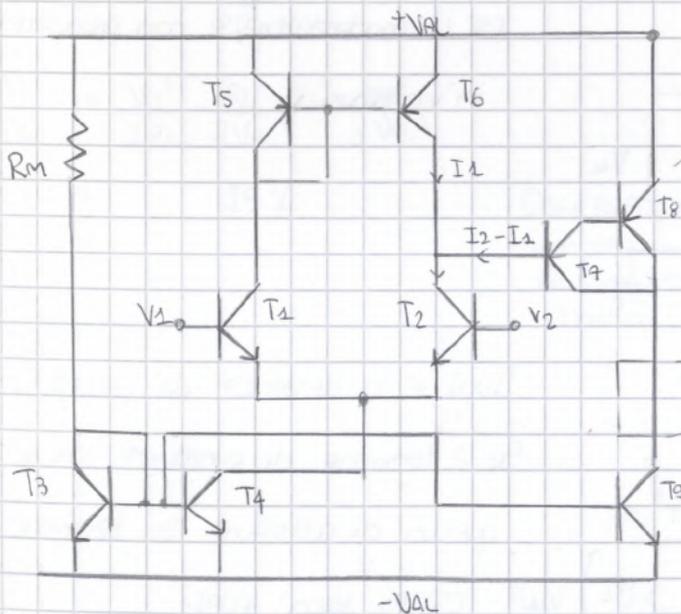
← ottenuta confrontando le due equazioni

### SCHEMA AMPLIFICATORE OPERAZIONALE

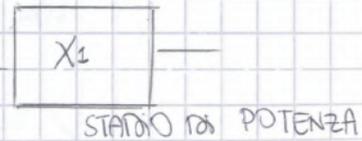
Utilizzando lo specchio di corrente e uno stadio differenziale modificato il collettore per mantenere ampia la dinamica di uscita pur avendo un valore di resistenza molto elevato



Il carico qui ci interessa ben poco poiché c'è il gen. di corrente con impedenza infinita. Quindi inserisco un emettitore comune per avere un ingresso in corrente e un'uscita in tensione. Più precisamente un darlington.



(non npn poiché la tensione di r.f. non è bene)  
 ↓  
 con un npn, l'emettitore sarebbe a -VAL, e questo limita drasticamente la din. di ingresso.



Abbiamo molti problemi, a causa dell'offset lo tempore differenziale non è propriamente pari a zero, ma sarà spostata da una parte.

$$I_L = \frac{V_L}{R_L}$$

$$\frac{V_L}{R_L} \geq -I_0$$

→ Se vogliamo una dinamica d'uscita simmetrica

$$I_0 = \frac{V_{AL}}{R_L}$$

$$\Rightarrow V_{AL} \geq V_L \geq -V_{AL}$$

Calcoliamo il rendimento col segnale sinusoidale.

$$I_L = I_p \sin(\omega t)$$

$$I_p = \frac{V_p}{R_L}$$

$$P_{AL+} = \frac{1}{T} \int_0^T V_{AL} \cdot I_c \, dt$$

$$I_c = I_0 + I_p \sin(\omega t)$$

$$P_{AL+} = \frac{V_{AL}}{T} \int_0^T [I_0 + I_p \sin(\omega t)] \, dt$$

$$P_{AL+} = V_{AL} I_0 \quad P_{AL-} = V_{AL} \cdot I_0$$

$$P_{AL} = 2V_{AL} I_0 = \frac{2V_{AL}^2}{R_L} \quad (\text{con } I_0 = \frac{V_{AL}}{R_L})$$

$$P_L = \frac{1}{T} \int_0^T R_L (I_p \sin(\omega t))^2 \, dt = \frac{1}{T} R_L I_p^2 \int_0^T \sin^2(\omega t) \, dt =$$

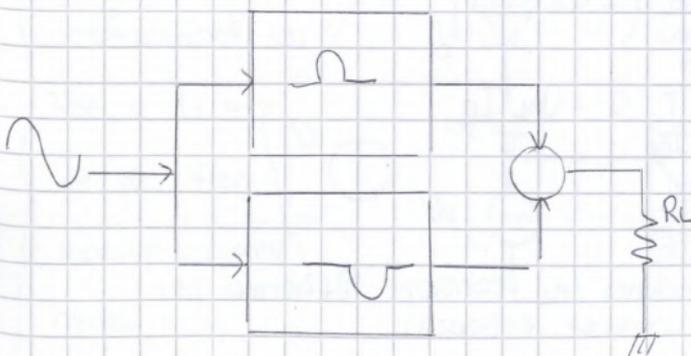
$$= \frac{I_p^2 R_L}{2} = \frac{V_p^2}{2R_L}$$

$$\eta = \frac{P_L}{P_{AL}} = \frac{V_p^2}{2R_L} \cdot \frac{R_L}{2V_{AL}^2} = \frac{V_p^2}{4V_{AL}^2}$$

$$\eta_{MAX} = \frac{1}{4} \quad 25\%$$

OSSERVAZIONE: la PAL non dipende dalla ampiezza del segnale, quindi si ha dissipazione anche quando il segnale e' assente!

CLASSE (B)

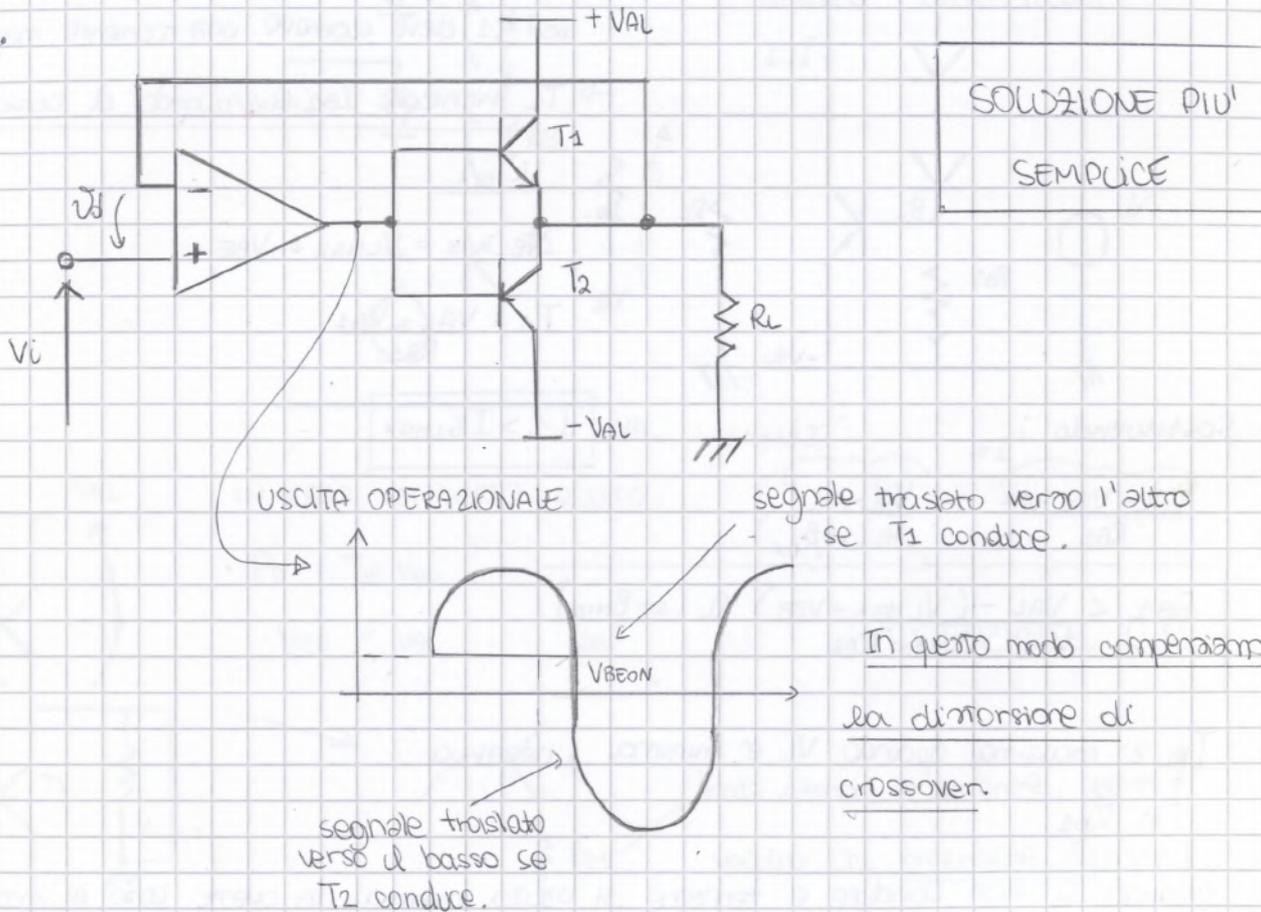


$$\eta = \frac{V_p I_p}{2} \cdot \frac{\pi}{2 V_{AL} I_p} = \left| \frac{V_p \cdot \pi}{V_{AL} \cdot 4} \right| \rightarrow \text{RENDIMENTO}$$

$$\eta_{MAX} = \frac{\pi}{4} = 0.78 \quad [\text{con } V_p = V_{AL}]$$

Il rendimento massimo di un amplificatore in classe B è circa tre volte di quello in classe A, e inoltre si consuma corrente solo se c'è segnale.

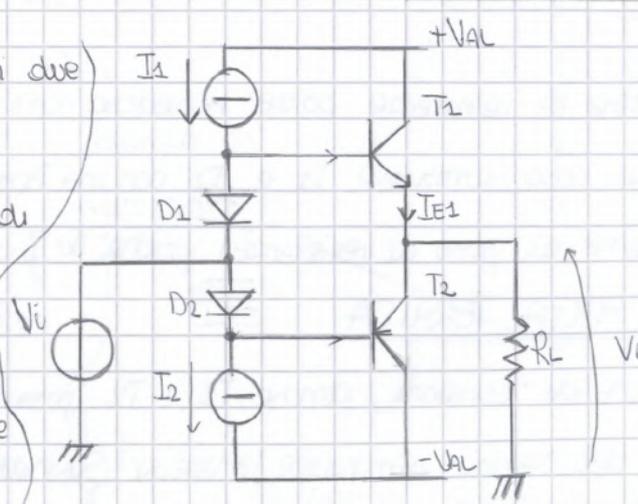
Uno svantaggio è la distorsione di crossover. Per compensare questo problema si può mantenere lo stesso circuito aggiungendo un'ampl. operazionale in voltage follower.



SOLUZIONE PIU' SEMPLICE

In questo modo compensiamo la distorsione di crossover.

Introduzione dei due diodi per la compensazione di  $V_{BE}$ , e  $I_1$  e  $I_2$  per far scorrere corrente nella base dei transistor.



SOLUZIONE PIU' ARTICOLATA

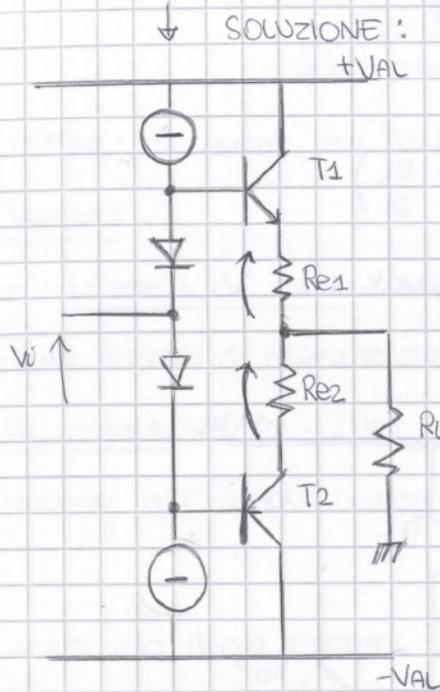
$$I_{B1} = \frac{I_{E1}}{\beta + 1}$$

$I_2 > I_{B1 MAX} \rightarrow$  per garantire che in  $T_1$  scorra corrente

$$I_{B1 MAX} = \frac{I_{E1 MAX}}{\beta_{MIN} + 1}$$

$$I_{E1 MAX} = \frac{V_{L MAX}}{R_L}$$

Più aumenta la temperatura del transistor più diminuisce la  $V_{BEON}$ . Quindi si ha la dissipazione di potenza e il problema tende a peggiorare. Inoltre, con l'aumento della temperatura aumenta il guadagno. Per risolvere il problema dovrà introdurre una "reazione negativa" per diminuire la tensione base-emettitore.



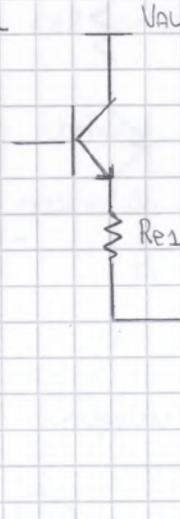
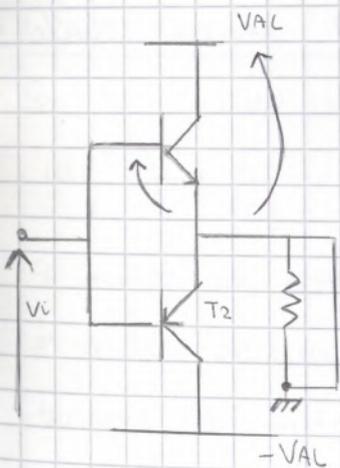
Oltre a contrastare la fuga termica,  $R_{e1}$  ed  $R_{e2}$  limitano i cortocircuiti

IN CASO DI CORTOCIRCUITO:

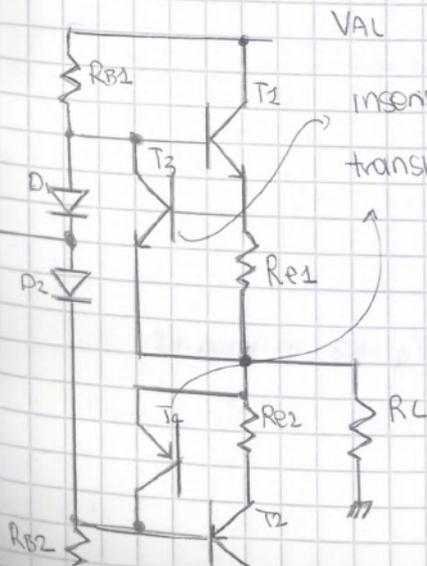
$$P_D = I_E \cdot V_{AL}$$

$$V_{CE} = V_{AL}$$

PROTEZIONE C.C.



limita sempre la corrente, però voglio che intervenga dopo un certo valore di corrente, quindi inserisco una resistenza piccola per limitare la corrente che viene fornita al transistor dall'ingresso. (Quindi deve "rubare" corrente dalla base del transistor)



Quando la corrente supera quella massima, i transistor  $T_3$  e  $T_4$  entrano in conduzione.

$$I_{B1} \approx \frac{I_1}{\beta_1} \quad I_{B2} \approx \frac{I_2}{\beta_2}$$

CORRENTI DI POLARIZZAZIONE

→ Devono essere fornite per far sì che l'amplif. operazionale lavori in linearità.

Se due correnti sono diverse, quindi:

$$I_{BIAS} = \frac{I_{B1} + I_{B2}}{2} \quad I_{OFFSET} = |I_{B1} - I_{B2}|$$

↑  
valor medio correnti di polarizzazione

Queste irregolarità portano ad avere una tensione differenziale  $\neq$  da zero, per questo motivo:  $V_{OFFSET}$ .

Per quanto riguarda la dinamica di uscita, sarà normalmente un po' più piccola del campo definita dalle tensioni di alimentazione. [ $V_{AL}$ , ... -  $V_{AL}$ , ...].

Nella dinamica di ingresso [ $V_{AL} - 2V_{BE}$ , -  $V_{AL} + 2V_{BE}$ ]

Esistono per questo motivo gli amplificatori RAIL-TO-RAIL in [ $V_{AL}$ , - $V_{AL}$ ]  
(ESEMPIO: LM324) out [ $V_{AL}$ , - $V_{AL}$ ]

↑  
ammette però solo uno degli estremi [ $0, V_{AL}$ ]  
[- $V_{AL}, 0$ ]

• QUANTO VALGONO  $R_{IN}$  ed  $R_{OUT}$ ?

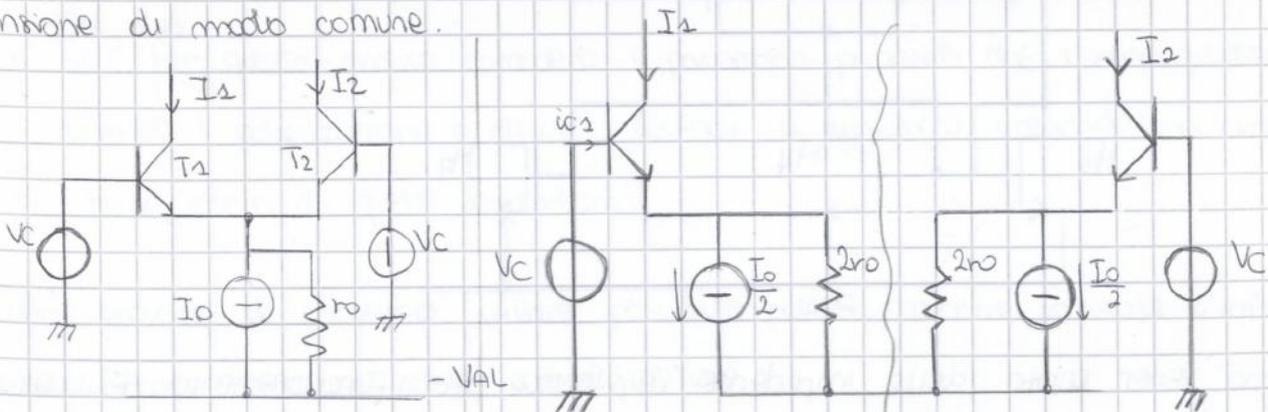
Per  $R_{IN}$  applico una tensione differenziale (tra  $T_1$  e  $T_2$ ), in  $T_2$  vedo  $r_{\pi}$ ,

$$i_d = \frac{v_d}{2} \cdot \frac{1}{r_{\pi}} \quad r_{id} = \frac{v_d}{i_d} \quad \text{quindi: } \boxed{r_{id} = 2r_{\pi}}$$

(la resistenza di ingresso differenziale assume un certo valore)

Se esiste una resistenza di modo comune, notiamo che

è molto elevata e per capire qual è il suo vero valore applichiamo una tensione di modo comune.



↑ Sono equivalenti ↑

$$r_{ic1} = \frac{v_c}{i_{c1}} = r_{\pi} + 2r_o(1+\beta) \approx 2r_o(1+\beta)$$

Dato che i due rami sono in parallelo

$$r_{ic} = r_o(1+\beta)$$

Vale su entrambi i morsetti.

ESEMPIO PRATICO: AMPIFICATORE NON INVERTENTE

$A_v = 10$

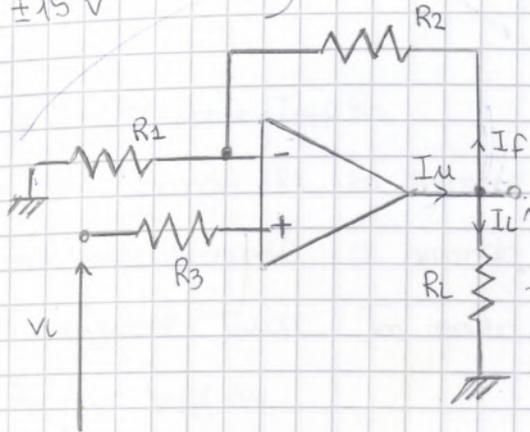
LM741

$V_{in} \text{ di uscita} \geq \pm 10V$

$R_L > 4 k\Omega$

$V_{AL} = \pm 15 V$

Specifiche



$$A_v = 1 + \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow R_2 = 9R_1$$

Come dimensionare  $R_1$  ed  $R_2$ ?

$R_L \geq 4 k\Omega$  } → dal data sheet

$I_u \leq 5 mA$  } → (corrente di uscita massima)

↳ ved data sheet

$I_u = I_L + I_f$  ← corrente di uscita dell'operazionale

$$I_f = \frac{V_u}{R_1 + R_2}$$

Non ci interessa avere una corrente di reazione elevata

$$I_f \leq \frac{I_{uMAX}}{10}$$

(A massimo il 10%)

$R_1$  ed  $R_2$  devono assorbire al massimo  $\frac{1}{10} \cdot I_{uMAX}$ .

$$R_1 + R_2 \leq \frac{10V}{0,5 mA} = 20 k\Omega$$

$R_2 \geq 20 k\Omega$  → valore minimo, ma quale è il valore migliore per la scelta di  $R_2$ ? Per questo motivo considero i parametri parassiti che l'ampificatore in continua (polarizzazione e offset). Quindi li aggiungo creando un circuito che tiene conto di questi parametri.

↓  
Per trovare il massimo valore possibile per  $R_2$  occorre valutare l'influenza delle non idealità dell'ampificatore.

$$V_{u\text{off}} = V_{\text{off}} A_v + \left( I_b - \frac{I_{\text{off}}}{2} \right) R_2 - \left( I_b + \frac{I_{\text{off}}}{2} \right) \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right) R_3 =$$

$$= V_{\text{off}} A_v + I_b \left[ R_2 - R_3 \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \right] - \frac{I_{\text{off}}}{2} \left[ R_2 + R_3 \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right) \right]$$

$$R_2 = R_3 \left( \frac{R_1 + R_2}{R_1} \right)$$

$$R_3 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = R_1 // R_2$$

Dimensionamento di  $R_3$ !

Con questa espressione posso l'azzeramento di  $I_b$

$$V_{u\text{off}} = V_{\text{off}} A_v + I_{\text{off}} R_2$$

Quindi se aggiungo  $R_3$ , la tensione di offset dipende da due termini, il primo non modificabile, il secondo mi dice che tanto è più grande  $R_2$  tanto sarà maggiore  $V_{u\text{off}}$ . In realtà basta che sia trascurabile rispetto al 1° termine.

$$I_{\text{off}} R_2 \ll V_{\text{off}} A_v$$

$$R_2 \ll \frac{V_{\text{off}} \cdot A_v}{I_{\text{off}}}$$

$$R_2 \ll \frac{6 \cdot 10^{-3} \cdot 10}{2 \cdot 10^{-7}} = 3 \cdot 10^5 \Omega \quad (\text{per LM741})$$

$$R_2 \ll 300 \text{ k}\Omega$$

Quindi:  $\underline{20 \text{ k}\Omega} < R_2 < 30 \text{ k}\Omega \rightarrow$  Scegliamo tra  $22 \text{ k}\Omega$  e  $27 \text{ k}\Omega$

VALORI DI

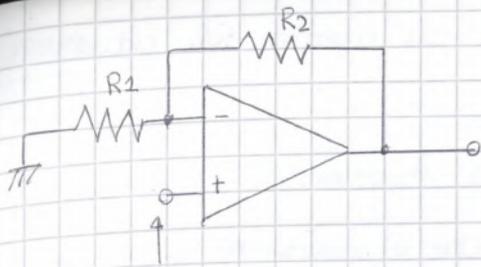
$R_1, R_2, R_3$

$$R_2 = 22 \text{ k}\Omega$$

$$R_1 = \frac{22}{10} \approx 2,2 \text{ k}\Omega$$

↓  
valore normalizzato

$$R_3 = R_1 // R_2 = 2,2 \text{ k}\Omega$$



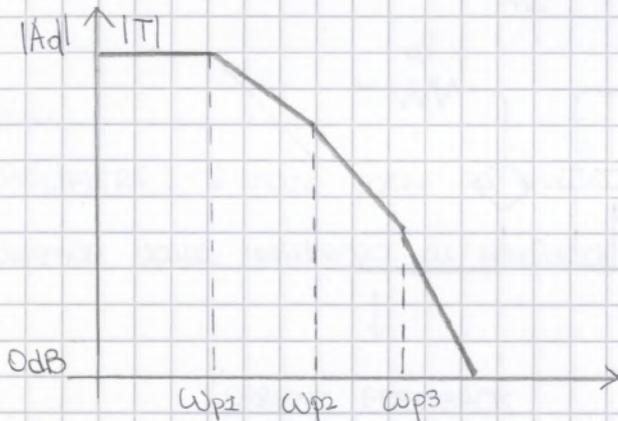
$$A = \frac{1}{\beta} \cdot \frac{T}{1+T}$$

$$T = AB$$

$$\beta = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

(AB) → voglio riportarlo sul Diagramma di Bode. Per disegnarlo tengo conto che  $\beta$  è una costante e sarà 1 nel caso del Voltage Follower, altrimenti sarà  $< 1$ . Quindi, in frequenza avrà lo stesso andamento di A, ma l'asse di 0 dB sarà traslato a seconda del valore di  $\beta$ .

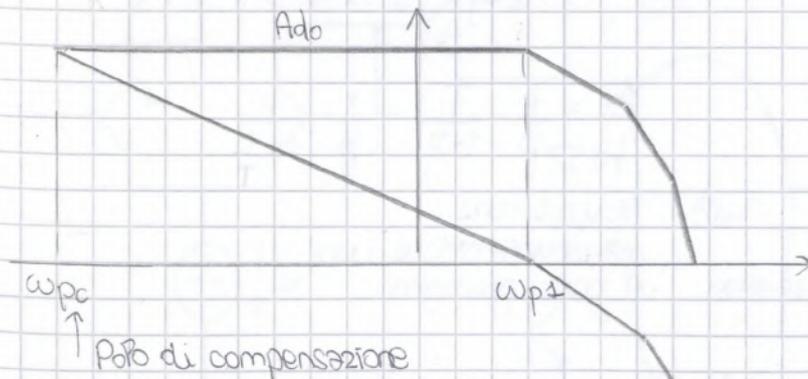
(Se  $\beta < 1$  devo sommare ad A una quantità negativa.) → in scala logaritmica  
 Se  $\beta = 1$ , cioè nel caso del Voltage Follower il sistema è instabile.



Utilizziamo il sistema come Voltage Follower. Supponiamo di volere il sistema stabile.  
 ( $\beta = 1$ )

L'asse 0 dB deve coincidere con il secondo polo per avere

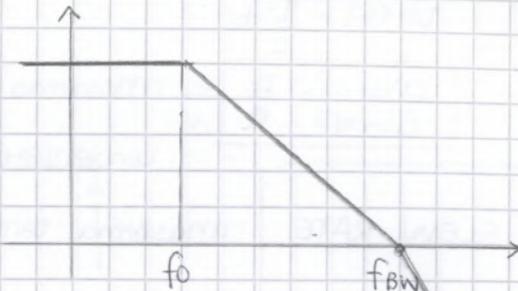
Per avere una funz. di trasferimento modificata, aggiungo un polo (molto prima, con un frequenza molto più bassa del 1° polo già esistente e in modo tale da far diventare il 1° polo come un 2° polo).



(Ex) se il guadagno è di 80 dB, il polo di compensazione deve essere inserito 4 decadi prima!

Quindi:

$$A_v = \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{1 + j \frac{f}{A_{d0}\beta f_0}}$$



$$f_{BW} = A_{d0} \cdot f_0$$

→ inverte caratteristica con l'asse a 0 dB

$$A_v = \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{1 + j \frac{f}{f_{BW} \cdot \beta}}$$

guadagno sistema reazionato

$$f_T = f_{BW} \cdot \beta \rightarrow \text{frequenza di taglio a } -3\text{dB}$$

Se  $A_{v0}$  è il guadagno in corrente:

$$A_{v0} = \frac{1}{\beta} \rightarrow \text{guadagno del circuito per } f \text{ basse}$$

$$f_T = \frac{f_{BW}}{A_{v0}} \Rightarrow f_T A_{v0} = f_{BW}$$

Prodotto Banda Guadagno

NORTON AMPLIFIERS: si usano poiché la banda

16/10/2012

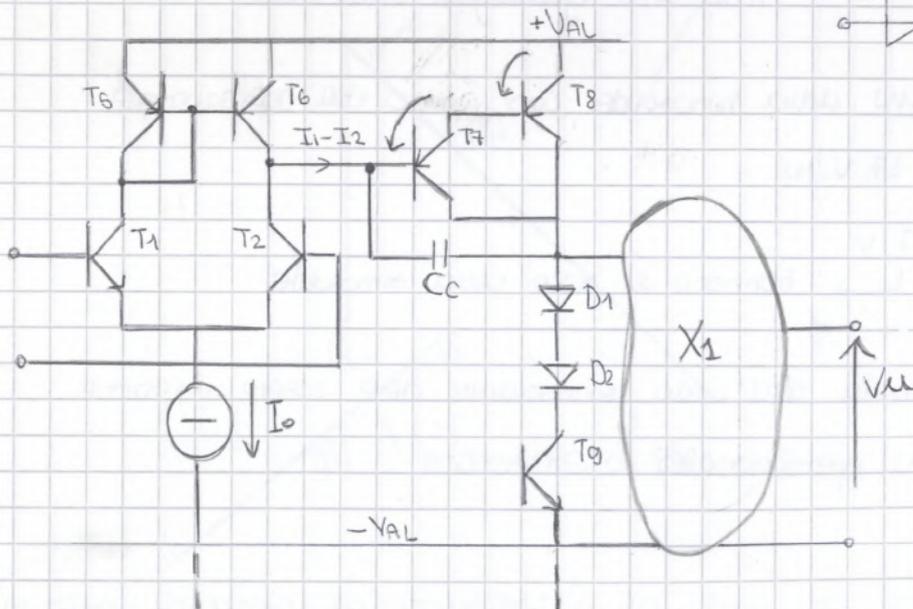
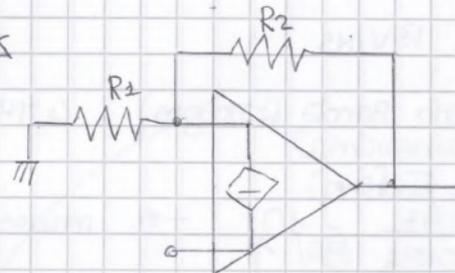
passante dipende dalla resistenza di feedback (e non dal guadagno)



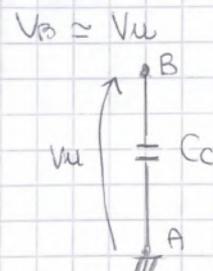
CURRENT FEEDBACK

- GUADAGNO E BANDA INDIPENDENTI

Vengono usati in alta frequenza

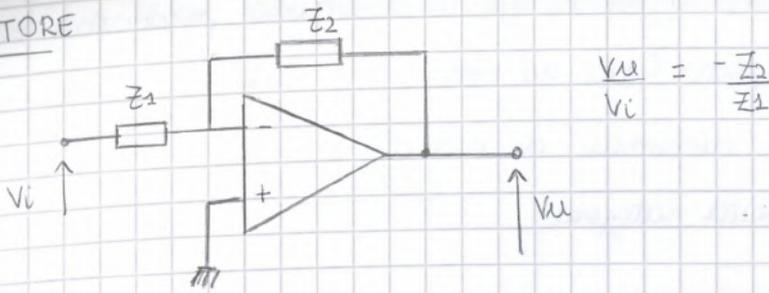


$V_A \sim \text{COSTANTE}$



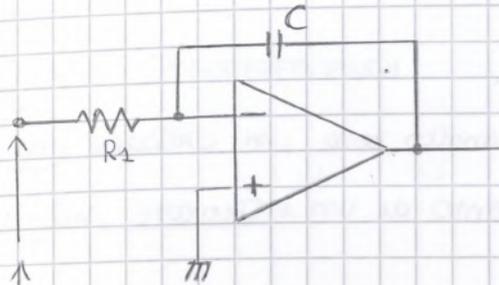
Se mando in ingresso un gradino, qual è la massima corrente che si può mandare nel condensatore?  $I_1 - I_2$ . Quindi  $I_{C\text{MAX}} = I_0$

# INTEGRATORE



$$\frac{V_u}{V_i} = -\frac{Z_2}{Z_1}$$

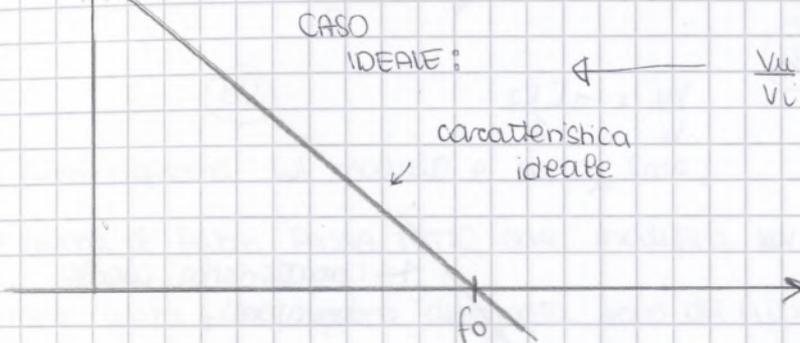
- Cosa succede se al posto di  $Z_2$  inserisco un condensatore?



$$\frac{V_u}{V_i} = -\frac{1}{sR_1C}$$

Facendo la trasformata:

$$V_u(s) = V_u(0) - \frac{1}{RC} \int_0^t V_i(t) dt$$

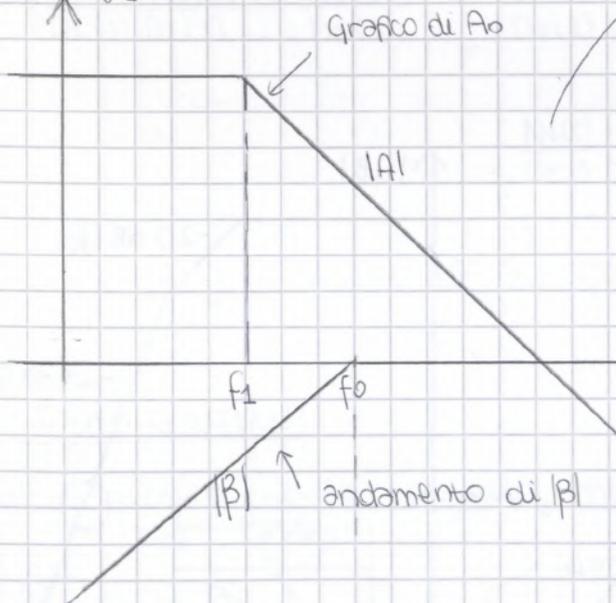


$$\frac{V_u}{V_i} = -\frac{1}{sR_1C}$$

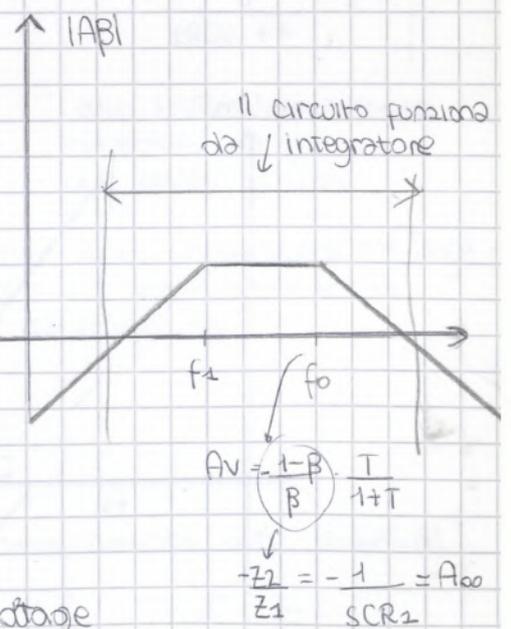
$f_0 = \frac{1}{2\pi R_1 C}$  → frequenza per cui il guadagno è unitario

Il sistema è stabile? Calcolo  $\beta$ .

$$\beta = \frac{R_1}{R_1 + 1/sC} = \frac{sR_1C}{1 + sR_1C}$$



Combinando i due grafici: (prodotto di  $A \cdot \beta$ )



$$A_v = -\frac{1-\beta}{\beta} \cdot \frac{T}{1+T}$$

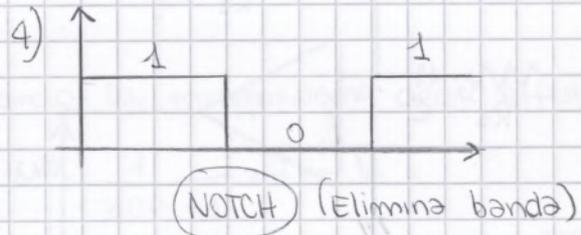
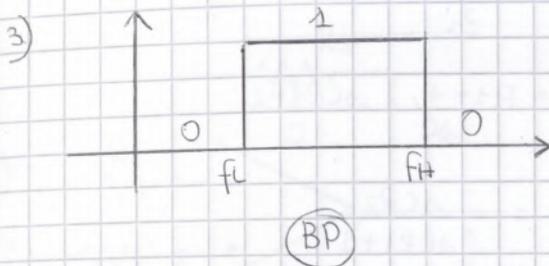
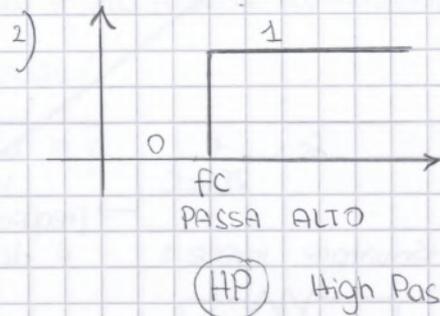
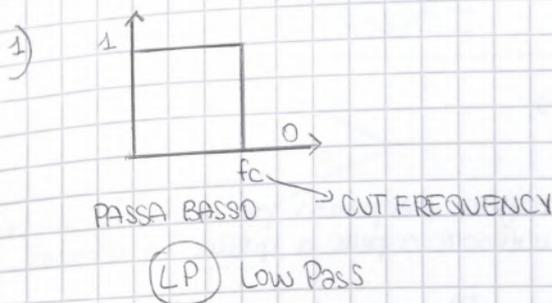
$$-\frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{1}{sR_1C} = A_{00}$$

In alta frequenza, la stabilità è la stessa del Voltage Follower.

In bassa frequenza,  $T$  è molto ridotto, essendo nullo per la continua.

Per frequenze molto alte non funziona. (Amor peggio dell'integratore). Inoltre il rumore in alta frequenza viene trascinato.

## FILTRI ATTIVI



Questi filtri agiscono sul modulo e sulla fase.

Esiste anche il filtro PASSA TUTTO, che modifica la fase e non il modulo.

Ovviamente, questi filtri appena disegnati sono dei filtri ideali.

$$H(s) = \frac{N(s)}{D(s)}$$

ORDINE

l'ordine del filtro è il grado massimo del denominatore.

$$H(s) = \frac{N_1(s) \cdot N_2(s) \cdot \dots \cdot N_n(s)}{D_1(s) \cdot D_2(s) \cdot \dots \cdot D_n(s)} = \frac{N_1(s)}{D_1(s)} \cdot \frac{N_2(s)}{D_2(s)}$$

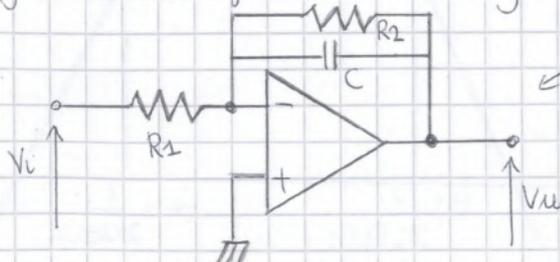
$$\frac{N_1(s)}{D_1(s)} \quad \text{---} \quad \frac{N_2(s)}{D_2(s)}$$

i due blocchi non sono influenzati da quello che hanno prima

CELLE IN CASCATA (non sono influenzate tra loro) per via dell'impedenza di uscita bassissima

## FILTRI TEMPO CONTINUI

Segnale analogico sia in ingresso che in uscita.

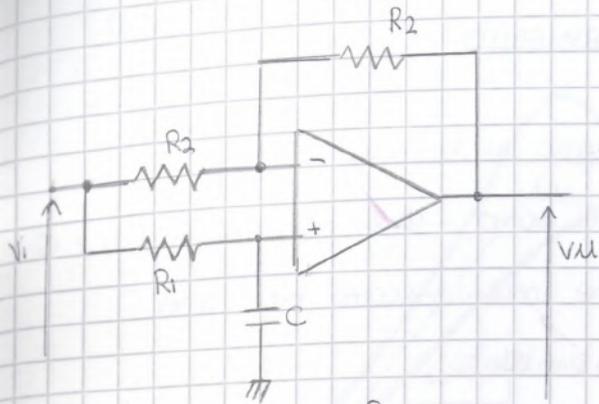


INTEGRATORE (principalmente solo invertente)

$$\frac{V_u}{V_i} = -\frac{Z_2}{Z_1} = \frac{R_2}{R_1} \cdot \frac{1}{1 + sRC}$$

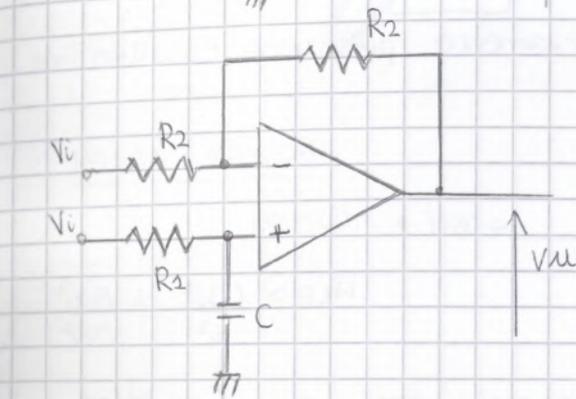
$Q_{MAX} = 0,5 \rightarrow$  verrà visto meglio in seguito

fattore di merito (più è alto il  $Q$  più è stretta la banda)



Qual è la funzione di trasferimento di questo circuito?

$$\frac{V_u}{V_i} = ?$$



Usando la sovrapposizione degli effetti:

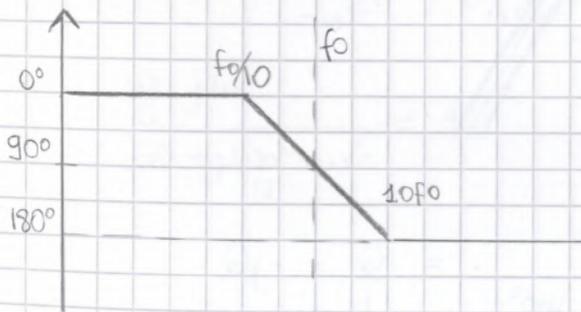
$$V_u = V_i \cdot \frac{1}{1 + CR_1 + 1} \cdot 2 - V_i =$$

$$= V_i \cdot \frac{1 - 2CR_1}{1 + CR_1 + 1}$$

$\frac{1 - jf/f_0}{1 + jf/f_0}$   
 zero nel semipiano di destra  
 ↓ polo in  $f_0$

Come funziona a zero nel semipiano di destra?

Per quanto riguarda la fase non cambia nulla rispetto al polo, mentre il modulo si comporta come uno zero.



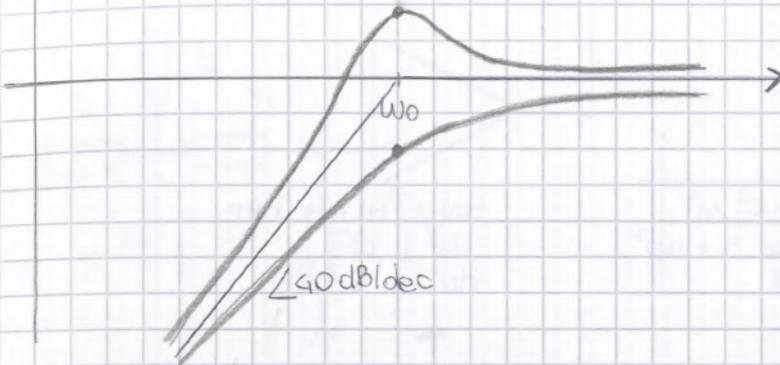
FILTRO ROTATORE DI FASE (DEL I° ORDINE) 0  
 PASSA TUTTO.

- PASSO ALTO

$$H(j\omega) = H_{OH} \cdot H_{HP}$$

$$H_{HP} = \frac{s^2}{s^2 + \frac{\omega_0}{Q}s + \omega_0^2}$$

$|H_{HP}| \uparrow$



Il discorso è identico al filtro p. basso

- PASSA BANDA

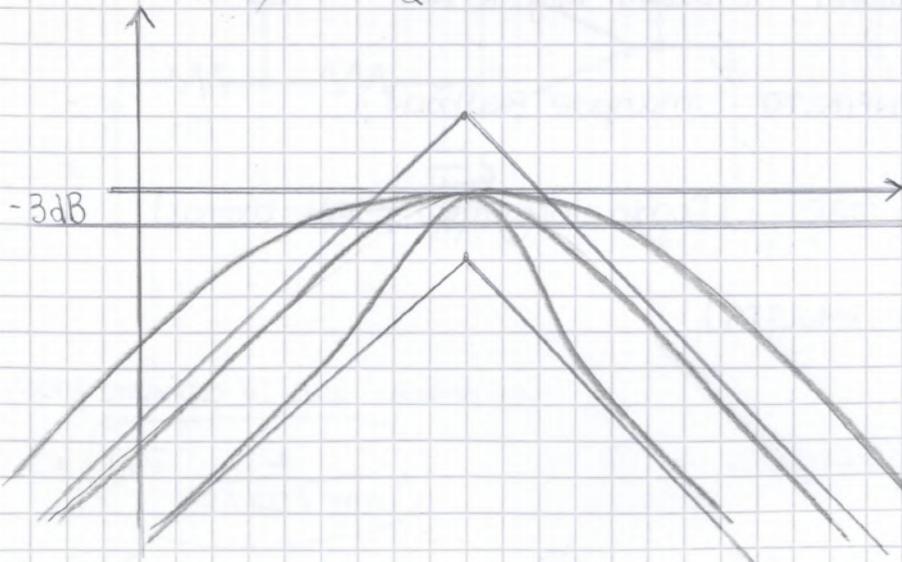
$$H_{BP} = \frac{\omega_0 s}{s^2 + \frac{\omega_0}{Q}s + \omega_0^2}$$

$$H(j\omega)_{\omega \rightarrow 0} \rightarrow \frac{j\omega_0 \omega}{\omega_0^2} = \frac{j\omega}{\omega_0}$$

$$H(j\omega)_{\omega \rightarrow \infty} \rightarrow \frac{j\omega_0 \omega}{-\omega^2} = -\frac{j\omega_0}{\omega}$$

Gli asintoti questa volta dipendono da Q.

$$H(j\omega_0) = \frac{\omega_0 j\omega_0}{- \cancel{\omega_0^2} + \frac{j\omega_0^2}{Q} + \omega_0^2} = 1$$



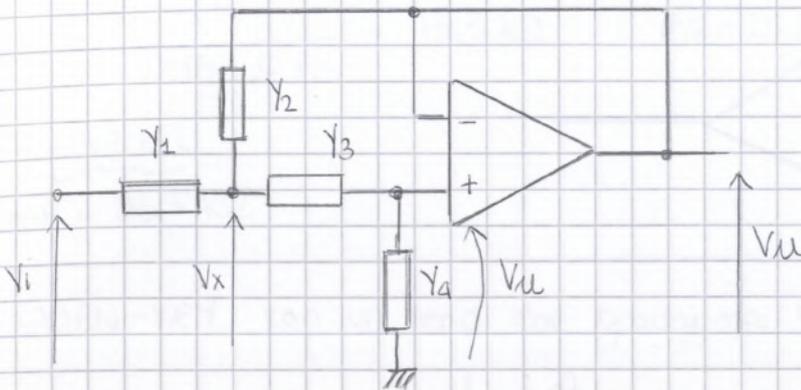
Più il Q è elevato, più la banda passante è stretta.

A -3dB:

$$\bullet f_L = f_0 \left( \sqrt{\frac{1 + \frac{1}{4Q^2}}{2Q}} - \frac{1}{2Q} \right)$$

$$\bullet f_H = f_0 \left( \sqrt{\frac{1 + \frac{1}{4Q^2}}{2Q}} + \frac{1}{2Q} \right)$$

- Sallen-Key → Cella a guadagno finito, 1 o.a. configurato come Voltage Follower, con l'aggiunta di una rete di reattanze per creare la componente filtrante.



$$\begin{cases} (V_i - V_x) Y_1 = (V_x - V_u) Y_2 + (V_x - V_u) Y_3 \\ (V_x - V_u) Y_3 = V_u Y_4 \end{cases} \quad \begin{matrix} Y_C = sC \\ Y_R = \frac{1}{R} \end{matrix}$$

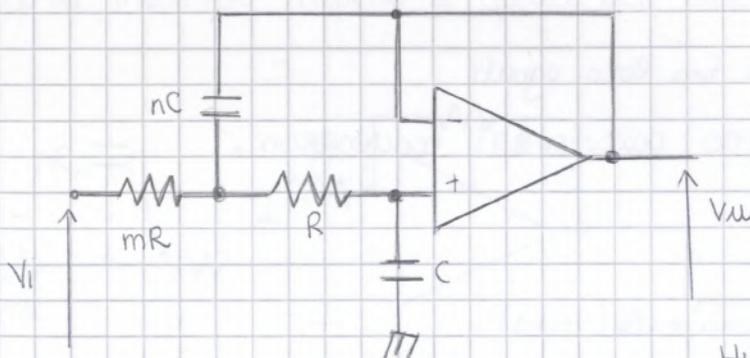
$$\frac{V_u}{V_i} = \frac{Y_1 Y_3}{Y_4 (Y_1 + Y_2 + Y_3) + Y_1 Y_3}$$

Se voglio realizzare un filtro p. basso, al denominatore non devo trovarmi dei termini in s. (numeratore grado 0 e denominatore di II grado)

$$Y_1 = \frac{1}{R_1} \quad Y_3 = \frac{1}{R_3}$$

$$Y_4 = sC_4 \quad Y_2 = sC_2$$

Ridisegnando il circuito con queste sostituzioni:



$$\frac{V_u}{V_i} = \frac{1}{s^2 m n R^2 C^2 + s R C (m+1) + 1}$$

Da confrontare con l'equazione canonica:

$$H_{LP} = \frac{1}{\frac{s^2}{\omega_0^2} + \frac{1}{Q\omega_0} s + 1}$$

Confrontando le due espressioni:

$$\bullet \quad \left( f_0 = \frac{1}{2\pi R C \sqrt{m n}} \right)$$

$$\frac{1}{Q\omega_0} = R C (m+1) \Rightarrow$$

$$\bullet \quad \left( Q = \frac{\sqrt{m n}}{m+1} \right)$$

(la Sensitivity di questo circuito è molto bassa.)

$$Q = \frac{\sqrt{m^2}}{m+1}$$

$$m^2 - \left(\frac{n}{Q^2} - 2\right)m + 1 = 0$$

→ Calcolo di m

$$k = \frac{n}{Q^2} - 2 = 2,5$$

$$m = \frac{k + \sqrt{k^2 - 4}}{2} = 2$$

$$R = \frac{1}{2\pi f_m C} = 13,3 \text{ k}\Omega$$

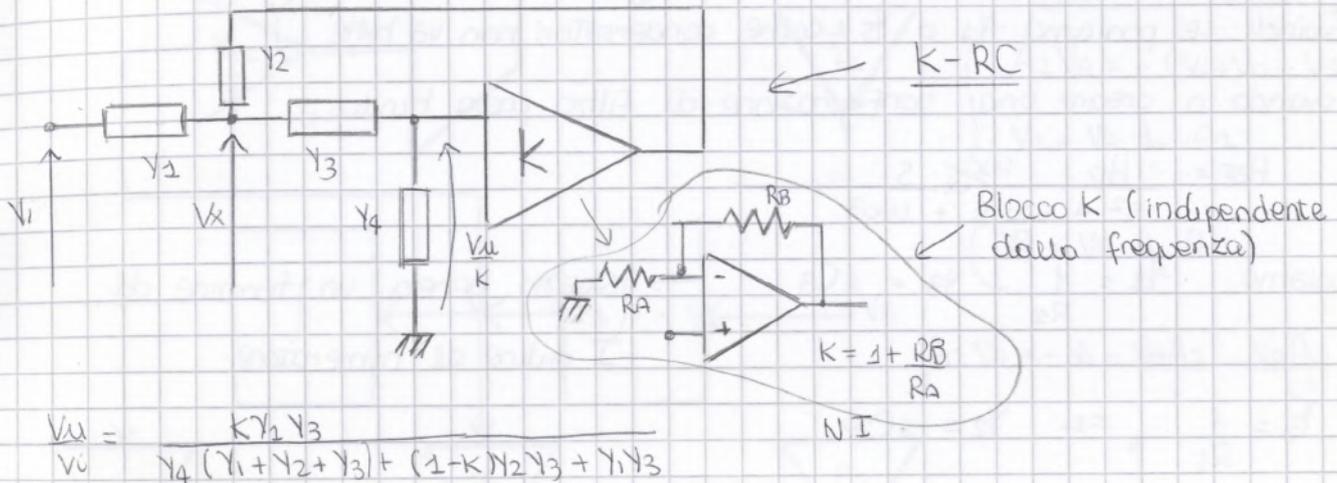
$$mR = 26,6 \text{ k}\Omega$$

$$R = 13,3 \text{ k}\Omega$$

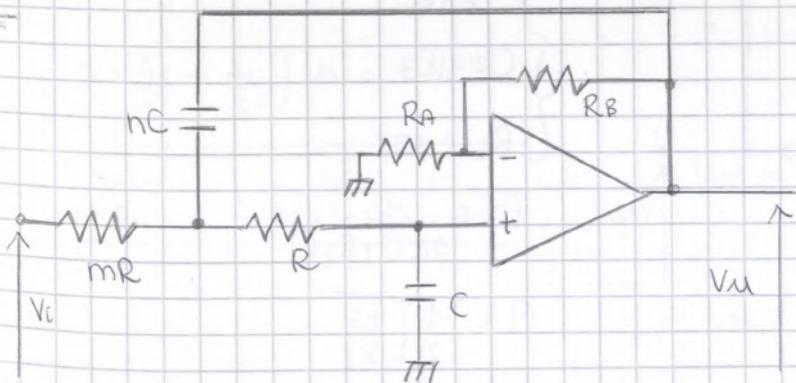
$$mR = 26,7 \text{ k}\Omega$$

FINE PROGETTO.

- Sallen-Key con un ampli che guadagna K e non 1, chiamato **K-RC**



Se dovessimo realizzare dei filtri, la posizione delle resistenze e dei condensatori rimarrà invariata rispetto a quella del Sallen-Key.



$$\frac{V_u}{V_i} = \frac{K}{s^2 m n R^2 C^2 + s R C [m+1 + (1-K) m n] + 1}$$

$$H_0 = K$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi \sqrt{m n} R C}$$

$$Q = \frac{\sqrt{m n}}{m+1 + (1-K) m n}$$

K modifica il non la frequenza

caratteristiche del filtro (K dipende dal rapporto tra RA ed RB)

Ponendo  $m=n=1$ ,  $H_0 = K$ ,  $f_0 = \frac{1}{2\pi R C}$ ,  $Q = \frac{1}{3-K}$

Bisogna prestare molta attenzione a K!

22/10/2012

COSTRUZIONE DI FILTRI CON PIU' AMPLIFICATORI OPERAZIONALI

$\int$  HHP  $\rightarrow$  HBP

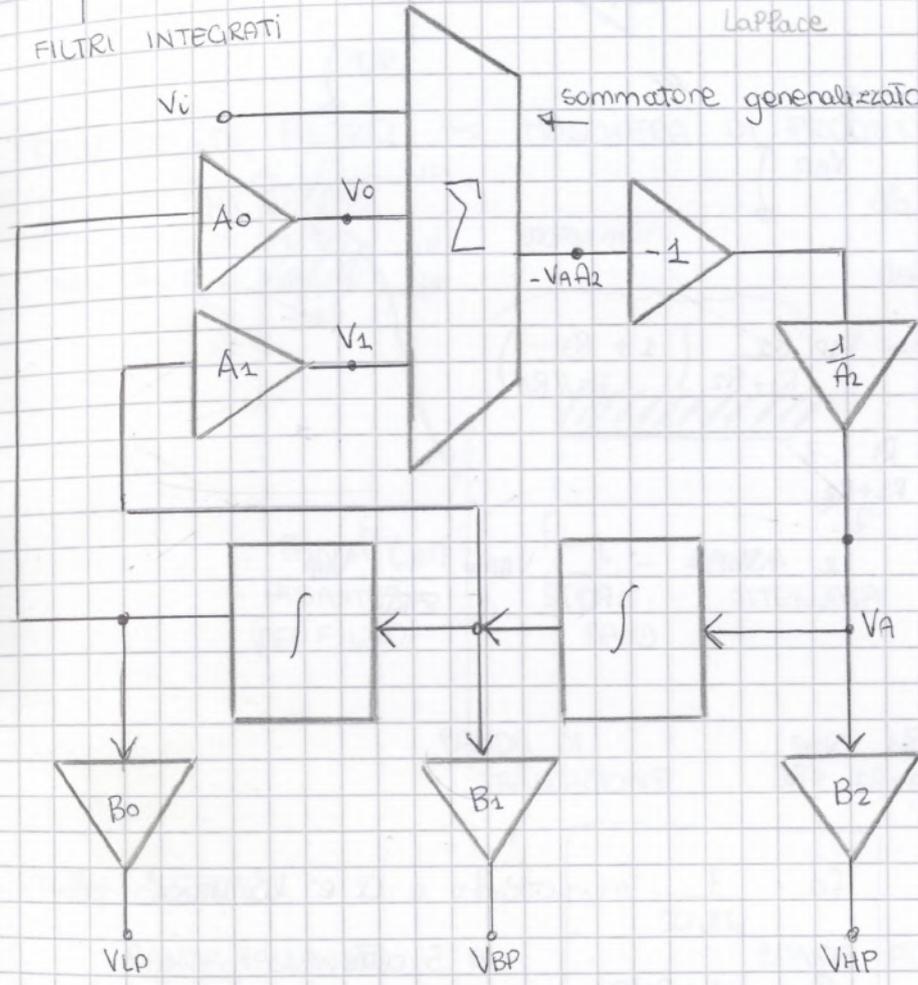
$\int$  HBP  $\rightarrow$  HLP

FILTRI INTEGRATI

EX:  $\frac{s^2}{s^2 + \omega_0 s + \omega_0^2} \cdot \frac{1}{s}$   $\leftarrow$  integrazione

(integrando un p.alto si ottiene un p.banda)  
 moltiplicazione per  $1/s$  nel dominio di Laplace

**FILTRO A**  
 VARIABILE DI STATO ( $0$  A DOPPIO INTEGRATORE)



uscita sommatore,  
 $A_2 V_A = -(V_i + V_0 + V_1)$   
 $V_1 = V_A \cdot \frac{1}{s} \cdot A_1$   
 $V_0 = V_A \cdot \frac{1}{s^2} \cdot A_0$

$A_2 V_A = -V_i - \frac{V_A A_1}{s} - \frac{V_A A_0}{s^2}$

espressione in funzione di  $V_A$  e  $V_i$ , quindi trovo la funzione di trasferimento

$(A_2 + \frac{A_1}{s} + \frac{A_0}{s^2}) V_A = -V_i$

$\frac{V_A}{V_i} = - \frac{s^2}{A_2 s^2 + A_1 s + A_0}$

$V_{HP} = -V_i \frac{B_2 s^2}{A_2 s^2 + A_1 s + A_0}$

$V_{BP} = -V_i \frac{B_1 s}{A_2 s^2 + A_1 s + A_0}$

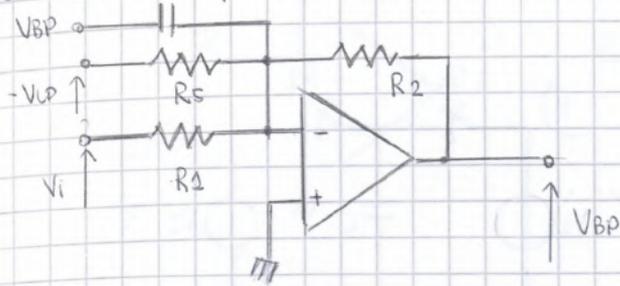
$V_{LP} = -V_i \frac{B_0}{A_2 s^2 + A_1 s + A_0}$

3 USCITE

Quindi, si necessitano di 3 amplificatori op: due integratori e un sommatore generalizzato

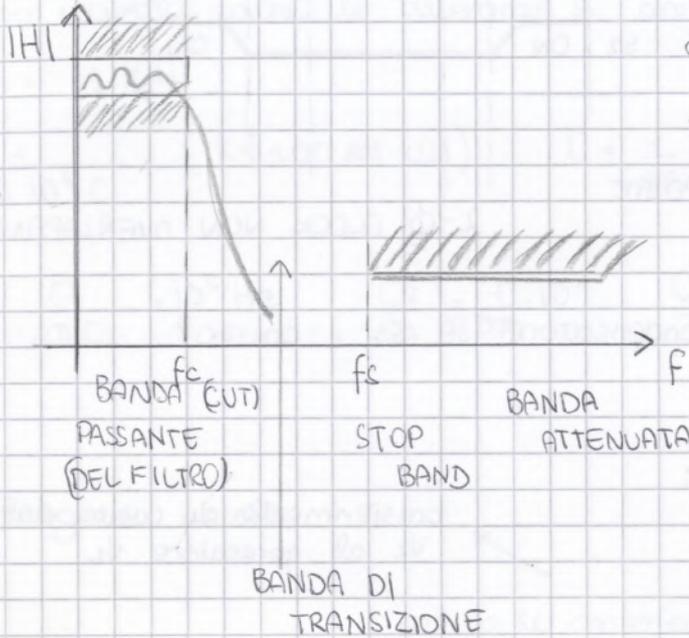
$\rightarrow$  Realizzazione pagina seguente

IL primo stadio si puo' vedere come un sommatore:



← Studiare il circuito considerando questo sommatore

PROGETTO DI FILTRO → MASCHERA DI PROGETTO



da maschera di progetto definisce i limiti superiore ed inferiore entro cui deve essere compresa la funzione di trasferimento del filtro.

FILTRI "OTTIMI"

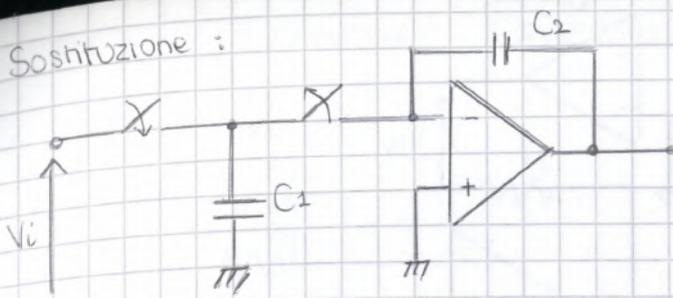
Specifiche:

BANDA PASSANTE

BANDA ATTENUATA

- Monotono	- Monotono	→ <u>Filtro di Bessel</u>
- Fase lineare		
- Monotono	- Monotono	→ <u>Filtro di Butterworth</u>
- Fase qualunque		
- Ripple	- Monotono	→ <u>Chebyshev</u>
- Ripple	- Ripple	→ <u>Ellittico</u>

Sostituzione:



$$\frac{V_u}{V_i} = - \frac{1}{sC_2} \cdot C_1 f_{clk}$$

$$f_0 = \frac{C_1 f_{clk}}{2\pi C_2}$$

La freq. di questo filtro è programmabile cambiando quella di clock.

Inoltre la presenza di un rapporto tra i condensatori mi permette di avere una precisione più accurata perché le tolleranze si "annullano".

Ex:  $f_0 = 1 \text{ kHz}$

$$10^3 = \frac{1}{2\pi \cdot 10^5 \cdot C} \quad (R = 100 \text{ k}\Omega) \quad C = \frac{1 \cdot 10^{-8}}{2\pi} = \underline{\underline{1,6 \text{ mF}}}$$

$$10^3 \text{ Hz} = \frac{C_1}{2\pi C_2} \cdot 10^5 \text{ Hz} \quad \frac{C_2}{C_1} = \frac{1 \cdot 10^2}{2\pi} \quad \underline{\underline{C_2 = 15,9 C_1}}$$

### VANTAGGI

- Facile da integrare, piccolo

### SVANTAGGI

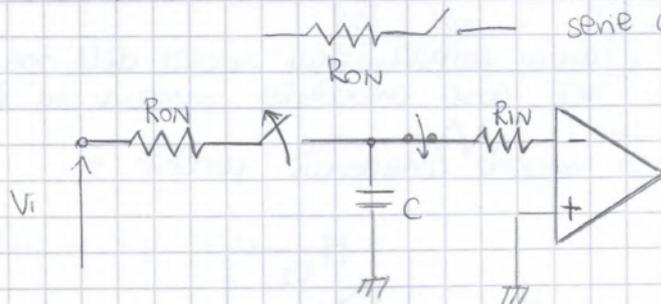
- Sistema campionato  $\rightarrow$  Frequenza di Nyquist  $\rightarrow$  Aliasing

### LIMITI SC

$f_{clk} \text{ MAX}$  - Banda / SlewRate OP.AMP

-  $R_{on} \cdot C$

Resistenza non nulla in serie all'interruttore



L'interruttore non può rimanere chiuso per troppo tempo, altrimenti si accumula troppa carica sul condensatore.

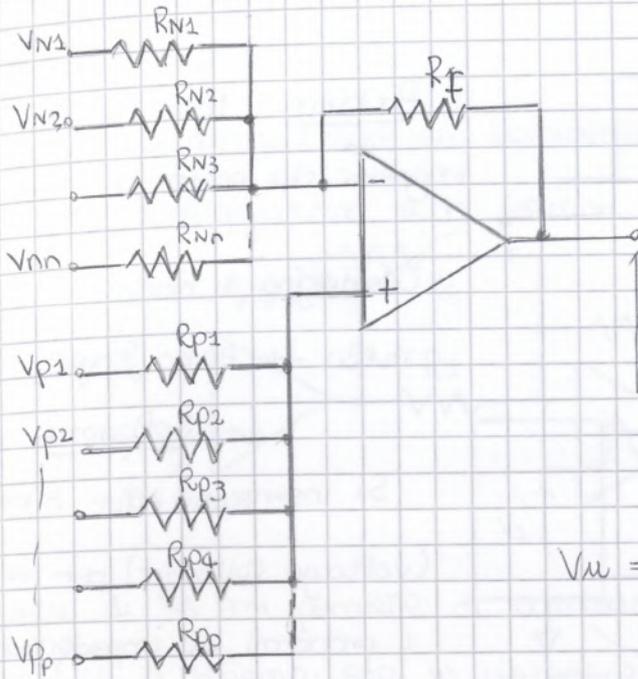
$$100 \text{ Hz} < f_{clk} < 10 \text{ MHz}$$

$\text{MIN} - I_b$

$$f_s \leq \frac{1}{5} f_{clk}$$

freq. massima del segnale

## SOMMATTORE GENERALIZZATO



$$V_{w|V_i} = -\frac{R_f}{R_{N_i}} \cdot V_{N_i}$$

$$R_N = R_{N1} // R_{N2} // R_{N3} \dots // R_{Nn}$$

$$A_N = \frac{R_f}{R_N}$$

$$V_w = (A_N + 1) \sum_{j=1}^p \frac{R_p}{R_{p_j}} V_{p_j} - \sum_{i=1}^n \frac{R_f}{R_{N_i}} V_{N_i}$$

$$V_w = \sum_{j=1}^p K_{p_j} V_{p_j} - \sum_{i=1}^n K_{N_i} V_{N_i}$$

$$K_{N_i} = \frac{R_f}{R_{N_i}} \quad A_N = \frac{R_f}{R_N} = \sum_{i=1}^n K_{N_i}$$

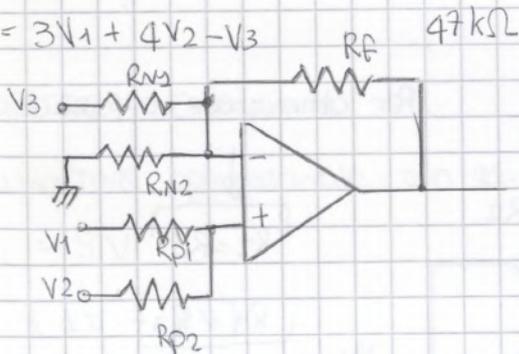
$$A_p = \sum_{i=1}^p K_{p_i}$$

$$A_N + 1 = A_p$$

Deve essere valida questa relazione

### ESEMPIO:

$$V_w = 3V_1 + 4V_2 - V_3$$



$$K_{N1} = 1$$

$$K_{N2} = 5$$

$$\begin{cases} R_f = R_{N1} \\ R_{N2} = \frac{R_f}{5} \end{cases}$$

$$R_{N1} = 47 \text{ k}\Omega$$

$$R_{N2} = 10 \text{ k}\Omega$$

$$\frac{R_{p2}}{R_{p1}} = \frac{K_{p1}}{K_{p2}}$$

$$R_{p2} = \frac{K_{p1}}{K_{p2}} \cdot R_{p1}$$

$$R_{p2} = \frac{3 R_{p1}}{4}$$

$$R_f // R_{N1} // R_{N2} = R_{p1} // R_{p2}$$

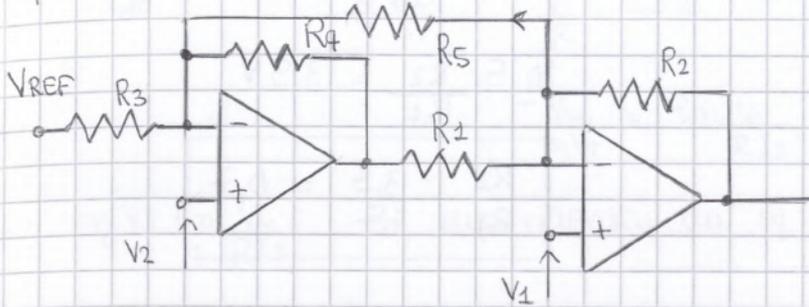
$$V_u = K_2 \cdot \frac{R + R_A + R_B}{R} (V_1 - V_2)$$

→ Ad è funzione di R e quindi facilmente regolabile

24/10/12

Altro schema da amplificatore da strumentazione:

III) In questa configurazione sono presenti solo due amplificatori operazionali

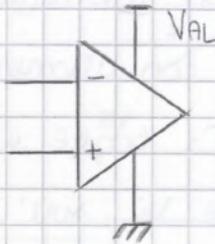


Rif. 10

AMPLIF. DA  
STRUMENTAZ. CON  
2 OP-AMP

l'aggiunta di  $R_5$  mi permette di cambiare il guadagno differenziale del sistema (se il sistema era in precedenza un ampli differenziale)

### ALIMENTAZIONE SINGOLA



EX: LM324 → alim. singola SS (Single Supply)

TL082 → no alim. singola, infatti ha un limite inferiore sulla dinamica di ingresso

#### • ESERCIZIO - Esempio 4

Amplificatore operazionale con alim. singola LMH6645 (Rail-to-Rail)

-  $V_{AL} = 5V$

-  $V_i [1V - 2V]$

-  $V_u = 0,5V$  (quando  $V_i = 1V$ )

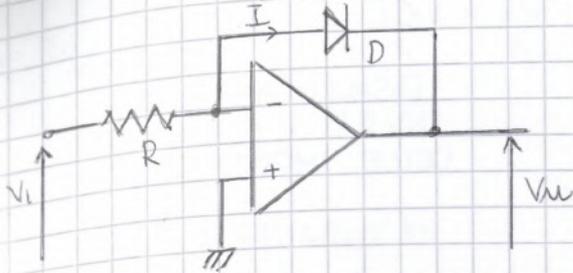
-  $V_u = 4,5V$  (quando  $V_i = 2V$ )



← Funzione di trasferimento

# AMPLIFICATORI NON LINEARI

## AMPLIFICATORE LOGARITMICO



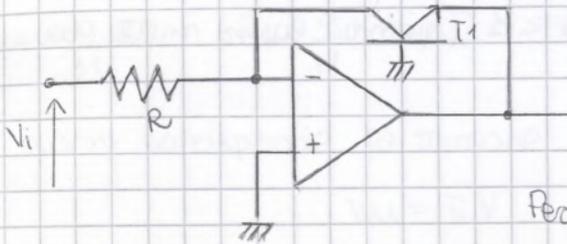
$$I = \frac{V_i}{R} \quad I_D = I_S (e^{V_D/mV_T} - 1) \approx I_S e^{V_D/mV_T}$$

$$\frac{V_i}{R} = I_S e^{-V_u/mV_T} \quad \leftarrow \quad V_u = -V_D$$

$$\frac{-V_u}{mV_T} = \frac{\ln V_u}{R I_S}$$

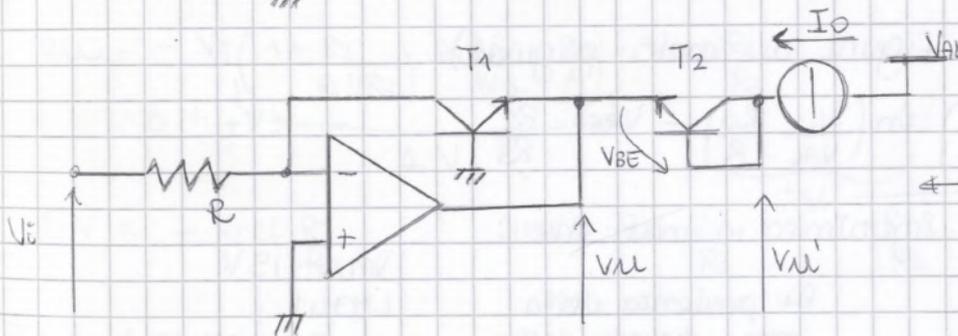
$$V_u = -m V_T \ln \frac{V_i}{R I_S} \quad \rightarrow \text{dipendenza da } m \text{ e } I_S !$$

Per risolvere la dipendenza da  $m$  e  $I_S$ , sostituisco il diodo con un transistor bipolare (in modo da avere  $m=1$ ):



$$V_u = -V_T \ln \frac{V_i}{R I_S}$$

Per ridurre invece, la dipendenza da  $I_S$ :



$\leftarrow$   $V_u'$  è prelevato in un punto di alta impedenza

$$V_u' = V_u + V_{BE}$$

$$I_o = I_{S2} e^{V_{BE}/V_T} \Rightarrow V_{BE} = V_T \ln \frac{I_o}{I_{S2}}$$

Allora:

$$V_u' = -V_T \ln \frac{V_i}{R I_{S1}} + V_T \ln \frac{I_o}{I_{S2}} = -V_T \ln \left( \frac{V_i}{R I_{S1}} \cdot \frac{I_{S2}}{I_o} \right)$$

Se  $T_1$  e  $T_2$  sono montati sullo stesso chip di silicio e hanno la

$$\text{stessa area} \Rightarrow I_{S1} = I_{S2} \Rightarrow$$

si è eliminata  $\rightarrow$

$$V_u' = -V_T \ln \left( \frac{V_i}{R I_o} \right)$$

la dipendenza dalla temperatura

$$\frac{V_i \cdot R_0}{R \cdot V_{AL}} = 1 \quad (\text{Quando } V_i \text{ grande})$$

$$I_{u, \text{MAX}} = I_{\text{MAX}} + I_0 = \frac{10V}{R} + \frac{1V}{R} = \frac{11V}{R} < 5 \text{ mA}$$

$I_0$  di solito è pari al 10% di  $I$ , quindi trascurabile.

$$R > \frac{11V}{5 \text{ mA}} = 2,2 \text{ k}\Omega$$

(contrasto con data sheet)

$$\frac{V_{\text{min}}}{R} \gg I_b + \frac{I_{\text{off}}}{2}$$

↳ massimo valore delle correnti di polarizzazione

$$R \ll \frac{0,1V}{600 \mu\text{A}} = 167 \text{ k}\Omega$$

$$R = 15 \text{ k}\Omega \quad R_0 = 220 \text{ k}\Omega$$

$$\left( \frac{V_{\text{max}}}{R} + \frac{1V}{R} \right) \cdot R_4 < 9V \quad \rightarrow \text{in modo tale da non superare la dinamica di uscita}$$

$$R_4 < \frac{9R}{11} \quad R_4 < \frac{9}{11} \cdot 15 \text{ k}\Omega \Rightarrow R_4 = 10 \text{ k}\Omega$$

A quanto corrisponde la tensione di uscita nel pto di deriva termica nulla?

$$V_{AL} = 5V$$

$$V_{u2} = -V_T \left( 1 + \frac{R_2}{R_1 // R_3} \right) \frac{V_i \cdot R_0}{V_{AL} \cdot R} - V_{\text{ref}} \frac{R_2}{R_3}$$

1 V

$$5V = -V_{\text{ref}} \frac{R_2}{R_3}$$

$$V_{\text{ref}} = -5V \cdot \frac{R_3}{R_2}$$

$$\frac{R_3}{R_2} = 3$$

Scegliendo come  $V_{\text{ref}}$  la tensione di alim.

$$V_{\text{ref}} = -15V$$

" -  $V_{AL}$

Come dimensionare?

$$0V = -V_T \left( 1 + \frac{R_2}{R_1 // R_3} \right) \ln 10 + 5V \quad (\text{quando } V_u = 0, V_i = 10)$$

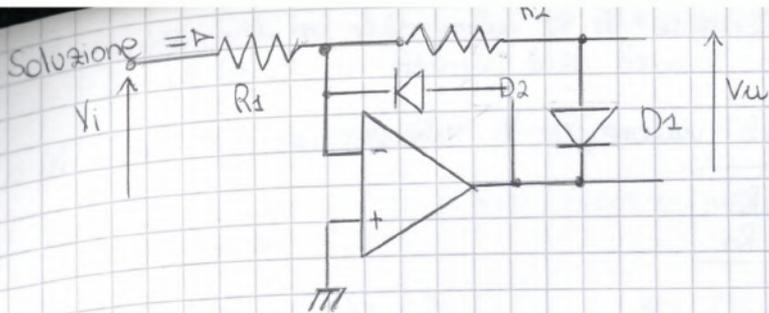
$$\frac{+5V}{V_T \ln 10} = 1 + \frac{R_2}{R_1 // R_3} = 83,5$$

$$R_2 = 82 \text{ k}\Omega$$

$$R_1 = 1 \text{ k}\Omega$$

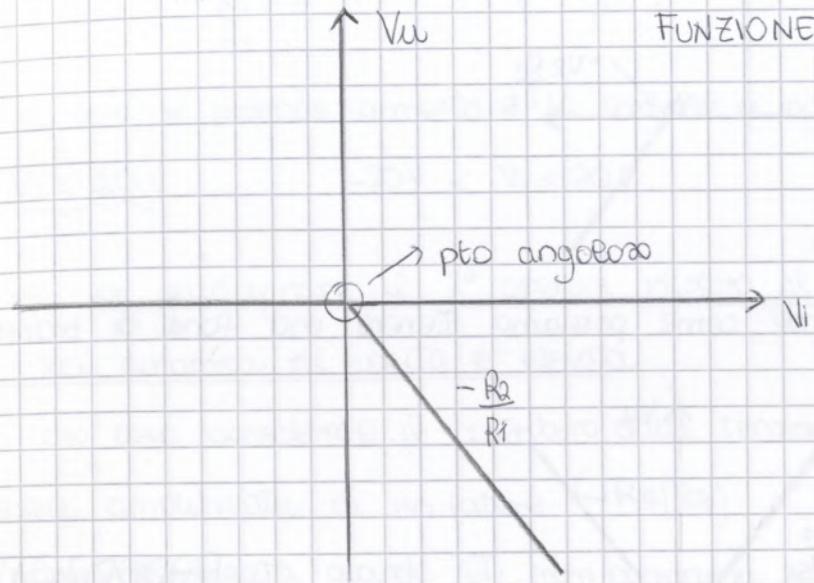
$$R_3 = 270 \text{ k}\Omega$$

⇒ valori trovati con l'opportuno dimensionamento



→ CIRCUITO CORRETTO  
 Quando  $V_i < 0$ ,  $D_2$  entra in conduzione e chiude la retroazione.

FUNZIONE DI TRASFERIMENTO



NON HO CARTE

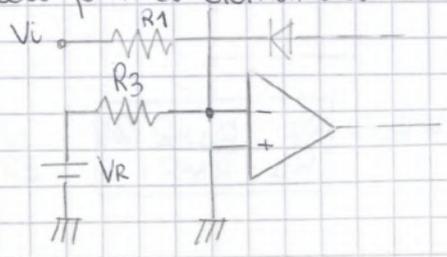
$Z_u$  e' bassa se  $D_1$  conduce ( $V_u < 0$ ) (no)  
 $Z_u = ?$  se  $D_2$  conduce? ( $V_u = 0$ )  $\Rightarrow Z_u = R_2$

L'impedenza di uscita e' diversa a seconda del diodo che conduce.  
 Inserendo un carico  $R_L$  tra  $R_2$  e massa non passa corrente in  $R_2$  e va bene, se invece e' presente anche una resistenza equivalente ho un passaggio di corrente, ma possiamo ovviare al problema collegando il carico a 0 V.

In conclusione, nel diodo ideale il carico deve essere riferito a 0 V.

- E' possibile traslare la caratteristica, spostando il pto angolare a destra o a sinistra?
- Cosa succede se scambio le polarita' dei diodi? La corrente in  $R_2$  passa solo per tensioni negative. La semionda negativa viene raddrizzata.

Tornando alla prima domanda invece inserisco  $R_3$ :



• Cosa succede se  $\frac{R_2}{R_1} = 2$  e  $\frac{R_4}{R_3} = 1$  ?

l'uscita non può essere maggiore di 5V, altrimenti l'uscita va in saturazione.  
 me.  $V_i < 5V$  (Non rientra nella dinamica di ingresso del 1° operaz.)

•  $\frac{R_2}{R_1} = 1$        $\frac{R_4}{R_3} = 2$       ← OK

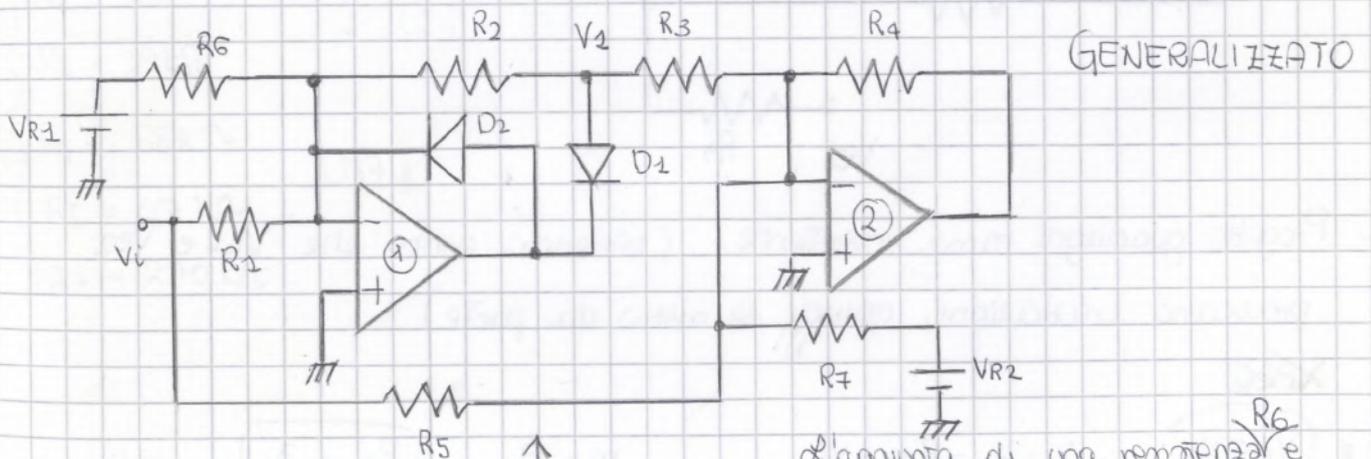
In questo caso è possibile aumentare la tensione di ingresso.

$V_i < 10V$        $-20V < V_i < 20V$

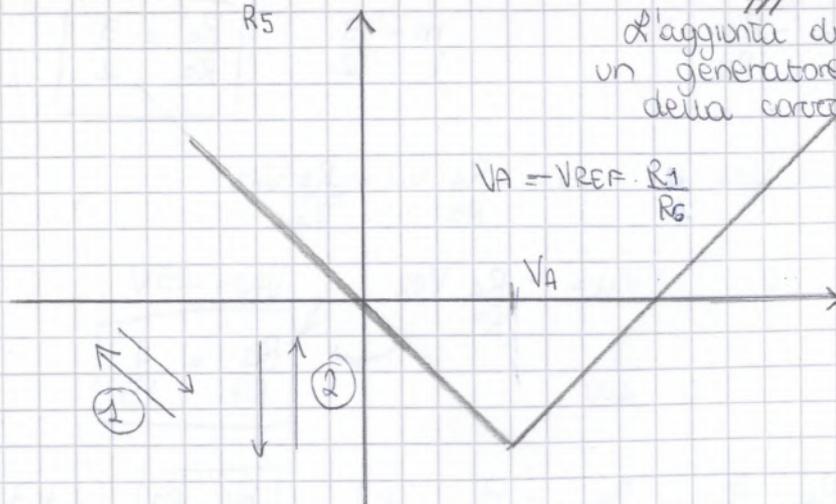
Conclusione: far guadagnare il 2° operaz rispetto al 1° è più vantaggioso poiché la dinamica di uscita è elevata.

In ogni caso devo considerare il contributo della tensione di offset che viene anch'essa amplificata di un fattore  $(-R_4/R_7)$

Essa viene ottimizzata quando ② non guadagna sul ramo del diodo ideale.



l'aggiunta di una resistenza e un generatore provoca la traslazione della caratteristica



Se introduco R7 e VR2 traslo la caratteristica in verticale

$V_i < V_A$

$V_u = -V_i \frac{R_4}{R_5} - V_{R2} \frac{R_4}{R_7}$

$V_u(V_A) = -V_A \cdot \frac{R_4}{R_1} - V_{R2} \cdot \frac{R_4}{R_7}$

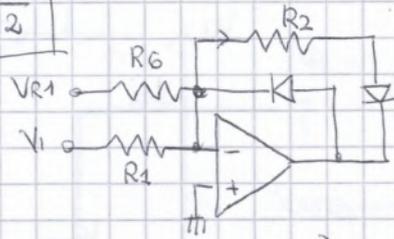
Utilizzando la max dinamica di ingresso:  $\left| \frac{R_2}{R_1} = 1 \right| \rightarrow$  guadagno unitario per il 1° stadio

Quindi  $\left[ \frac{R_4}{R_3} = \frac{5}{2} \right]$

$\frac{4-1}{5-2}$

$\frac{V_{R1}}{R_6} + \frac{V_i}{R_1} = 0$

$\frac{V_{R1}}{R_6} = -\frac{2V}{R_2}$



Dimensionamento di  $\frac{R_1}{R_6}$

il punto angoloso si ha quando  $I_{R2} = 0$  (cambiamento soglia)

Per compensare il  $\ominus$ ,  $V_{R1} = -15V$

$\left[ \frac{R_1}{R_6} = \frac{2}{15} \right]$

Adesso e' possibile dimensionare tutte le resistenze :

$R_2 = 27k\Omega$

$R_1 = 27k\Omega$

$\frac{R_1}{R_6} = \frac{2}{15} \Rightarrow R_6 = \frac{15}{2} \cdot 27k\Omega = 202.5k\Omega$

$R_3 = 27k\Omega$

$R_4 = 68k\Omega$

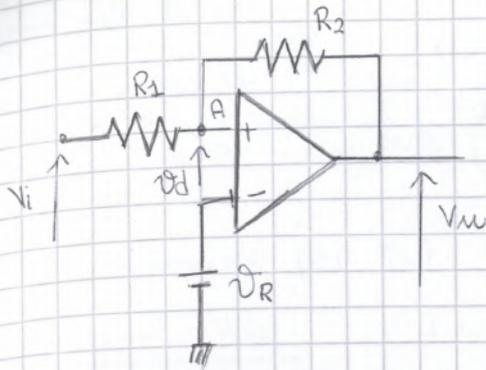
LMT41

$R_5 = 47k\Omega$

$R_7 = 270k\Omega$

COMPARATORE CON

31/10/12



ISTERESI (N.I)

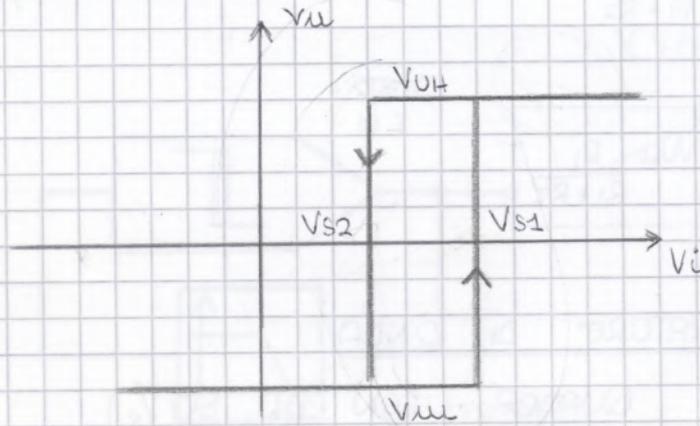
$$V_A = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{UH} + \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_i$$

Sovrapposiz degli effetti

Il valore di  $V_i$  per cui  $V_A = V_R$  e' il valore della soglia.

$$V_R = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{UH} + \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_{S2}$$

$$\left\{ \begin{aligned} V_{S2} &= \frac{-R_1}{R_2} V_{UH} + \frac{R_1 + R_2}{R_2} V_R \\ V_{S1} &= \frac{-R_1}{R_2} V_{UL} + \frac{R_1 + R_2}{R_2} V_R \end{aligned} \right. \Rightarrow \text{D tensioni di soglia}$$



$$V_{S1} - V_{S2} = \frac{-R_1}{R_2} (V_{UH} + V_{UL}) \rightarrow \text{differenza tra le due soglie}$$

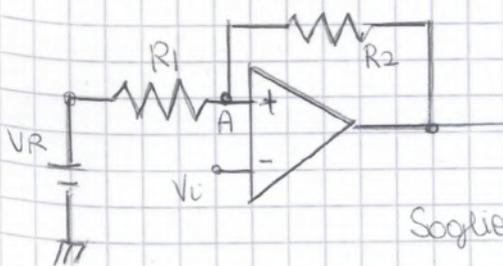
Se:  $V_{UL} = -V_{UH} \Rightarrow V_{S1} - V_{S2} = + \frac{V_{UH} R_1}{R_2}$

$$\frac{V_{S1} + V_{S2}}{2} = \frac{R_1 + R_2}{R_1} V_R - \frac{1}{2}$$

Se  $V_{UL} = -V_{UH}$

$$\left| \frac{V_{S1} + V_{S2}}{2} = \frac{R_1 + R_2}{R_1} V_R \right|$$

Come trasformare invece un comparatore invertente?



$$V_A = V_{UH} \frac{R_1}{R_1 + R_2} + V_R \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad \text{N.I}$$

Soglie:  $V_{S1} = \frac{V_{UH} R_1}{R_1 + R_2} + V_R \frac{R_2}{R_1 + R_2}$

$$V_{S2} = \frac{V_{UL} R_1}{R_1 + R_2} + V_R \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

Quanto vale  $T_1 = ?$

$$V_{s1} = (V_{s2} - V_{UH}) e^{-\frac{T_1}{RC}} + V_{UH}$$

$$\frac{V_{s1} - V_{UH}}{V_{s2} - V_{UH}} = e^{-\frac{T_1}{RC}} = D$$

Ricavando  $T_1$ :

$$T_1 = RC \ln \frac{V_{UH} - V_{s2}}{V_{UH} - V_{s1}} \rightarrow \text{semiperiodo}$$

(Analogamente per  $T_2$ )

Se  $V_{UL} = -V_{UH}$ :

$$T = 2RC \ln \frac{V_{UH} - V_{s2}}{V_{UH} - V_{s1}}$$

$$V_{UL} = -V_{UH}$$

$$V_{s1} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{UH}$$

$$V_{s2} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{UL} = \frac{-R_1}{R_1 + R_2} V_{UH} = \underline{-V_{s1}}$$

Risolvendo  $T$ :

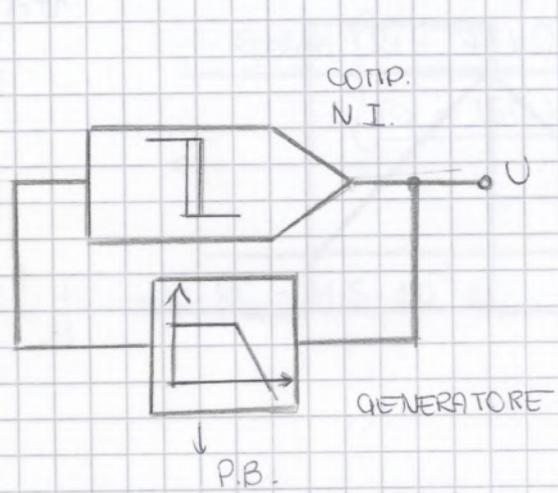
$$T = 2RC \ln \left( \frac{2R_1 + R_2}{R_2} \frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) = 2RC \ln \left( \frac{2R_1 + R_2}{R_1 + R_2} \right)$$

non dipende

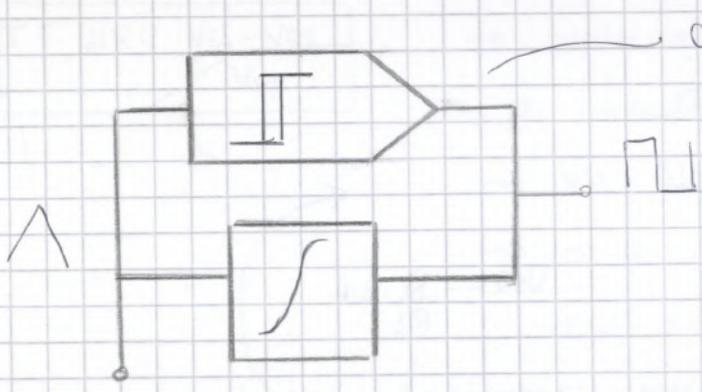
dalla tensione

di soglia

può essere usato quando non si necessita una buona precisione sulla frequenza di uscita.



cosa succede se al posto del PB metto un integratore?



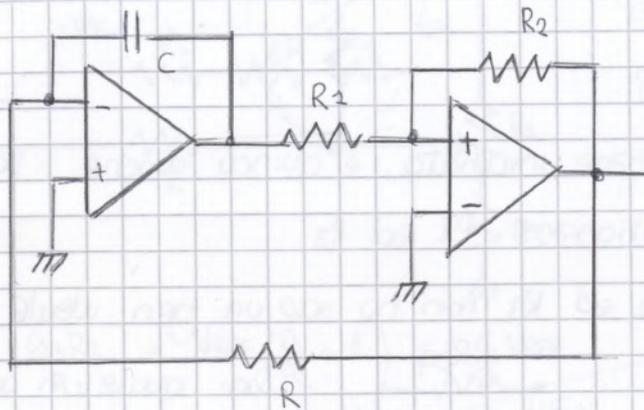
# ESERCIZIO (GEN. D'ONDA TRIANGOLARE)

LM741  $V_{AL} \pm 15V$

$f = 500 \text{ Hz}$  (fr. di uscita)

$V_{ipp} \approx 8V$

$\bar{V}_T = 0V$



$V_{S1} = 4V$   
 $V_{S2} = -4V$

$V_{S1} = -\frac{R_1}{R_2} V_{UL}$

$V_{S1} - V_{S2} = 2V_{OH} \frac{R_1}{R_2}$

$\frac{R_1}{R_2} = \frac{4V}{12V} = \frac{1}{3}$

Scelgo  $\begin{cases} R_1 = 47 \text{ k}\Omega \\ R_2 = 150 \text{ k}\Omega \end{cases}$

→ valori non troppo elevati

$T = 4RC \cdot \frac{R_1}{R_2}$

$2 \cdot 10^{-3} = 4RC \cdot \frac{1}{3} \Rightarrow RC = 1,5 \cdot 10^{-3} \text{ s}$

$\begin{cases} R = 100 \text{ k}\Omega \\ C = 15 \text{ mF} \end{cases}$

$50 \leq f \leq 500 \text{ Hz}$

$T = \frac{2RC(V_{S1} - V_{S2})}{V_{OH}}$

COME VARIARE T "FINEMENTE"?

→ i condensatori a commutazione utilizzati per variazioni grossolane di f

→  $V_{S1}$  e  $V_{S2}$  non si possono cambiare

→ non posso variare R perché "servita" dopo per altre variazioni

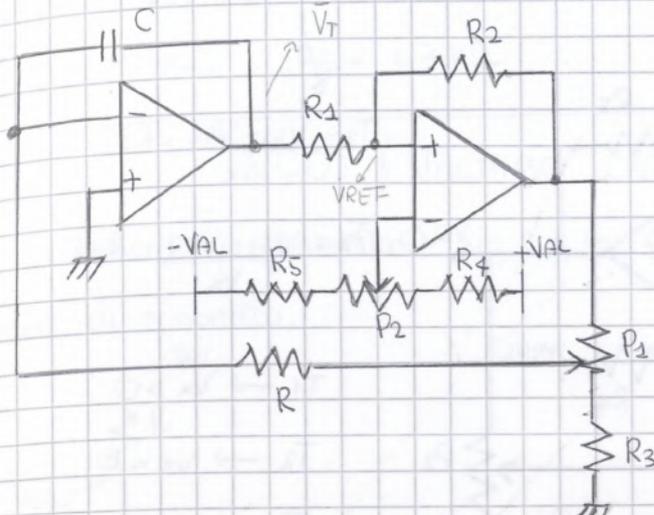
→  $V_{OH} = ?$

$f = \frac{V_{OH}}{2RC(V_{S1} - V_{S2})}$

Varando linearmente  $V_{OH}$  cambia la frequenza da  $V_{OH}$  è la tensione di uscita di saturazione e non può essere modificata, quindi inserisco un partitore : →

$4V < \bar{V}_T < 4V \rightarrow$  valore medio regolabile tra questi due valori

Come si cambia il val. medio dell'onda triangolare?  $\rightarrow$  Bisogna far variare le  
valore medio delle tensioni  
di soglia



$$\frac{Vs1 + Vs2}{2} = \bar{V}_T$$

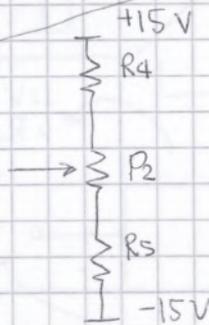
$$R4 = R5$$

$$P2 = 10k\Omega$$

$$V_{REF} = V_T \left( \frac{R2}{R1 + R2} \right)$$

$$\bar{V}_T = V_{REF} \cdot \frac{R1 + R2}{R2} = V_{REF} \left( \frac{R1}{R2} + 1 \right) = \frac{4}{3} V_{REF} \quad \left( \frac{4}{3} V_{REF_{MAX}} = 4V \right)$$

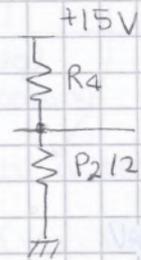
$$\left\{ \begin{aligned} V_{REF_{MAX}} &= \frac{4 \cdot 3}{4} V = 3V \\ V_{REF_{MIN}} &= -3V \end{aligned} \right.$$



calcolo so:

$$R4 = R5$$

$\Rightarrow$



$$V_{REF_{MAX}} = \frac{P2/2}{R4 + P2/2} \cdot V_{AL}$$

È SE ASIMMETRICO

$$R4 = 2P2$$

$R4 = 20k\Omega$ , quindi si sceglie:

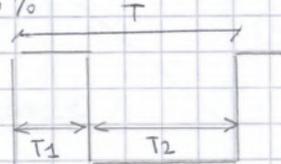
$$R4 = 18k\Omega$$

$$R5 = 18k\Omega$$

Se volessi avere Duty Cycle variabile, ad esempio:

$$DC_{MIN} = 25\% \quad , \quad DC_{MAX} = 75\%$$

$$DC = \frac{T1}{T1 + T2}$$



$$T1 = \frac{Vs1 - Vs2}{V_{OH}} \cdot R1 \cdot C$$

$$T2 = \frac{Vs1 - Vs2}{V_{OH}} \cdot R2 \cdot C$$

$$T = T1 + T2 = \frac{Vs1 - Vs2}{V_{OH}} (R1 + R2) C$$

IDEA: MANDARE AL  
CONDENSATORE CORRENTI  
DIVERSE A SECONDA DEL  
VERSO DELLA CORRENTE.

$$\frac{R_6}{2} = \frac{P_3}{4}$$

$$P_3 = 2R_6$$

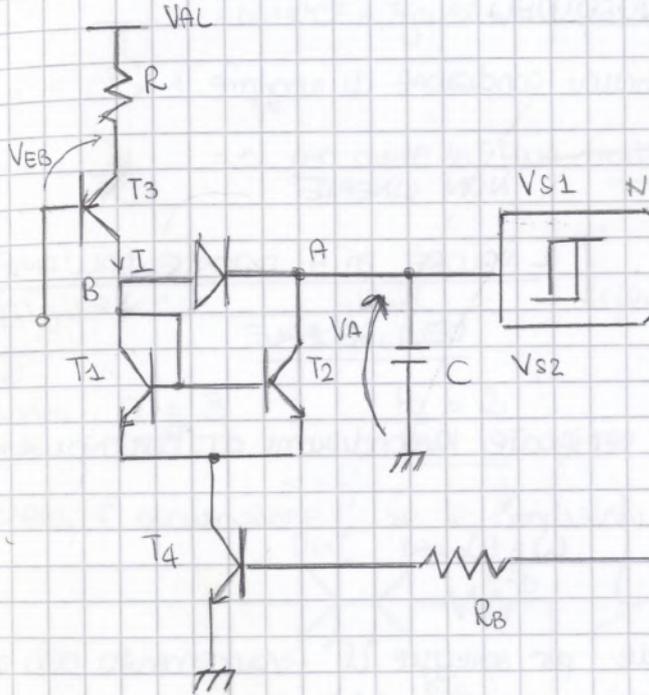
$$2P_3 = 200 \text{ k}\Omega$$

$$P_3 = 100 \text{ k}\Omega$$

$$R_6 = 47 \text{ k}\Omega$$

## VCO (VOLTAGE CONTROLLED OSCILLATOR) VCG

È un oscillatore (o generatore) in cui la frequenza dipende e varia da una tensione di controllo.

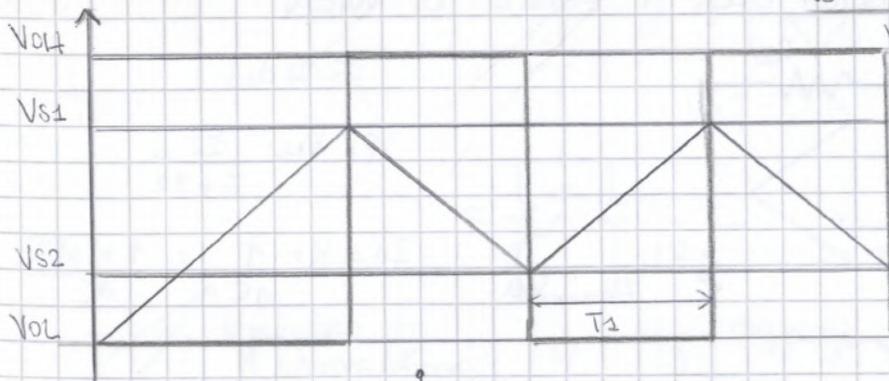


La frequenza di oscillazione dipende dal tempo impiegato dal condensatore che si carica per passare da una soglia all'altra.

comparatore alimentato a tensione singola ( $V_{S1}, V_{S2} > 0$ )

$T_3 \rightarrow$  Gen. di corrente (è l'unico attivo inizialmente)

$$I \approx \frac{V_{AL} - V_{EB} - V_C}{R}$$



$$V_{S1} - V_{S2} = \frac{I \cdot T_1}{C}$$



$$V_{S1} = V_{S2} + \frac{I \cdot T_1}{C}$$

$$T_1 = \frac{V_{S1} - V_{S2} \cdot C}{I}$$

$$I = \frac{V_{AL} - V_{EB} - V_C}{R}$$

$$\frac{V_F}{V_U} = \frac{\frac{K}{1+sRC}}{\frac{R}{1+sRC} + \frac{1+sRC}{sC}} = \frac{sRC}{sRC + (1+sRC)^2} = \frac{sRC}{s^2R^2C^2 + 3sRC + 1}$$

$$V_U = \left(\frac{1+R_2}{R_1}\right) V_F$$

$$V_F = V_U - \left(\frac{1+R_2}{R_1}\right) V_F$$

Quindi:  $A\beta = \left(\frac{1+R_2}{R_1}\right) \frac{sRC}{s^2R^2C^2 + 3sRC + 1}$

Per le condizioni di Barkhausen:

$$\beta(j\omega) = \frac{j\omega RC}{-\omega^2 R^2 C^2 + 3j\omega RC + 1}$$

$$\omega_0^2 R^2 C^2 = 1$$

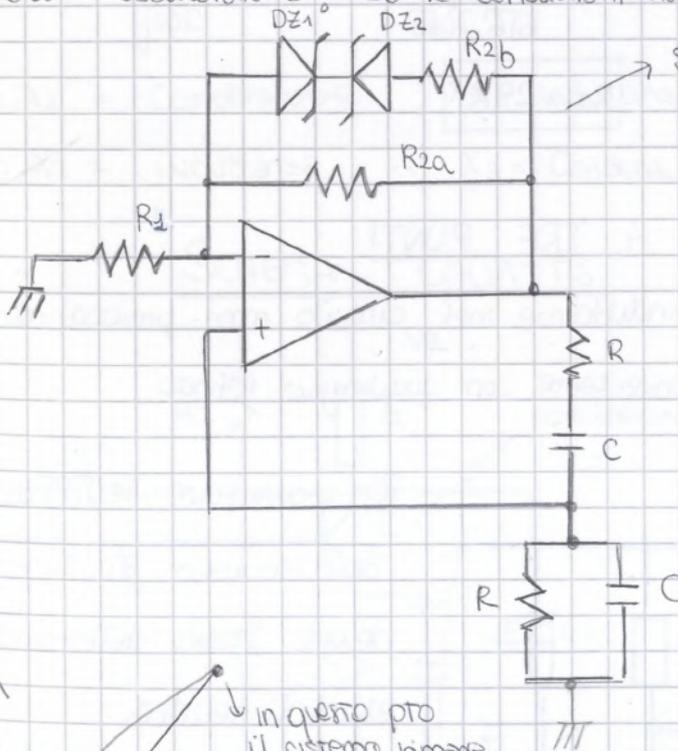
$$\omega_0 = \frac{1}{RC} \Rightarrow \Delta \text{ per avere la fase nulla} \quad f_0 = \frac{1}{2\pi RC}$$

$$\beta(j\omega_0) = \frac{j\omega_0 RC}{3j\omega_0 RC} \quad (\text{gli altri termini si annullano}) = \frac{1}{3}$$

Quindi  $A = 3$        $\frac{R_2}{R_1} = 2$

vedere T1b p. 219

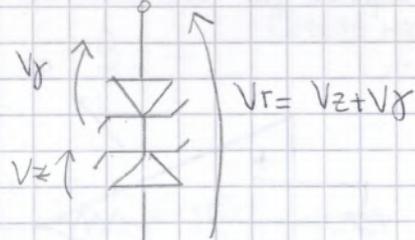
Chi genera l'oscillazione? Se le condizioni non sono ben soddisfatte cosa succederebbe?



Si varia  $R_2$  in funzione dell'ampiezza del segnale

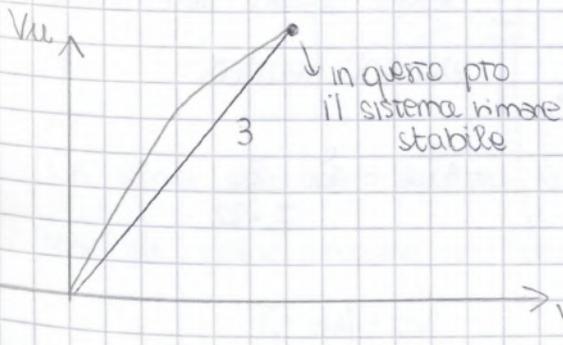
$$\frac{R_{2b}}{R_1} > 2$$

$$\frac{R_{2a} \parallel R_{2b}}{R_1} < 2$$



fino a quando il sistema non raggiunge  $V_t$  e l'amplificazione è  $1 + (R_{2a}/R_1)$ .

In seguito i diodi iniziano a condurre man mano che aumenta l'ampiezza



In questo pro il sistema rimane stabile

$$V_F = \frac{Z_1}{Z_1 + Z_3} \cdot V_u = - \frac{Z_1 Z_2 A_v V_i}{(Z_1 + Z_3)(Z_L + R_o)}$$

$$Z_L = (Z_1 + Z_3) \parallel Z_2 = \frac{Z_2 (Z_1 + Z_3)}{Z_1 + Z_2 + Z_3}$$

$$\frac{V_F}{V_i} = - \frac{Z_1 Z_2 A_v}{R_o (Z_1 + Z_2 + Z_3) + Z_2 (Z_1 + Z_3)}$$

$$Z_m = jX_m$$

ESPRESSIONE REALE PER AVERE FASE 0°

$$\frac{V_F}{V_i} = \frac{jX_1 X_2 A_v}{jR_o (X_1 + X_2 + X_3) - X_2 (X_1 + X_3)} \rightarrow \text{Guadagno ad anello}$$

questo termine deve annullarsi (dato che vogliamo il termine sia reale)

$$\omega = \omega_0 \begin{cases} X_1 + X_2 + X_3 = 0 \\ X_1 + X_3 = -X_2 \end{cases}$$

- Numeratore positivo
- $X_1 + X_2 + X_3 = 0$

$$T(j\omega_0) = \frac{X_1 X_2}{X_2^2} A_v = \frac{X_1}{X_2} A_v$$

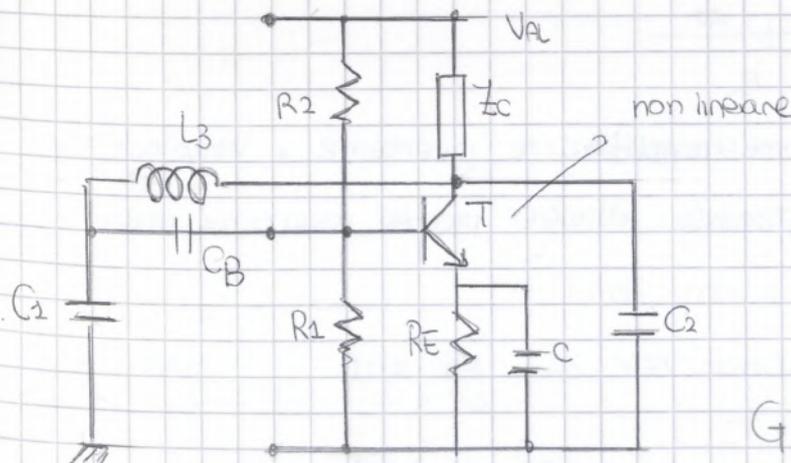
$$L \rightarrow j\omega L \quad X_L = \omega L \rightarrow \text{POSITIVO}$$

$$C \rightarrow \frac{1}{j\omega C} \quad X_C = -\frac{1}{\omega C}$$

$X_1, X_2 = \text{Condensatore}$ ,  $X_3 = \text{induttanza}$   
 $X_1, X_2 = \text{induttanza}$ ,  $X_3 = \text{Condens.}$

COLPITTS  
HARTLEY

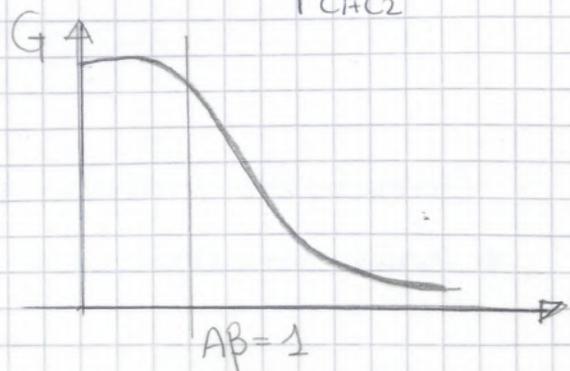
SCHEMA COLPITTS



$$f_{osc} = \frac{1}{2\pi \sqrt{L_3 C_1 C_2}}$$

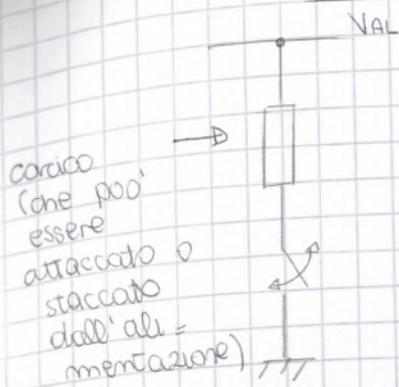
$$= \frac{1}{2\pi \sqrt{\frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} L_3}}$$

$C_B$  serve solo per separare la rete di polarizzazione in continua

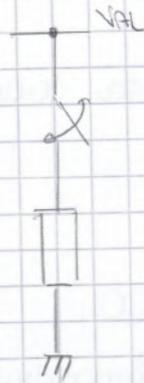


# TRANSISTOR IN COMMUTAZIONE

7/11/12

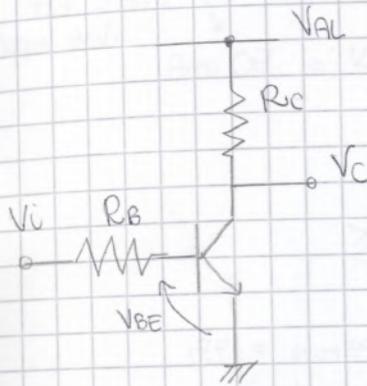


LOW SIDE

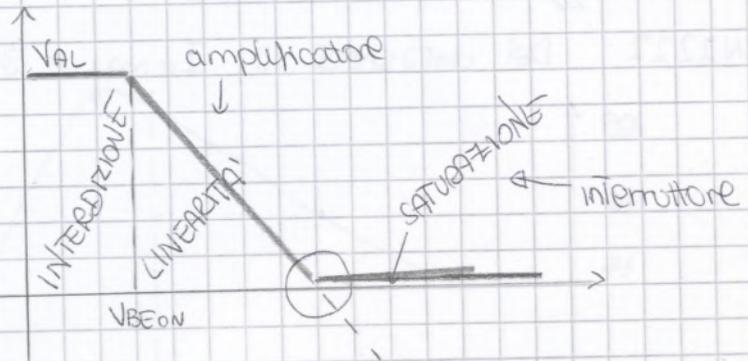


HIGH SIDE

Il transistor è usato come "amplificatore digitale" con la possibilità di accendere o spegnere un carico in cui scorre una certa corrente (ES. 1 A)



Se  $V_i$  non è sufficiente da far passare corrente nel BJT, esso è spento.



LINEARITÀ  
 Se  $V_i > V_{BEON}$  →  $I_B = \frac{V_i - V_{BEON}}{R_B}$

$I_C = h_{FE} I_B$       $V_C = V_{CC} - (R_C h_{FE} I_B)$

$V_C = V_{CC} - R_C h_{FE} \cdot \frac{V_i - V_{BEON}}{R_B}$

relazione tra tensione di uscita e tensione di ingresso non lineare a causa di  $h_{FE}$  (che non è costante)

$\frac{I_C}{I_B} < h_{FE}$

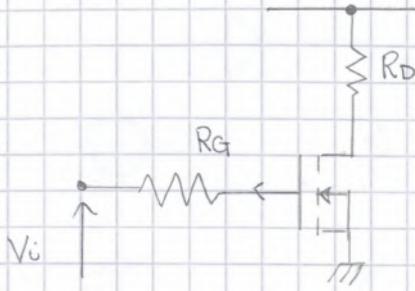
$I_C \approx \frac{V_{CC}}{R_C}$  → max caduta di tensione su  $R_C$ .

$I_B = \frac{V_i - V_{BEsat}}{R_B}$

$\frac{I_C}{I_B} = \beta_{FORZATO}$

⇒ poiché è imposto dal costruttore (esternamente) imponendo tensione di alimentazione, valore di resistenza di carico...

MOSFET IN COMMUTAZIONE



A cosa serve la resistenza di Gate?

Diminuisce il Q del circuito, e serve quando il pilota e' distante.



Se  $V_i < V_{TH}$  c.a.

• SAT. DEL CANALE (GEN. DI CORRENTE)

$$I_D = \frac{1}{2} \mu C_{ox} \frac{W}{L} (V_{GS} - V_{TH})^2 (1 + \lambda V_{DS})$$

$V_{GS} - V_{TH} < V_{DS}$

• TRIODO

$$I_D = \mu C_{ox} \cdot \frac{W}{L} \left[ (V_{GS} - V_{TH}) V_{DS} - \frac{1}{2} V_{DS}^2 \right]$$

(quando la tensione  $V_{DS} < V_{GS} - V_{TH}$ )

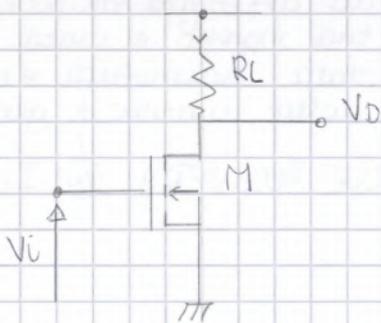
• ZONA RESISTIVA

$$I_D = \mu C_{ox} \cdot \frac{W}{L} (V_{GS} - V_{TH}) V_{DS}$$

$$R_{on} = \frac{1}{\mu C_{ox} \frac{W}{L} (V_i - V_{TH})} = \frac{-V_{DS}}{I_D}$$

Se  $V_i$  e' suff. alta tale da portare il MOS in funz. resistivo  $\rightarrow R_{on}$

equivalente del MOS in zona resistiva



il progetto si limita a scegliere il tipo di MOSFET piu' adatto.

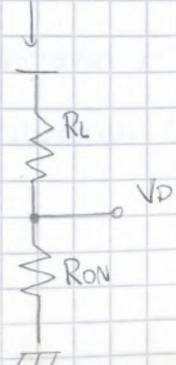
EX:  $I_{RL} = 50 \text{ mA}$

0.5V OFF =  $V_{OFF}$   
5V ON =  $V_{ON}$

- $V_{TH} > V_{OFF}$
- $V_{TH} < V_{ON}$
- $I_{D,MAX}$
- $R_{ON}$
- $V_{DS,max}$
- $V_{DS0}$

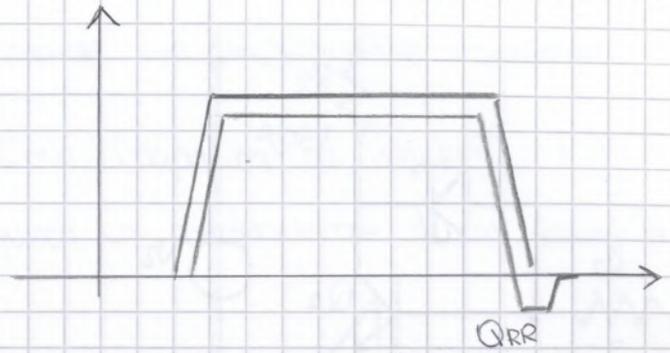
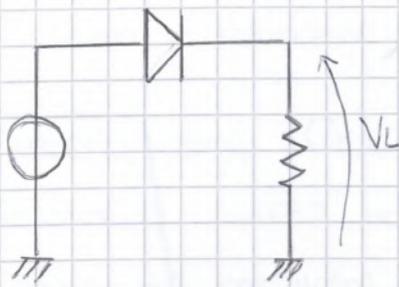
$$R_L = \frac{10V}{50mA} = 200 \Omega$$

Se il MOS e' pilotato correttamente



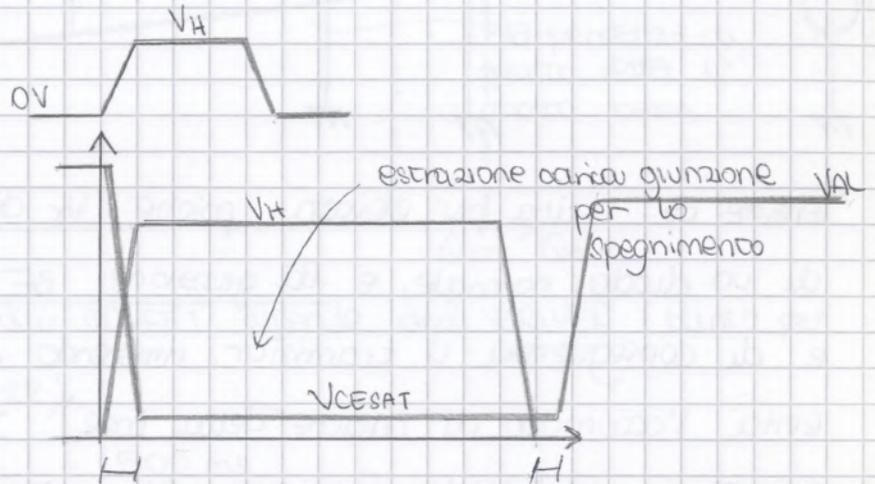
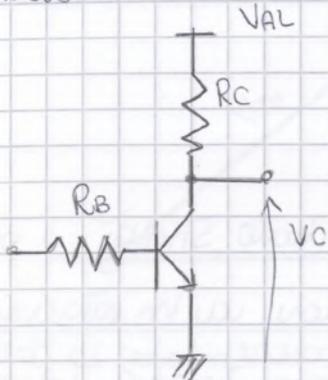
Comportamento dinamico - Continuazione -

12/11/12



Carica di reverse recovery

Per il transistor:



La transizione di accensione è minore rispetto allo spegnimento

In fase di passaggio da saturazione ad interdizione occorre svuotare la giunzione base-emettitore dalla carica accumulata durante la permanenza in saturazione.

Per migliorare le prestazioni:

- condensatore di accelerazione
- diodo schottky

$C_{gd}$  all' inizio si trova tra 0 e  $V_{AL}$ . Durante la transizione:  
siamo in saturazione di canale  $\rightarrow$  amplificatore invertente

$C_{gd}$  posso vederla come  $C_{MI}$  e  $C_{MO}$  (capacità di Miller)

Per fare commutare il MOSFET ho quindi un condensatore di un valore più elevato (a causa del parallelo)



La capacità di commutazione del MOSFET dipende dal DRIVER (tanto più elevata più commuta velocemente)

EX:  $I = \frac{Q}{T}$

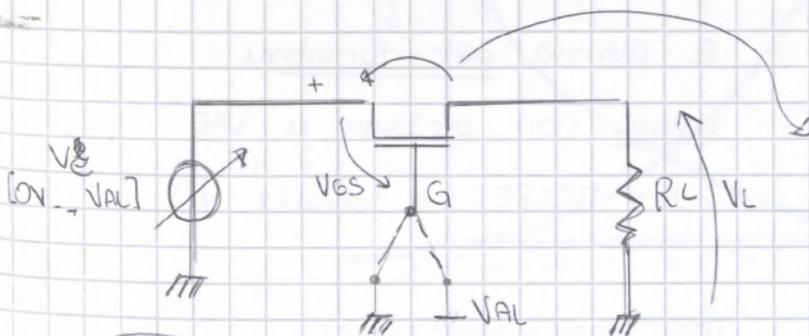
$T = \frac{5,5 \text{ mC}}{11 \text{ mA}} = 500 \text{ ms}$

$T = \frac{5,5 \text{ mC}}{1 \text{ A}} = 5,5 \text{ ms}$

la velocità di commutazione

dipende da quanto in fretta si porta la carica sul gate

### INTERRUTTORE BIDIREZIONALE



$H_p: R_L \rightarrow \infty$

Perché considero trascurabile la capacità del MOSFET

$V_g = 0$

$\Rightarrow$  Quindi il segno della  $V_{gs}$  e' negativo.

$V_g = V_{AL}$

Se  $V_{gs} \leq 0 \Rightarrow$  OFF (Int. aperto)

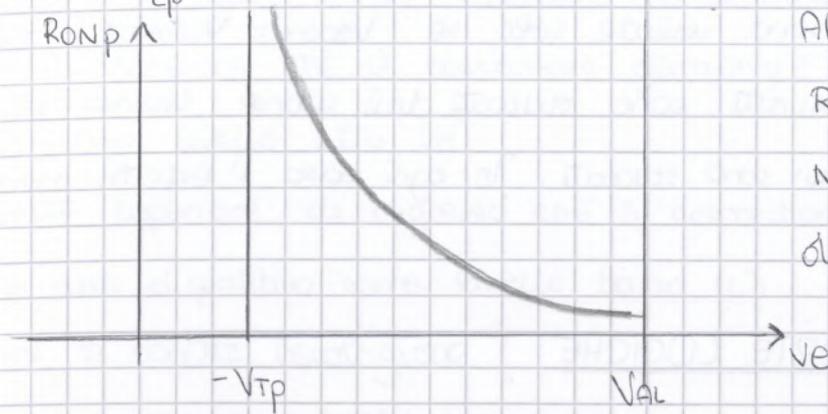
Int. chiuso

Se  $V_g = V_{AL} \Rightarrow V_{gs} = V_{AL} - V_e$

Se  $V_{gs} > V_{TH} \Rightarrow$  ON

$$-I_{Dp} = \mu_p C_{ox} \frac{W_p}{L_p} (+V_e + V_{Tp}) V_{Ds}$$

$$R_{ONp} = \frac{1}{\mu_p C_{ox} \frac{W_p}{L_p} (V_e + V_{Tp})}$$

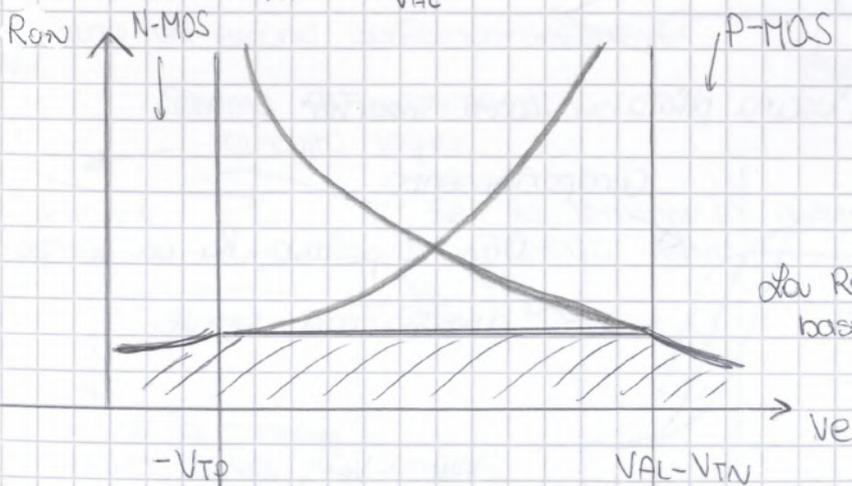
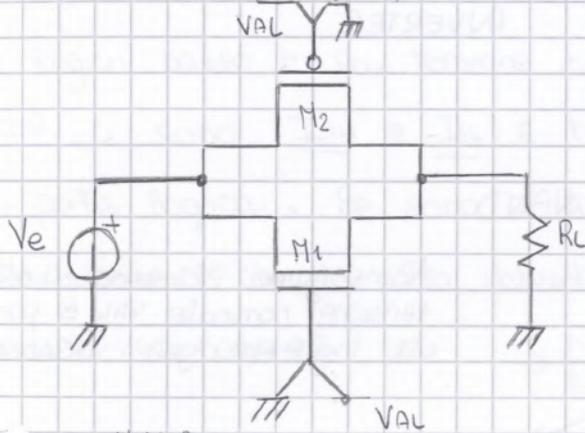


Al contrario della  $R_{ON}$  nel transistor N-MOS; all'aumentare di  $V_{AL}$  e' sempre piu' utilizzabile

- ANALOG SWITCH

- TRANSMISSION GATE (TG)

vedere bene



da  $R_{ON}$  totale e' piu' bassa del singolo.

Come minimizzare  $R_{ON}$ ?

$$G_{ON} = \underbrace{\mu_n C_{ox} \frac{W_n}{L_n}}_{\text{N-MOS}} (V_{AL} - V_e - V_{TN}) + \underbrace{\mu_p C_{ox} \frac{W_p}{L_p}}_{\text{P-MOS}} (V_e + V_{Tp})$$

$$\text{Se } \mu_n C_{ox} \frac{W_n}{L_n} = \mu_p C_{ox} \frac{W_p}{L_p} \Rightarrow G_{ON} = \mu_n C_{ox} \frac{W_n}{L_n} [V_{AL} - V_e - V_{TN} \pm V_e + V_{Tp}]$$

Quindi: due valori per l'uscita e due per l'ingresso. (più le correnti)

$V_{OH}$ : minima tensione che il dispositivo manda fuori quando produce H.

$V_{OH}$  e  $V_{OL}$

$V_{IL}$  e  $V_{IH}$

valori limite (cambiano con il carico)

- $V_{IH}$ : minima tensione che il costruttore garantisce sia interpretata dal dispositivo come livello alto (H)
- $V_{IL}$ : limite superiore di ingresso che il costruttore garantisce sia interpretata dal dispositivo come livello basso (L)

Come definire le condiz. fisiologiche?

- $I_{OH}$ : massima corrente che il dispositivo può fornire quando l'uscita è a livello logico alto e la tensione rimane al di sopra della  $V_{OH}$ .
- $I_{OL}$ : massima corrente che il dispositivo può assorbire quando l'uscita è a livello logico basso e la tensione rimane al di sotto della  $V_{OL}$ .

Analogamente, ci sono  $I_{IH}$  e  $I_{IL}$  e bisogna definire quale carico porta una porta logica. Se sono a livello logico alto (al di sopra) la massima corrente che la porta richiede in ingresso è  $I_{IH}$ .

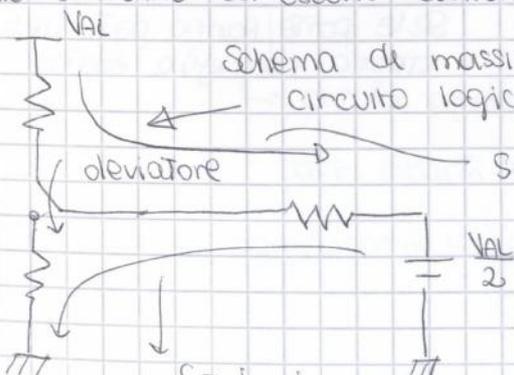
Come misurare una corrente?



← SEMPRE ENTRANTE SIA ALL'INGRESSO

Quando entrano ed escono contemporaneamente?

← CHE ALL'USCITA



Schema di massima di un circuito logico

divisore

Se la tensione è alta corre in questo senso

$I_{OH} < 0$

$I_{IH} > 0$

$I_{OL} > 0$

$I_{IL} < 0$

Se la tensione è bassa, la corrente scorre in questo senso

Serie di riferimento: 74xx → commerciali

54xx → militari

7400, quadruplo NAND a due ingressi

7404, sei inverter

• SERIE (LS) → standard in elettronica digitale

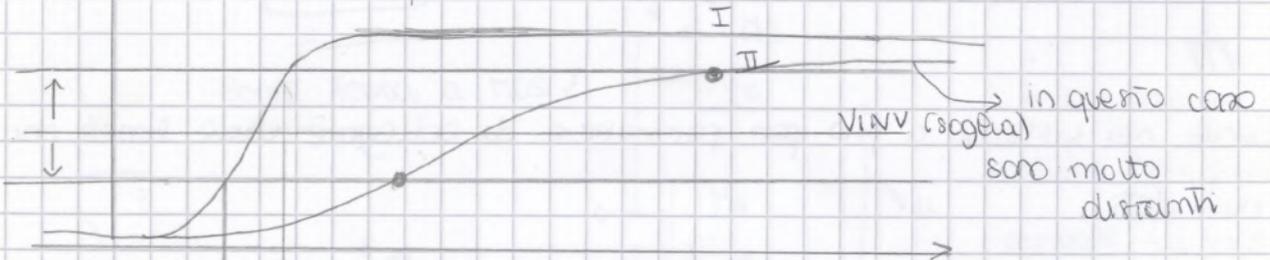
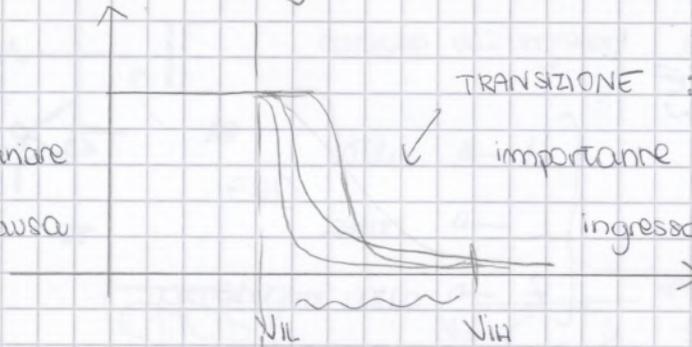
74LS00 LOW POWER SCHOTTKY

14/11/12



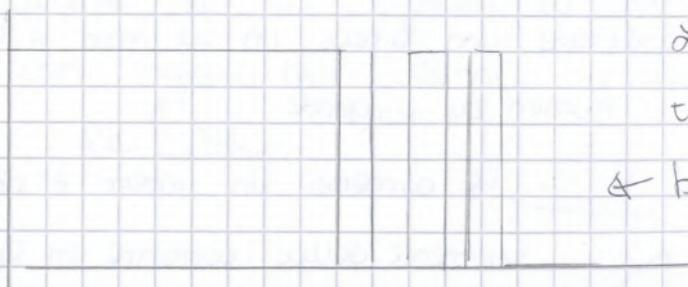
Quali sono le varianti di ingresso e uscita?

Lo stato logico  
potrebbe variare  
casualmente a causa  
del rumore.



↳ più la pendenza è elevata più la distanza tra i due istanti è minore

Il caso potrebbe complicarsi se ho del rumore sovrapposto all'ingresso



l'uscita fa una serie di transizioni prima di diventare

← bassa

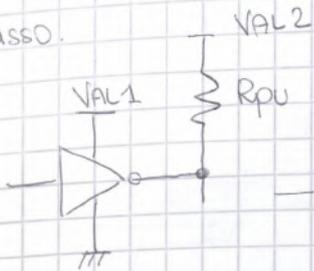
Per questo motivo si introduce l'isteresi: → ingressi dotati di isteresi



TRIGGER DI SCHMITT

IL PULL-UP serve nei sistemi a pp. (in varie situazioni in cui ho diverse uscite che possono attivare la linea).

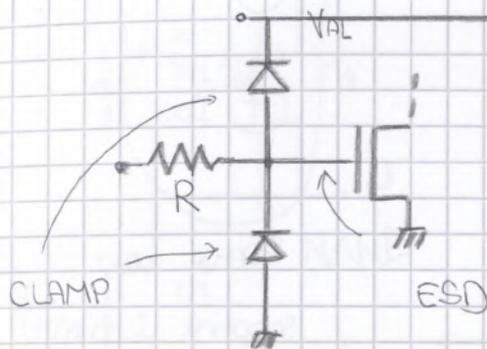
WIRED-OR (uscita cablata), ricordando che il livello attivo è quello basso.



Per l'interfaciamento di un sistema, per esempio PLC.

Diverse uscite open-drain pilotano la stessa linea.

PROTEZIONE INGRESSI



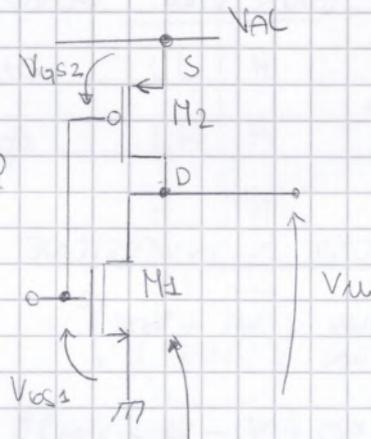
accumulo di cariche all'ingresso

Condensatore molto piccolo e isolante sottile  
valori di campo elettrico molto elevati

CMOS



Come funziona a MOS?



INVERTER CMOS

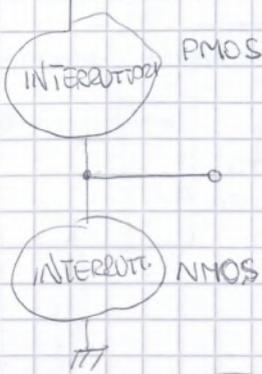
in condizioni statiche non passa corrente. (a voto!)

ingresso alto, interruttore a massa, uscita bassa

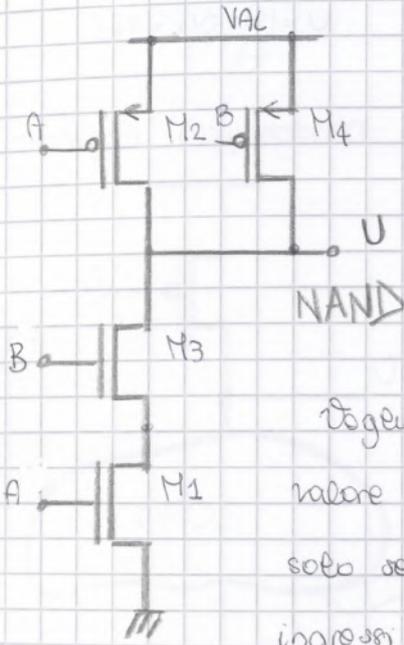
Con l'introduzione di M2, l'uscita di M1 viene invertita ulteriormente e quindi con ingresso alto ottengo un'uscita alta.



Se cambio VAL cambiano  $V_{ik}$  e  $V_{ih}$ .  
VAL



**NAND E NOR**



**NMOS**

AB	U
LL	Z
LH	Z
HL	Z
HH	L

**PMOS**

AB	U
LL	H
LH	H
HL	H
HH	Z



devo avere un valore basso in uscita solo se entrambi gli ingressi sono H.

AB	U
LL	H
LH	H
HL	H
HH	L

Uscita complessiva

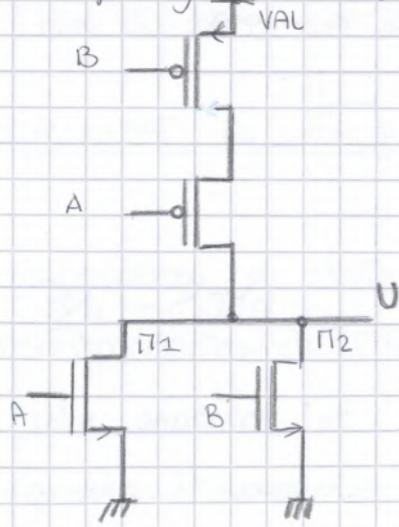
**NAND**

Realizzazione

**NOR** : l'uscita della porta deve essere bassa se almeno uno degli ingressi è alto.

AB	U
LL	H
LH	L
HL	L
HH	L

**NOR**



$NOR \rightarrow U = A + B$

$NAND \rightarrow U = \overline{A \cdot B}$

**NOR**