



Corso Luigi Einaudi, 55 - Torino

Appunti universitari

Tesi di laurea

Cartoleria e cancelleria

Stampa file e fotocopie

Print on demand

Rilegature

NUMERO: 498

DATA: 10/04/2013

A P P U N T I

STUDENTE: Bagaini

**MATERIA: Sistemi Elettrici Industriali + Temi d'esame
Prof. Piglione**

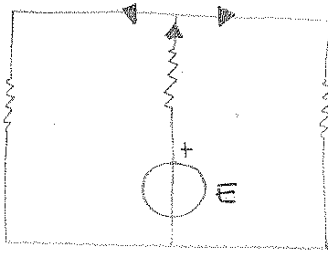
Il presente lavoro nasce dall'impegno dell'autore ed è distribuito in accordo con il Centro Appunti.

Tutti i diritti sono riservati. È vietata qualsiasi riproduzione, copia totale o parziale, dei contenuti inseriti nel presente volume, ivi inclusa la memorizzazione, rielaborazione, diffusione o distribuzione dei contenuti stessi mediante qualunque supporto magnetico o cartaceo, piattaforma tecnologica o rete telematica, senza previa autorizzazione scritta dell'autore.

**ATTENZIONE: QUESTI APPUNTI SONO FATTI DA STUDENTIE NON SONO STATI VISIONATI DAL DOCENTE.
IL NOME DEL PROFESSORE, SERVE SOLO PER IDENTIFICARE IL CORSO.**

8 Marzo 2012

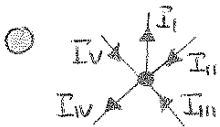
Esempio:



E' potenza elettrica che viene dissipata dai resistori.
la corrente esce dal morsetto positivo del generatore.

PRINCIPI DI KIRCHOFF

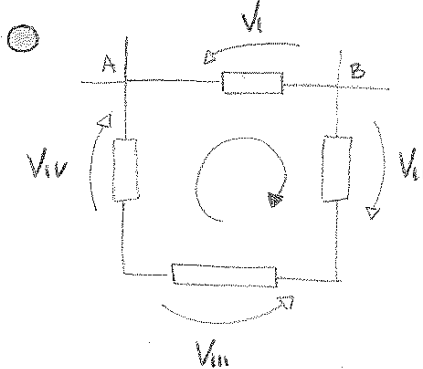
Vale solo in regime stazionario!



$$\sum_i I_i = 0$$

LEGGE DEI NODI

$$-I_i + I_{ii} + I_{iii} - I_{iv} + I_v = 0$$



$$\sum_i V_i = 0$$

LEGGE DELLE MAGLIE

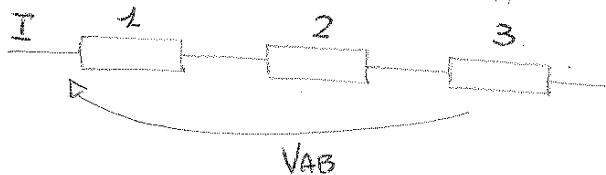
Segno + quando entro da + oppure quando incontro la punta della freccia.

$$V_i - V_{ii} + V_{iii} - V_{iv} = 0$$

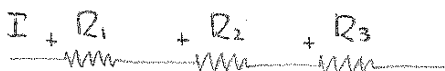
Se $V_i = V_{AB} \Rightarrow V_{AB} = V_{ii} - V_{iii} + V_{iv}$

● SERIE DI BIPOLI

Sono collegati in modo da poter essere attraversati dalla stessa corrente.



● SERIE DI RESISTORI



$$R_1 \cdot I + R_2 \cdot I + R_3 \cdot I - V_{AB} = 0$$

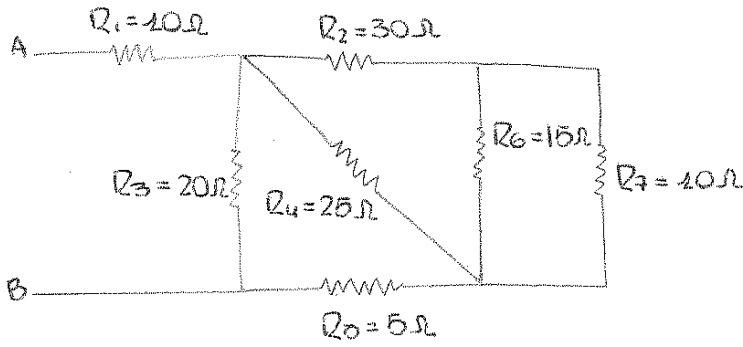
$$V_{AB} = R_1 I + R_2 I + R_3 I$$

$$V_{AB} = I(R_1 + R_2 + R_3) = I \cdot R_{eqs}$$

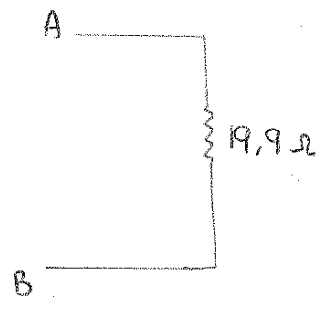
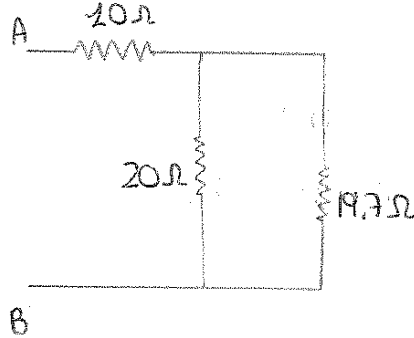
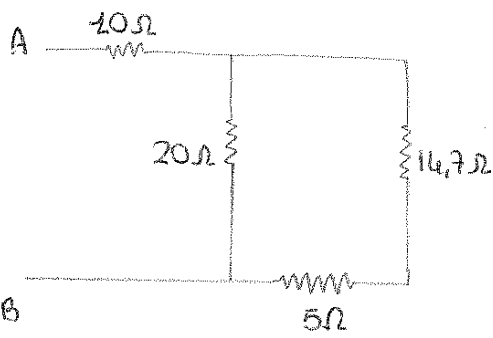
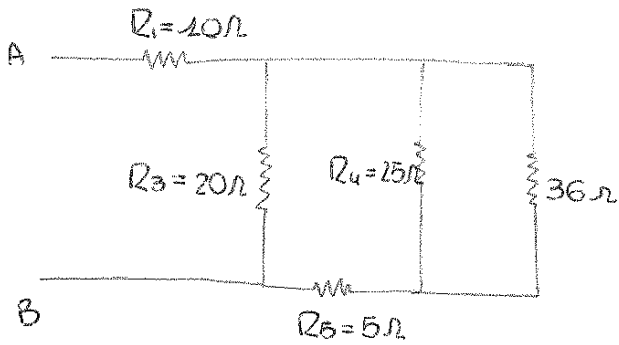
$$R_{eqs} = \sum_i R_i$$

8 marzo 2012

ESECUZIONE

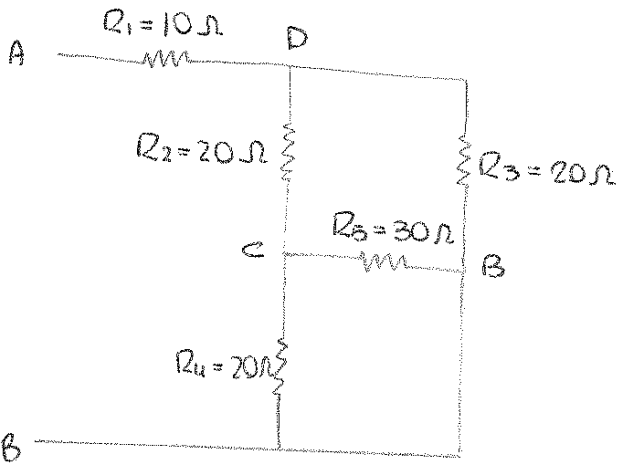


$R_6 // R_7 = 6 \Omega$ $R_6 // R_7 + R_2 = 36 \Omega$



ESECUZIONE DC. 1.1

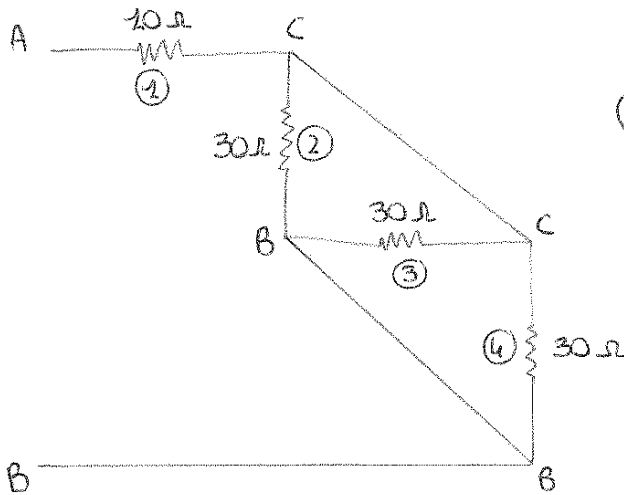
• Determinare la resistenza equivalente tra i punti A e B



$R_4 // R_5 = 12 \Omega$

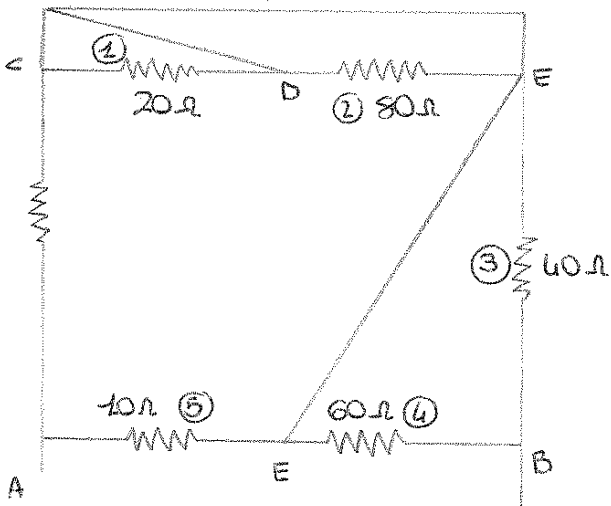
8 marzo 2012

ESEZIO DC.1.3

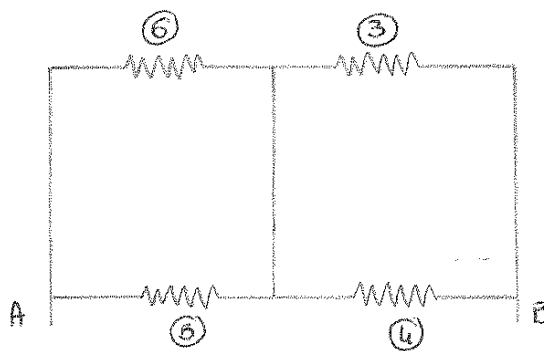
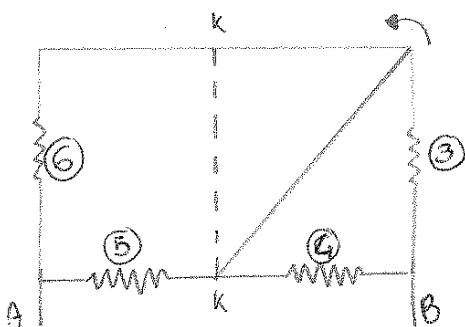


$$\begin{aligned} (3) // (4) &= 15 \Omega \\ ((3) // (4)) // (2) &= 10 \Omega \\ 10 \Omega + (1) &= 20 \Omega \end{aligned}$$

ESEZIO DC.1.4



Un resistore in parallelo ad un cortocircuito da un cortocircuito.



$$(3) // (4) = 24 \Omega$$

$$(5) // (6) = 7,5 \Omega$$

$$24 + 7,5 = 31,5 \Omega$$

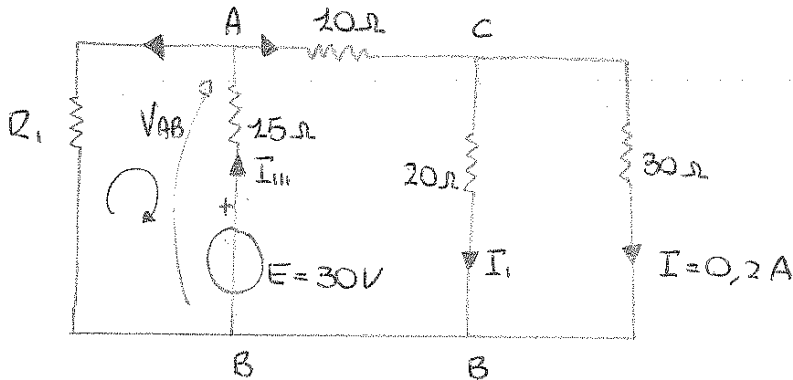
• con equazione di maglia

8 ifanto 2012

$$50 - 2I - 1,66I = 0 \quad I = \frac{50}{3,66} = 13,66$$

ESERCIZIO DC.2.5

• Determinare il valore della resistenza R_1 .



$$V_{CB} = 6V (= 30 \cdot 0,2)$$

$$I_I = 0,3 A \quad \left(I = \frac{V_{CB}}{R_B} = \frac{6}{20} = 0,3 A \right)$$

$$I_{II} = 0,3 + 0,2 = 0,5 A$$

$$V_{AB} = V_{AC} + V_{CB} = (10)(0,5) + 6 = 11V$$

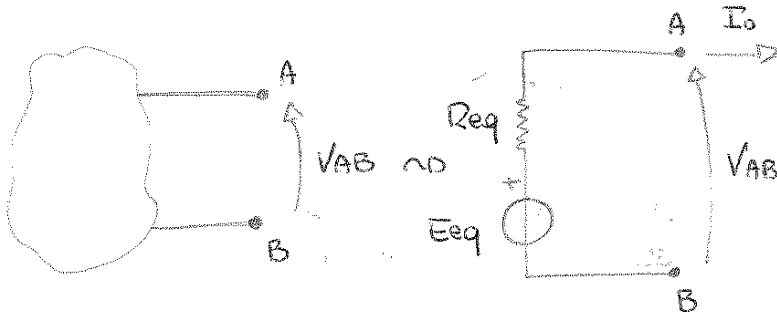
$$V_{AB} = -15 \cdot I_{III} + 30 = 11 \quad \leadsto \quad I_{III} = 1,27 A$$

$$-I_{I_2} + I_{III} - I_{II} = 0 \quad -I_{I_2} = I_{II} - I_{III} \quad \leadsto \quad I_{I_2} = 0,77 A$$

$$V_{AB} = R_1 \cdot I_{I_2} \quad \leadsto \quad R_1 = 14,28 \Omega$$

13 Marzo 2012

● BIPOLO DI THEVENIN



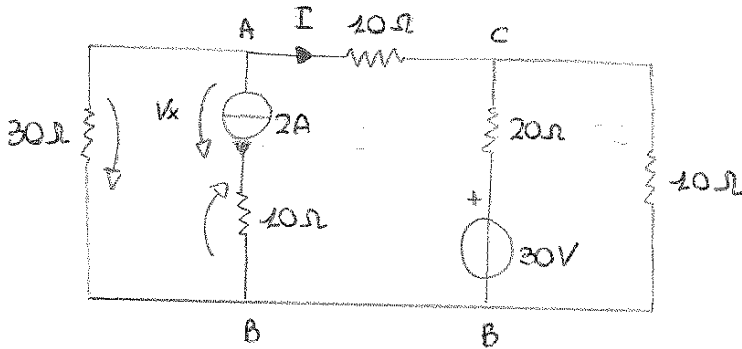
I_o e' ϕ perché i due morsetti sono aperti.

$V_{AB} = R_{eq} \cdot \phi + E_{eq} \quad \leadsto \quad V_{AB} = R_{eq}$

R_{eq} \leadsto Sostituiamo i generatori di tensione con cortocircuiti e i generatori di corrente con dei circuiti aperti.

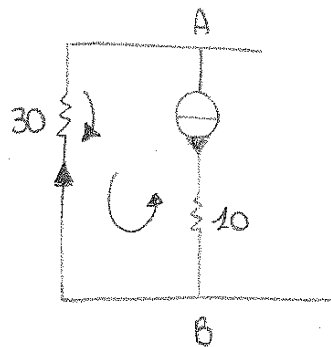
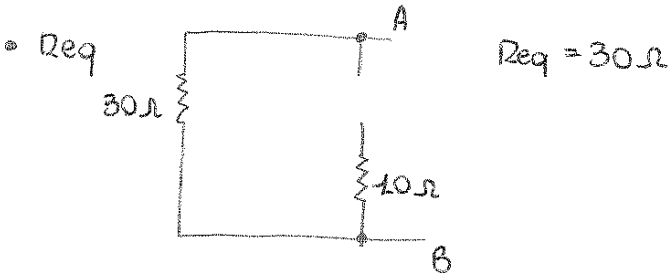
E_{eq} $\leadsto \quad E_{eq} = \sum_i K_i \cdot E_i + \sum_j \pi_j \cdot I_{A_j}$

ESERCIZIO DC.2.4

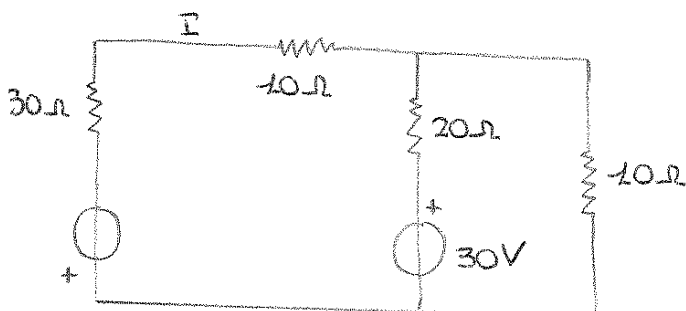


quando i generatori sono da soli, si comportano da generatori.

THEVENIN SINISTRA



• E_{eq} $V_{AB} = -30 \Omega \cdot 2 A = -60 V$



passo da sinistra perché non conosco V_x . Per usare il nastro di destra devo scrivere l'equazione di maglia:

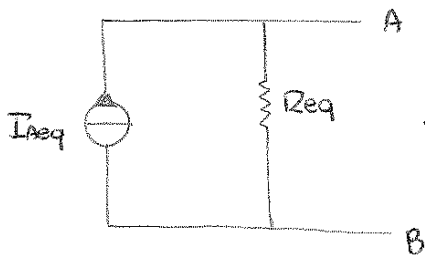
$-V_x + (2)(10) + (2)(30) = \phi$

$V_x = 80 V \quad V_{AB} = -80 + 20 = -60 V$

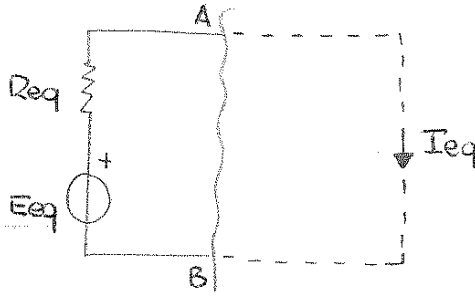
(2)

15 marzo 2012

TEOREMA DI NORTON



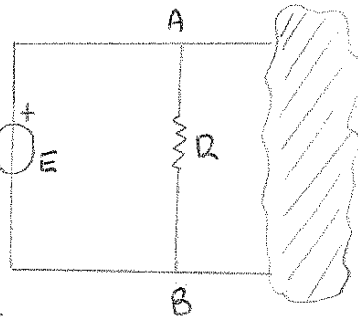
- NORTON -



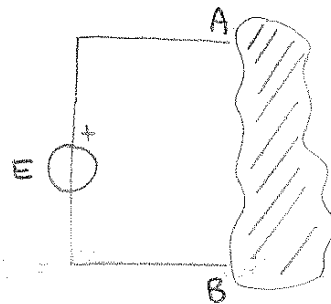
- THEVENIN -

$$I_{neq} = \frac{E_{eq}}{R_{eq}}$$

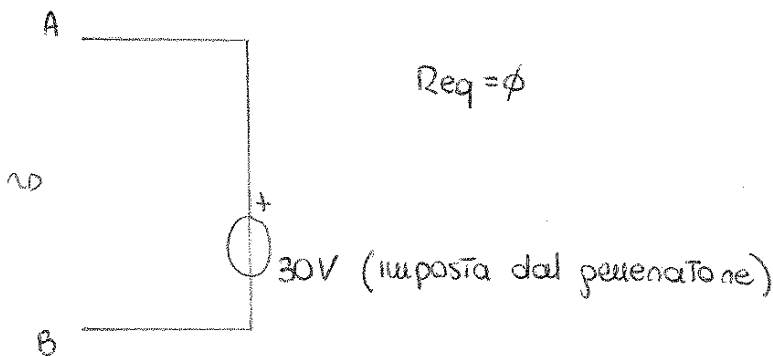
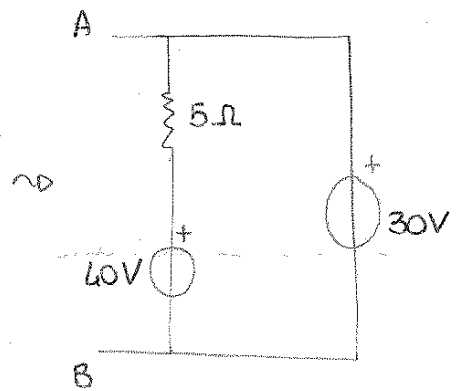
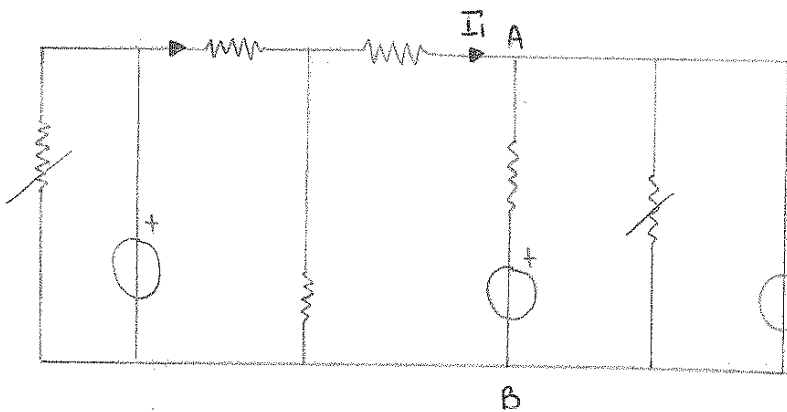
ESEMPIO:



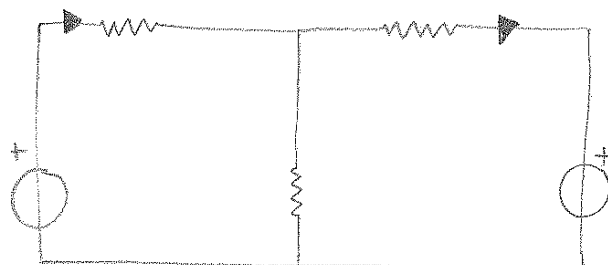
E impone la sua tensione, agli effetti esterni appare solo E e non la resistenza R.



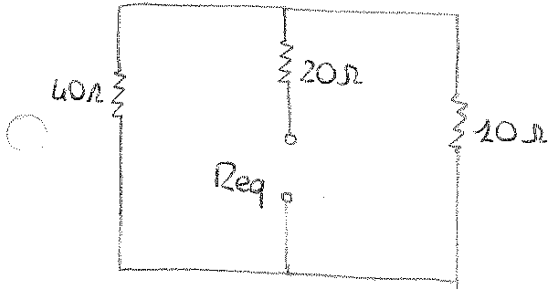
esame 12 Febbraio 2010, si possono eliminare alcune resistenze.



Quindi il circuito diventa:

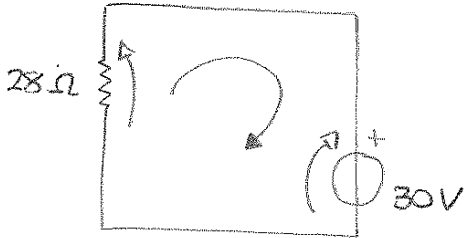


15 giugno 2012



$$40 // 10 = 8 \Omega$$

$$8 + 20 = 28 \Omega$$

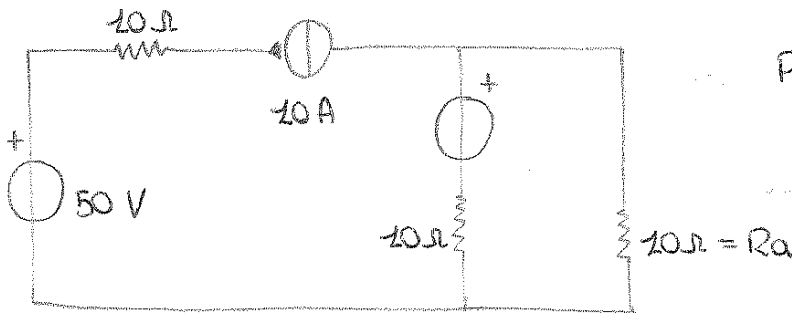


$$I = \frac{30}{28} = 1,07 \text{ A}$$

$$30 - 28I \sim I = 1,07 \text{ A}$$

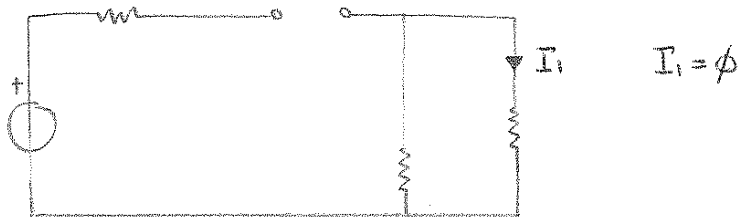
$$\Rightarrow I_{TOT} = -1,28 + (-0,21) = -1,5 \text{ A}$$

ESAME DEL 4 SETTEMBRE 2009



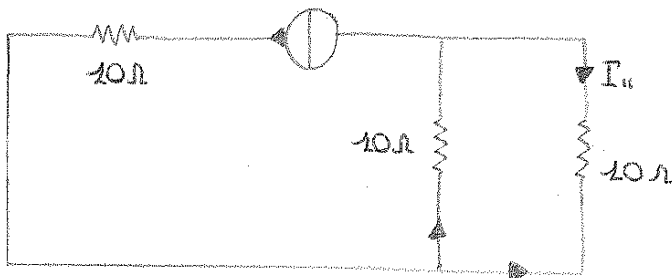
Potenza assorbita da Ra = ?

• PRIMO EFFETTO 50V



$$I_1 = \phi$$

• SECONDO EFFETTO 10 A

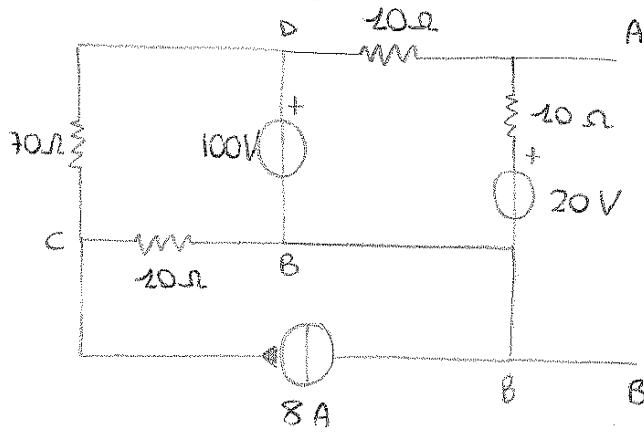


$$I_2 = -5 \text{ A}$$

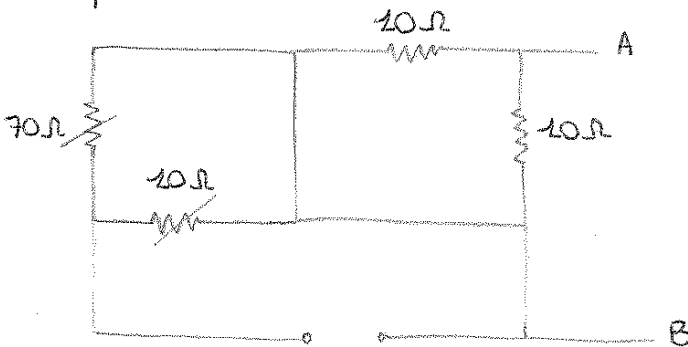
la corrente si divide a metà!

15 marzo 2012

ESERCIZIO DC.2.7



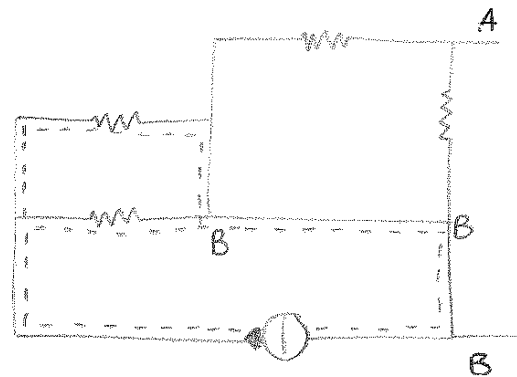
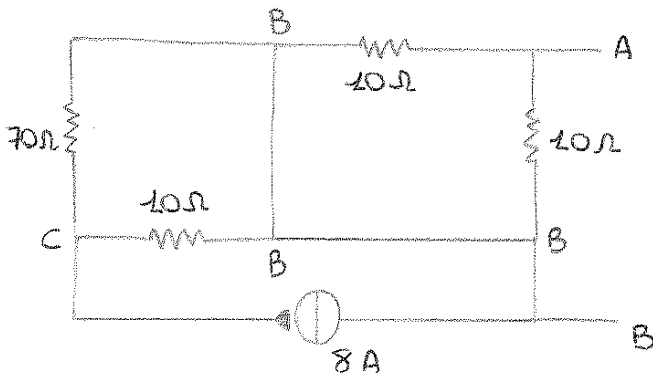
• Req



$R_{eq} = 5 \Omega$

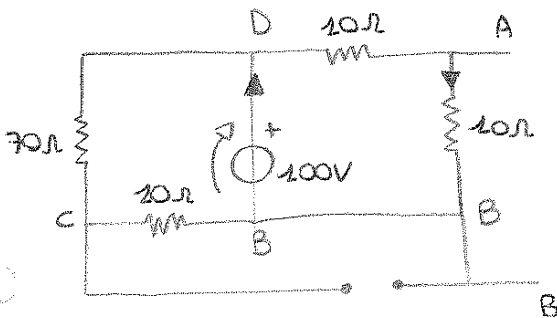
• Eeq SOVRAPPORZIONE DEGLI EFFETTI

• PRIMO EFFETTO 8A



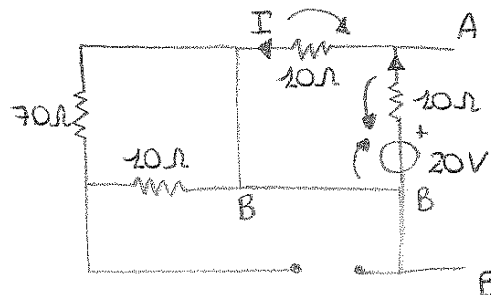
IP generazione di connente non influisce su V_{AB}

• SECONDO EFFETTO



$V_{AB}'' = 100 \cdot \frac{10}{20} = 50V$

• TERZO EFFETTO



$I = \frac{20}{20} = 1 A$

$V_{AB}'' = 10V$

$V_{AB} = 60V$

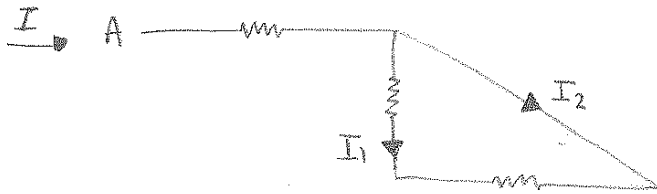
(3)

③ Calcolo I_2 con l'equazione al nodo C

$$I - I_2 - I_1 = \phi$$

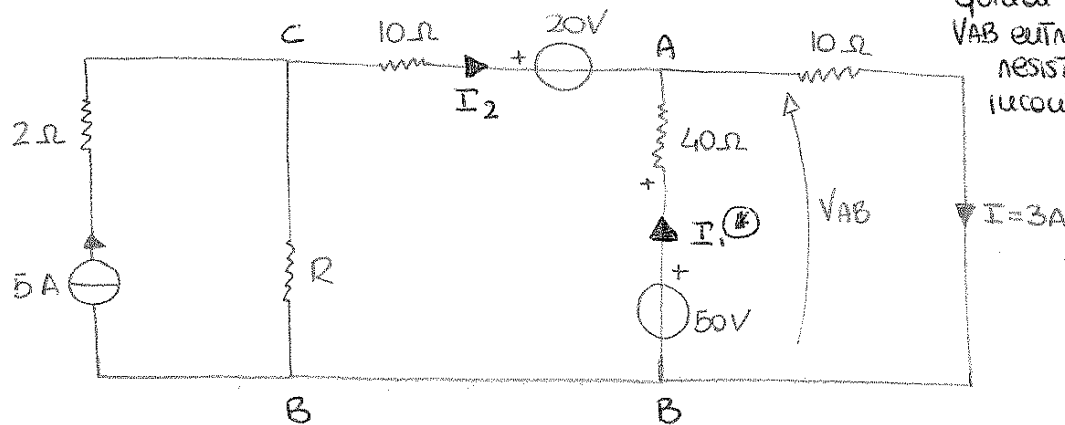
I entrante (+)

I_1 e I_2 uscenti (-)



$$\Rightarrow I_2 = I - I_1 = 3 - 1 = 2 \text{ A}$$

ES.2 (4/09/2009) Calcolare la resistenza R e la potenza erogata dal generatore di corrente.



* I_1 impone il + sotto, quindi quando calcolo V_{AB} entrando dal resistore di 40Ω incontro prima il -!!!

① Avendo la corrente I , calcolo la tensione V_{AB} muovendomi da A verso B.

$$V_{AB} = (10)(3) = 30 \text{ V}$$

② Calcolo la corrente sul ramo col generatore da 50 V.

Scelgo arbitrariamente il verso della corrente I_1 , e calcolo la differenza di potenziale tra due punti:

$$V_{AB} = -40(I_1) + 50 = 30 \Rightarrow I_1 = \frac{50 - 30}{40} = 0.5 \text{ A}$$

③ Scelgo arbitrariamente il verso della corrente I_2 .

Calcolo l'equazione al nodo A per ricavare la corrente I_2 .

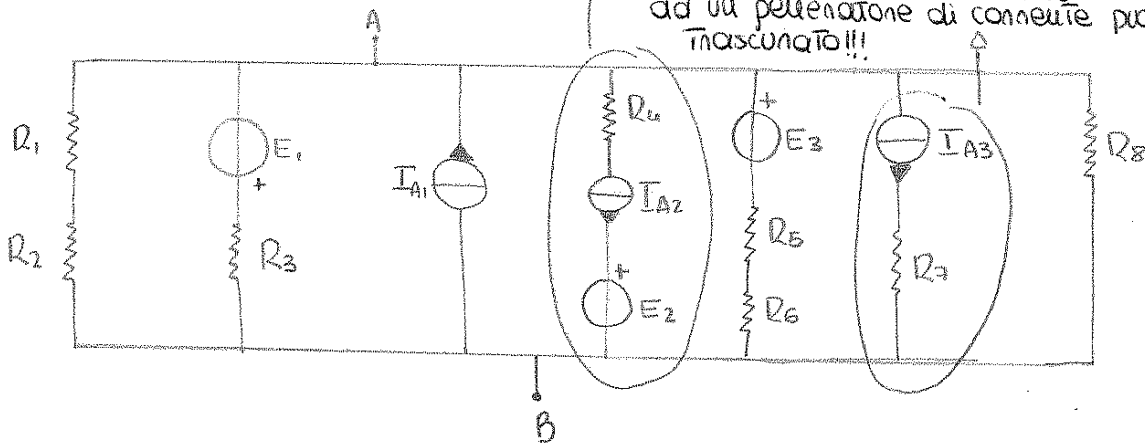
$$I_1 + I_2 - I = \phi \Rightarrow I_2 = -I_1 + I = -0.5 + 3 = 2.5 \text{ A}$$

④ Per trovare R ho bisogno di sapere V_{CB} e la calcolo con la differenza di potenziale tra due punti:

TEOREMA DI MILLMAN

20 Maggio 2012

È applicabile SOLO in circuiti che hanno più nodi in parallelo!!! Inoltre devono esserci SOLO 2 nodi!!!



$$V_{AB} = \frac{\sum_i \frac{E_i}{R_i} + \sum_j I_{A_j}}{\sum_k \frac{1}{R_k} + \sum_l \frac{1}{R_l}} [V] \quad \left(\frac{[A]}{[\Omega^2]} = [A][\Omega] = [V] \right)$$

Resistenze dei nodi in cui ci sono
simple resistenze
senza pannello

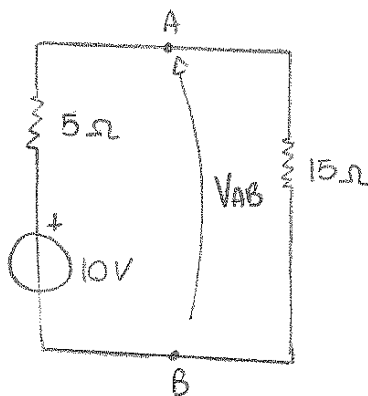
Applicandolo al disegno diventa:

$$V_{AB} = \frac{-\frac{E_1}{R_3} + I_{A1} - I_{A2} + \frac{E_3}{R_5+R_6} - I_{A3}}{\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5+R_6} + \frac{1}{R_8} + \frac{1}{R_1+R_2}}$$

Un cortocircuito impone una tensione nulla tra i nodi!!!

Tutto ciò che si viene a trovare in parallelo ad un pannello ideale di tensione può essere trascurato!!!

• Calcolare la tensione V_{AB}



1° metodo

Eq. di maglia:

$$-10 + 5(I) + 15(I) = 0 \Rightarrow I = \frac{10}{20} = 0.5 A$$

$$\Rightarrow V_{AB} = (15)(I) = 7.5 V$$

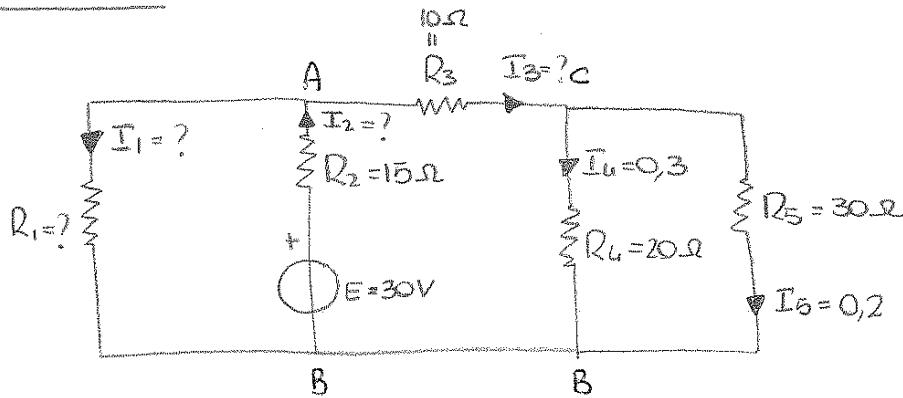
2° metodo

Teorema di Millman:

$$V_{AB} = \frac{\frac{10}{5}}{\frac{1}{5} + \frac{1}{15}} = 7.5 V$$

ES. DC. 2.5 Calcolare R_1

20 Febbraio 2012



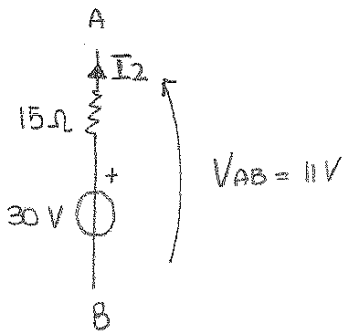
$$V_{CB} = R_5 \cdot I_5 = 30 \cdot 0,2 = 6 \text{ V}$$

$$I_4 = \frac{V_{CB}}{R_4} = \frac{6}{20} = 0,3 \text{ A}$$

$$I_3 = I_4 + I_5 = 0,3 + 0,2 = 0,5 \text{ A}$$

$$V_{AB} = R_3 \cdot I_3 + V_{CB} = (10)(0,5) + 6 = 5 + 6 = 11 \text{ V}$$

Isolo un ramo:



$$I_2 = \frac{30 - 11}{15} = 1,27 \text{ A}$$

Eq. al nodo A:

$$-I_1 + I_2 - I_3 = 0 \Rightarrow I_1 = I_2 - I_3 = 1,27 - 0,5 = 0,77 \text{ A}$$

Eq. al nodo B:

$$I_1 - I_2 + I_4 + I_5 = 0$$

Calcolo il valore di R_1 :

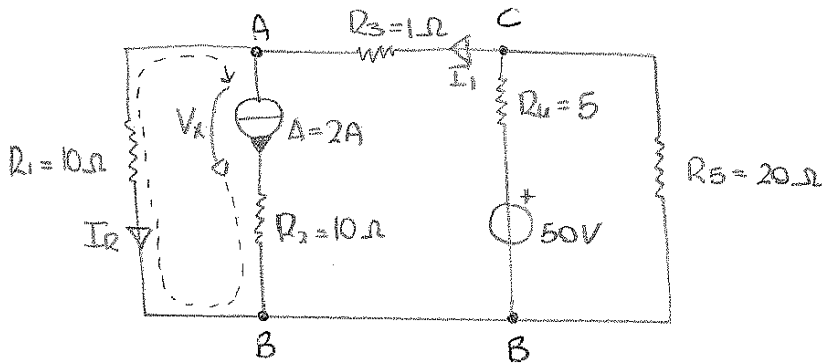
$$R_1 = \frac{V_{AB}}{I_1} = \frac{11}{0,77} = 14,28 \Omega$$

• Calcolo della potenza dissipata da R_1

20 punto

$$V_{CB} = (-11)I_1 - 20 \Rightarrow I_1 = \frac{20+24}{11} = 4 \text{ A}$$

○ Ricostituisco il circuito così era all'inizio



IP partizione di tensione si può applicare SOLO tra resistori, quindi no.

Per ricavare la potenza devo calcolare:

Eq. al nodo A:

$$-I_R - I_A + I_1 = 0 \Rightarrow I_R = I_1 - 2 = 4 - 2 = 2 \text{ A}$$

La potenza dissipata da R_1 è:

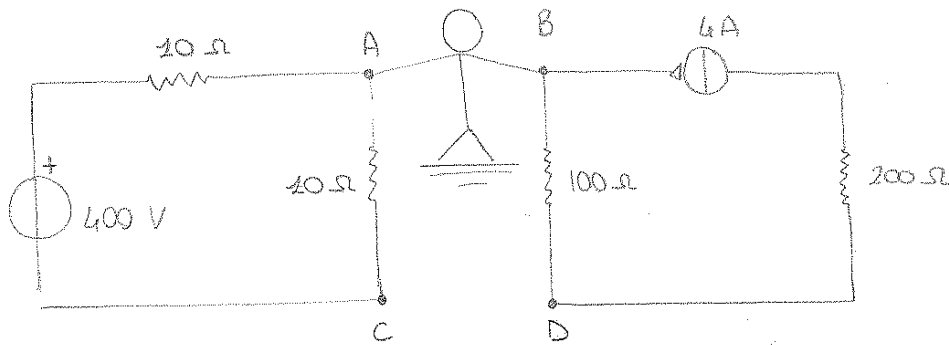
$$P_{R_1} = (10)(I_R^2) = (10)(4) = 40 \text{ W}$$

• Calcolo della potenza erogata da A

$$V_x = (10)(2) - (10)(I_R) = 20 - 20 = 0$$

22 Agosto 2012

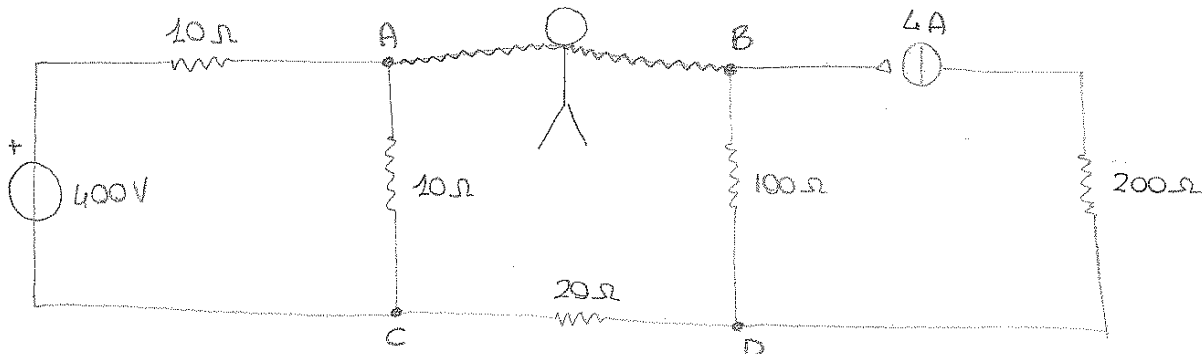
ESERCIZIO



$$V_{AC} = \frac{400}{2} = 200V$$

$$V_{BD} = (100)(4) = 400V$$

In un mondo ideale tra A e B non c'è differenza di potenziale



Anche se non passa corrente si può calcolare una diff. di potenziale pari a:

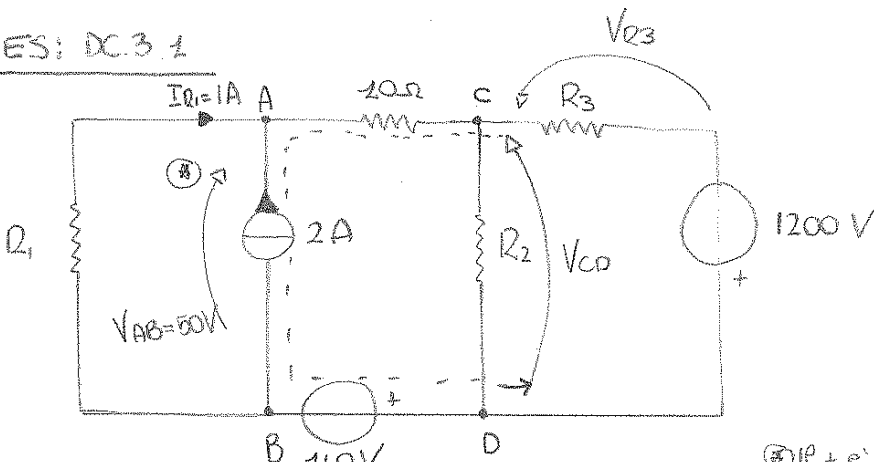
$$V_{AB} = V_{AC} + V_{CD} + V_{DB} = 200 + \phi - 400 = -200V$$

=> L'omino viene folgorato perché tra i due circuiti è presente una differenza di potenziale!!!

POTENZE

In un circuito elettrico la somma delle potenze è identicamente nulla (Potenze generate -> positive; Potenze dissipate -> negative): $\sum P_i = 0$

ES: DC.3.1



• $P_{G1} = +100W$
(Poiché la potenza è generata, sappiamo che si tratta di un generatore)

• $P_{R1} = +50W$

• $P_{R2} = 1000W$

⊗ Il + è in alto perché fa il generatore!!!

①

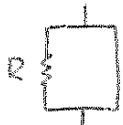
$$V_{AB} = \frac{P_{G1}}{I_A} = \frac{100W}{2A} = 50V$$

CORRENTE CONTINUA

● PARALLELO

PARALLELO DI 2 RESISTORI $R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$

PARALLELO DI PIU' RESISTORI $R_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}$

PARALLELO CON CORTOCIRCUITO  $R_{eq} = \frac{R \cdot 0}{R + 0} = \phi$

● PARTITORE

PARTITORE DI TENSIONE $V_x = \frac{R_x}{\sum R_i} \cdot V_{AB}$

PARTITORE DI CORRENTE $I_x = \frac{\frac{1}{R_i}}{\sum \frac{1}{R_k}} \cdot I$ } Resistore sul ramo in cui mi interessa calcolare la corrente

● MILLMAN : - Tutto ciò che si trova in serie ad un generatore di corrente può essere trascurato!!!
(sia ulteriori generazioni, che resistenze)

● POTENZE

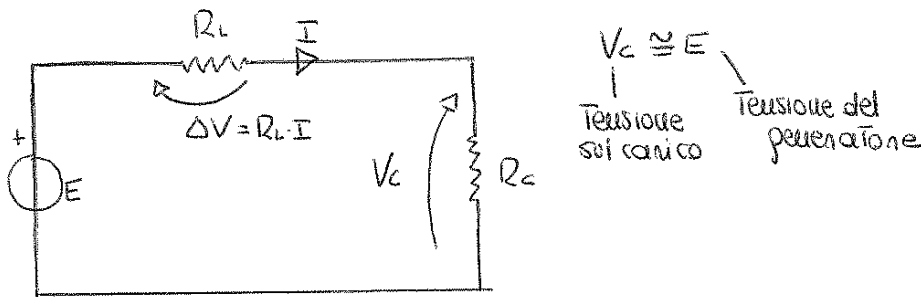
$P = VI$

POTENZA SU GENERATORE DI TENSIONE $P = E \cdot I$ $P = VI$

POTENZA SU RESISTORE $P = RI^2 = \frac{V^2}{R}$

27 Marzo 2012

CORRENTE ALTERNATA



$$P_c = \frac{V_c^2}{R_c}$$

CARICO = POTENZA ASSORBITA

R_L crea una caduta di tensione, ma crea anche delle perdite di potenza: $P_L = R_L \cdot I^2$

Il carico assorbe una potenza pari a: $P_c = V_c \cdot I \sim I = \frac{P_c}{V_c}$

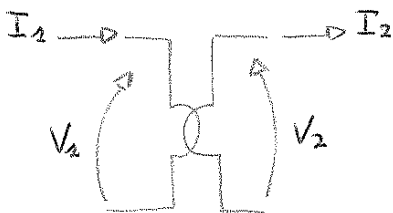
Da $P_L = R_L \cdot I^2$ otteniamo che $P_L = R_L \cdot I^2 = R_L \cdot \frac{P_c^2}{V_c^2} \cong R_L \cdot \frac{P_c^2}{E^2}$

Le perdite in linea sono inversamente proporzionali al quadrato della tensione di Trasmissione.

$$\Delta V = R_L \cdot I = R_L \cdot \frac{P_c}{V_c} \cong R_L \cdot \frac{P_c}{E} \quad (\text{caduta di tensione})$$

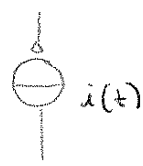
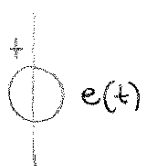
$$\frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta V}{E} \sim \frac{\Delta V}{V} = R_L \cdot \frac{P_c}{E^2} \quad (\text{caduta di tensione relativa})$$

TRASFORMATORE ELETTRICO = Permette di cambiare il valore della tensione o della corrente mantenendo invariato il risultato finale.

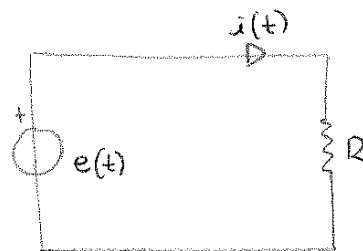


$$P = V_1 I_1 = V_2 I_2$$

Necessita della corrente alternata

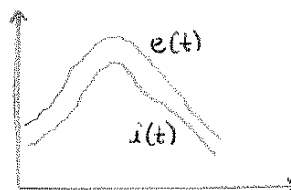


$$v = R \cdot i$$



Per ogni tensione applicata si ottiene un certo valore di corrente, istantaneamente.

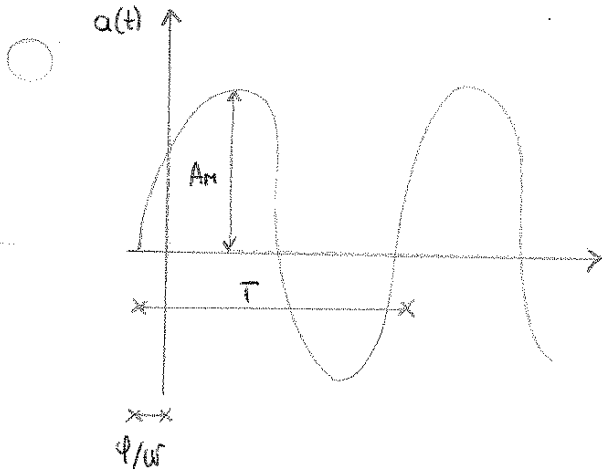
$$i(t) = \frac{e(t)}{R}$$



(1)

29 Maggio 2012

● METODO DEI FASORI



$a(t)$ = Funzione sinusoidale

$$a(t) = A_m \sin(\omega t + \varphi)$$

$\frac{\varphi}{\omega}$ = sfasamento

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f \text{ (= pulsazione)}$$

A_m = Ampiezza

È un caso particolare di funzione periodica e alternata (il suo valore medio è nullo) \sim sinusoidale.

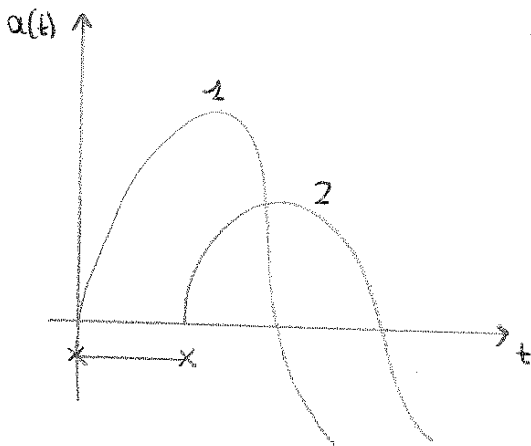
○ Una sinusoidale a 50-60 Hz si dice lentamente variabile, $\lambda = \frac{v}{f}$

Esempio:

luce $\lambda = \frac{c}{50 \text{ Hz}} = 6000 \text{ Km}$

radio $\lambda = \frac{c}{10^3 \text{ Hz}} = 30 \text{ Km}$

φ = fase. Preso un Tempo (arbitrario) φ è lo sfasamento rispetto ad esso.



Se si sceglie la corrente alternata quale valore bisogna dare alla sinusoidale?

$$p(t) = \frac{r(t)^2}{R} \quad r(t) \sim \text{sinusoidale}$$

Il valore efficace da l'equivalenza energetica

○ $a(t) = A_m \sin(\omega t + \varphi)$

$$A = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T a^2(t) dt} \quad \text{VALORE EFFICACE}$$

IMPEDENZA = Esprime il rapporto tra fase tensione e fase corrente

$$\bar{Z} = \frac{\bar{V}}{\bar{I}}$$



$$\bar{Z} = \frac{\bar{V}}{\bar{I}} = \frac{V e^{j\psi_V}}{I e^{j\psi_I}} = \frac{V}{I} e^{j(\psi_V - \psi_I)} = Z e^{j\psi_Z}$$

$$\bar{Z} = R \pm jX = Z e^{j\psi_Z}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\psi_Z = \arctan\left(\frac{X}{R}\right)$$

RESISTENZA
che rappresenta
la parte reale

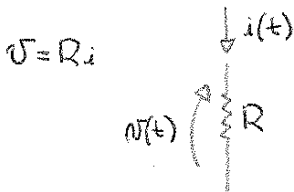
REATTANZA
che rappresenta
la parte immaginaria

$$\bar{A} = a + jb = A e^{j\psi_A}$$

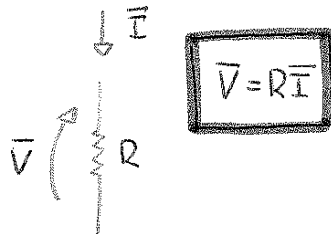
$$A = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\psi_A = \arctan\left(\frac{b}{a}\right)$$

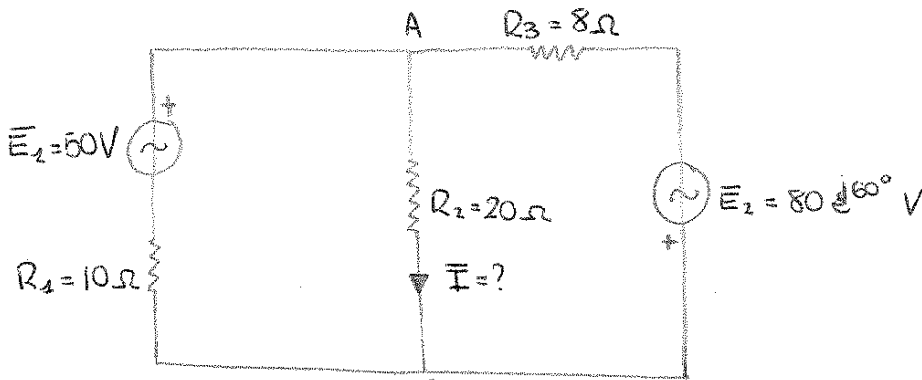
CASO 1: RESISTENZA



Rappresentato con
fasori diventa \rightarrow



ESERCIZIO



Pensando di essere in continua, cerco la tensione \bar{V}_{AB} con Millman:

$$\bar{V}_{AB} = \frac{\frac{50}{10} - \frac{80 e^{j60^\circ}}{8}}{\frac{1}{10} + \frac{1}{20} + \frac{1}{8}} = \frac{5 - 10 e^{j60^\circ}}{0,275} = \frac{5 - 10(\cos 60^\circ) + j(\sin 60^\circ)}{0,275} = \frac{5 - 10(0,5 + j0,866)}{0,275}$$

$$= \frac{5 - 5 - j8,66}{0,275} = \frac{-j8,66}{0,275} = -j31,49 \text{ V}$$

Calcolo il fasore \bar{I} :

$$\bar{I} = \frac{\bar{V}_{AB}}{R_2} = \frac{-j31,49}{20} = -j1,57 \text{ A}$$

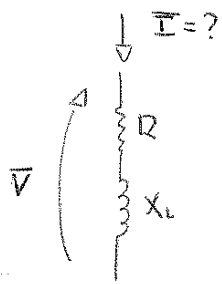
In coordinate polari e'

$$\bar{I} = 1,57 e^{-j\frac{\pi}{2}}$$

In forma di sinusoidale e'

$$i(t) = \sqrt{2}(1,57) \sin(\omega t - \frac{\pi}{2}) \text{ A}$$

Esempio: Sapendo che $\bar{V} = \bar{Z}\bar{I}$ └ la tensione ha fase nulla



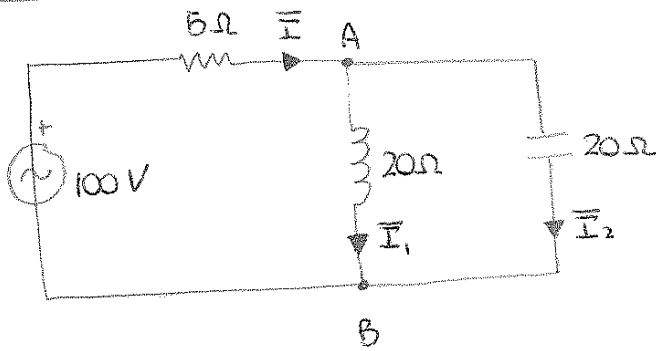
$$\bar{I} = \frac{\bar{V}}{\bar{Z}} = \frac{V e^{j\phi}}{Z e^{j\phi_t}} = \frac{V}{Z} e^{-j\phi_t}$$

$$\bar{Z} = R + jX_L = Z e^{j\phi_t} = \text{ang} \phi_t \left(\frac{X_L}{R} \right)$$

Diagramma fasoriale



ESERCIZIO



Si potrebbe applicare il teorema, ma è meglio il partitore di corrente:

$$\bar{Z}_{//} = \frac{(j20)(-j20)}{j20 - j20} = \frac{-400}{\phi}$$

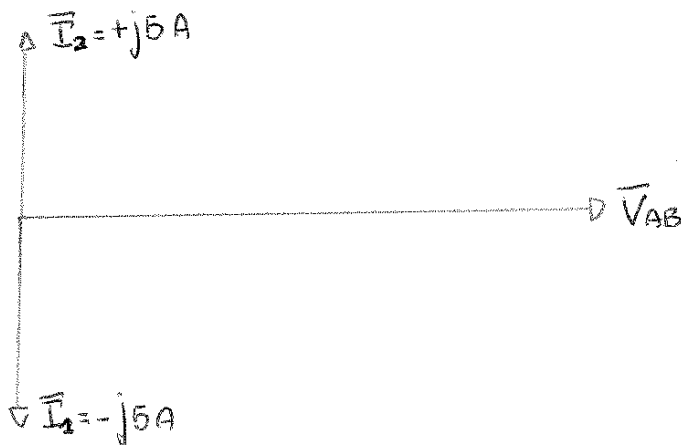
È un caso particolare in cui l'impedenza tende ad ∞ quindi è come se fosse un circuito aperto NON può passare corrente.

La corrente $\bar{I} = \phi$

Ⓜa negli altri due rami la corrente è $\neq 0$.

$$\bar{V}_{AB} = (-5)(0) + 100 = 100 \text{ V} \quad \leadsto \quad \bar{I}_2 = \frac{\bar{V}_{AB}}{j20} = \frac{100}{j20} = -j5 \text{ A}$$

$$\leadsto \bar{I}_2 = \frac{100}{-j20} = +j5 \text{ A}$$



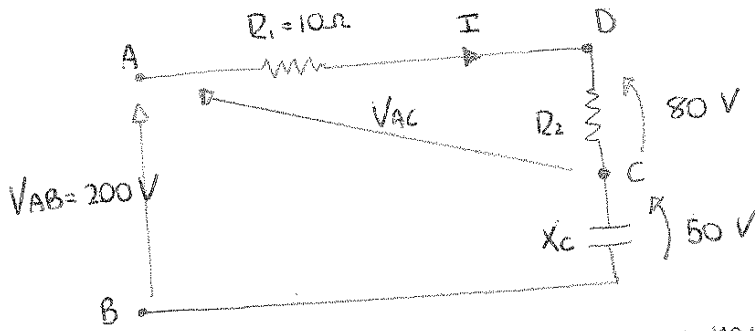
È un circuito in cui le reattanze in parallelo creano un circuito aperto.
Viene detto circuito risonante.

Faccendo Millman si ottiene (ES: AC.2.3)

$$\bar{V}_{CD} = 48,74 - j15,84$$

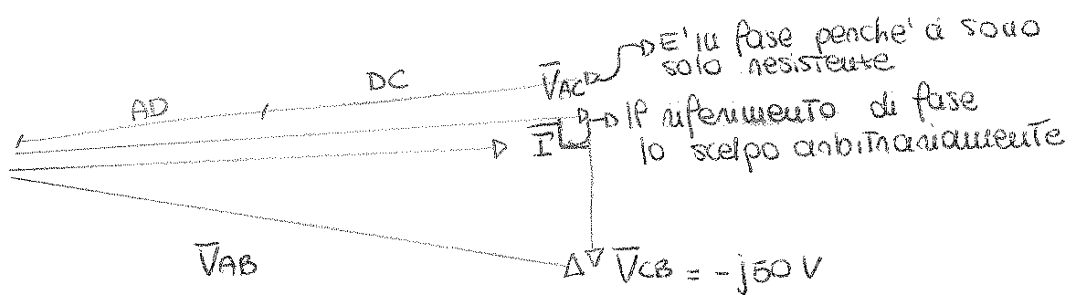
$$\bar{V}_{AB} = 48,33 e^{j75^\circ} \text{ V}$$

ESERCIZIO AC.2.5



Calcolare I in valore efficace e la resistenza R_2 (col diapnamma fasoriale).

I dati sono dati tutti in modulo ed non posso usare un'equazione di maglia!



$$|V_{CB}| = 50$$

$$|V_{AB}| = 200$$

$$|V_{AC}| = ?$$

$$|V_{AC}| = \sqrt{200^2 - 50^2} \approx 193,65 \text{ V}$$

$$V_{DC} = R_2 \cdot I = 80 \text{ V}$$

$$V_{AD} = (10) \cdot I$$

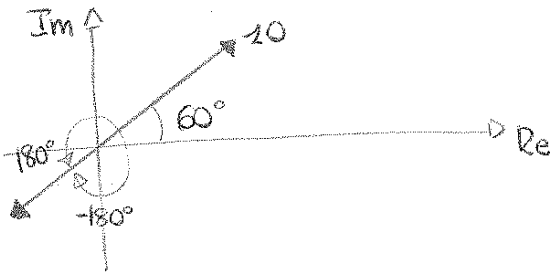
$$\text{nd } |V_{AD}| = V_{AC} - V_{DC} = 193,65 - 80 = 113,65 \text{ V}$$

$$\text{nd } I = \frac{V_{AD}}{R_1} = \frac{113,65}{10} = 11,36 \text{ A}$$

$$\text{nd } R_2 = \frac{V_{DC}}{I} = \frac{80}{11,36} = 7,04 \Omega$$

● SIGNIFICATO DEI SEGNI NEL FASORI

$-10e^{j60^\circ} = 10e^{j180^\circ} e^{j60^\circ} = 10e^{-j180^\circ} e^{j60^\circ}$ *no IP - davanti indica uno sfasamento di + o - 180°*

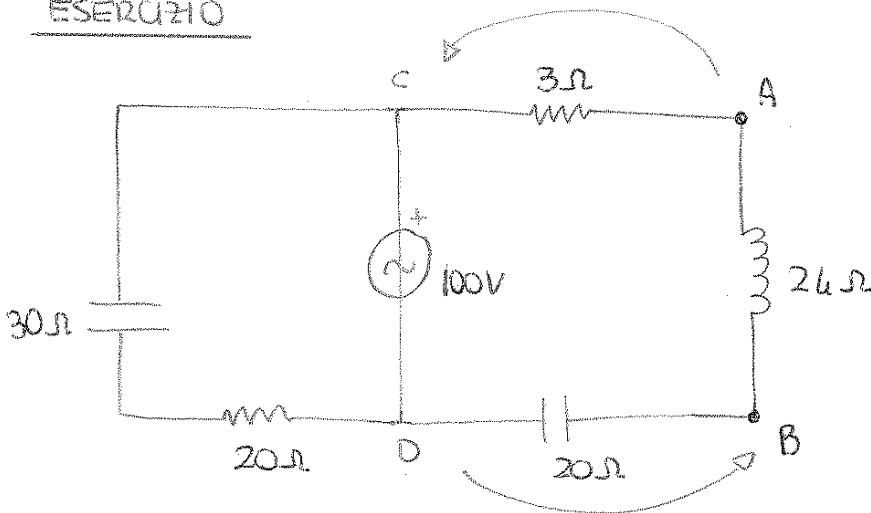


Esempio:



$\bar{V}_{AB} = -10(5) - (-j40) = -50 + j200 \text{ V}$

ESERCIZIO



\bar{E} viene preso come riferimento di fase

$\bar{V}_{AB} = ?$

A e B non sono due nodi!

Millman non e' da applicare perche' il potenziale di Tevenne da solo mi impone pra' la tensione sul nastro del circuito!!!

IP nastro di sinistra lo posso ignorare.

Applico il partitore di tensione sul lato destro:

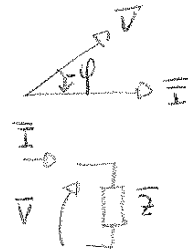
$$\bar{V}_{AB} = 100 \cdot \frac{j24}{3+j24-j20} = 100 \cdot \frac{j24}{3+j4} = 100 \cdot \frac{j24(3-j4)}{25} = 4(96+j72) = 384+j288 \text{ V}$$

①

3 Aprile 2012

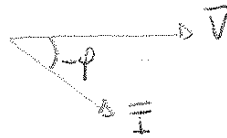
IMPEDENZA OHMICO INDUTTIVA

$$\bar{Z} = \frac{\bar{V}}{\bar{I}} = R + jX = Ze^{j\phi}$$



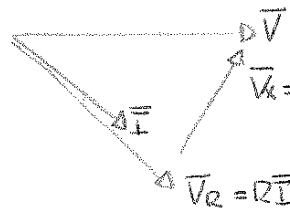
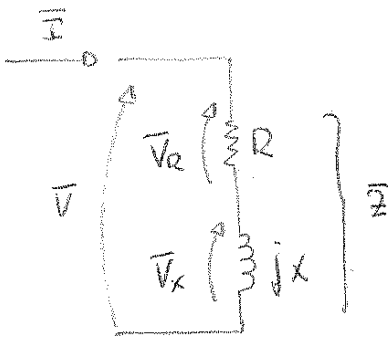
$$\bar{I} = \frac{\bar{V}}{\bar{Z}} = \frac{V}{Ze^{j\phi}} = \frac{V}{Z} e^{-j\phi} = I e^{-j\phi}$$

Avendo fase nulla non e' piu' un fasore



$$\bar{V} = R\bar{I} = (R + jX)\bar{I} = R\bar{I} + jX\bar{I}$$

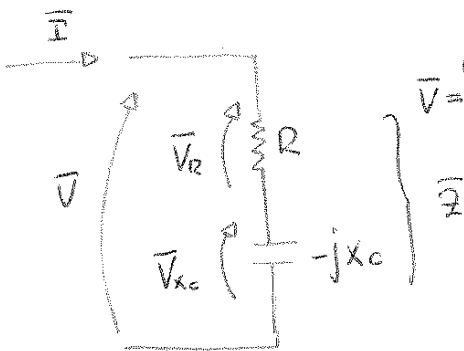
$\underbrace{\quad}_{\bar{V}_R} \quad \underbrace{\quad}_{\bar{V}_X}$



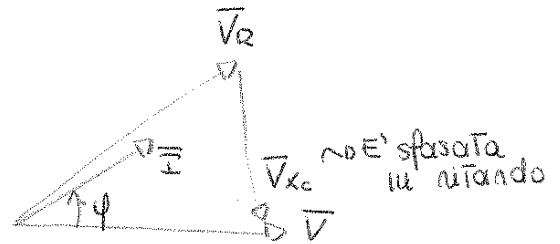
$\bar{V}_X = jX\bar{I}$ non e' sfasata in anticipo

IMPEDENZA OHMICO CAPACITIVA

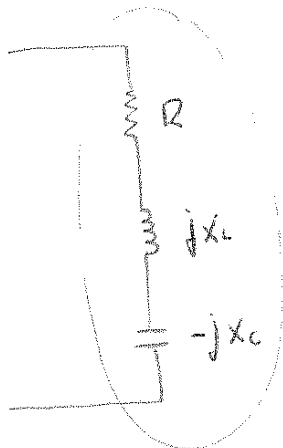
$$\bar{Z} = Ze^{-j\phi}$$



$$\bar{V} = R\bar{I} - jX_c\bar{I}$$



non e' sfasata in ritardo



$$Z_{eq} = R \pm jX$$

\downarrow
 $+jX_L \text{ o } -jX_C$

$$p(t) = VI \cos \phi (1 - \cos(2\omega t)) + VI \sin \phi (2\omega t) \quad \text{con frequenza } 2\omega$$

$$\phi = \frac{\omega L}{R}$$

Ha valore medio = $VI \cos \phi = P$ POTENZA ATTIVA ($\cos \phi =$ Fattore di potenza) [W]

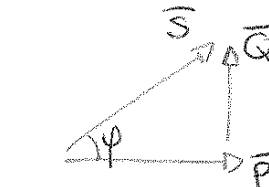
POTENZA REATTIVA $Q = VI \sin \phi$ [VAR]

Con un'impedenza puramente resistiva $\cos \phi = 1$ e $\sin \phi = 0$
 => In un bipolo puramente resistivo, non esiste potenza reattiva!

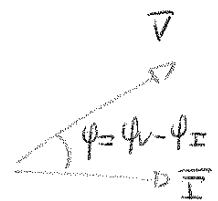
POTENZA APPARENTE: $S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{V^2 I^2 \cos^2 \phi + V^2 I^2 \sin^2 \phi} = VI$ [VA]
 (nel libro vecchio corrisponde alla A)

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = VI$$

$$\begin{aligned} \bar{S} &= P + jQ = VI \cos \phi + j VI \sin \phi = \\ &= VI (\cos \phi + j \sin \phi) = VI e^{j\phi} = \\ &= VI e^{j(\phi_V - \phi_I)} = V e^{j\phi_V} \cdot I e^{j\phi_I} = \\ &= \sqrt{VI} e^{j\phi} \end{aligned}$$



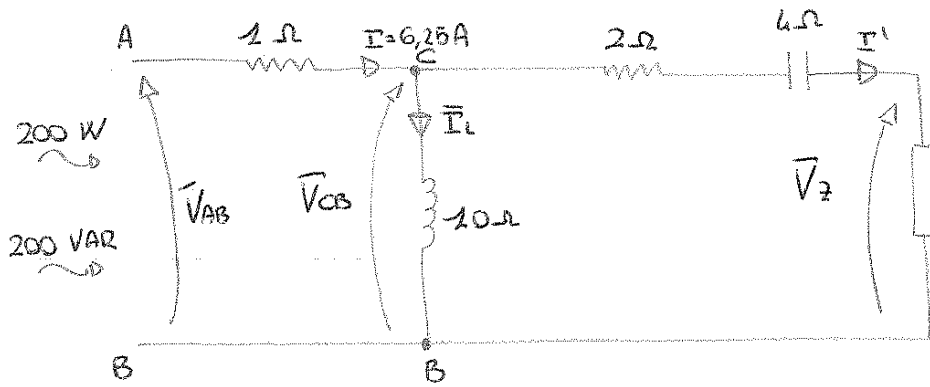
$$\tan \phi = \frac{Q}{P} = \frac{X}{R}$$



L'angolamento dell'impedenza che assorbe una data potenza è uguale all'angolamento della potenza complessa assorbita da quella

Esercizio

NUMERI COMPLESSI



Perché P e Q entranti sono entrambi attivi, l'impedenza totale sarà Ohmico-induttiva:
 $\bar{Z}_{TOT} = Z_{TOT} e^{j\phi_{TOT}}$

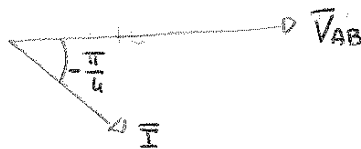
$$\bar{I} = \frac{V_{AB}}{Z_{TOT}} e^{-j\phi_{TOT}}$$

Bisogna scegliere un riferimento di fase e mantenere fisso alla fine

$$V_{AB} = 45,25 \text{ V} \quad \longrightarrow \bar{V}_{AB}$$

Con resistenza ed induttanza in serie, la corrente sarà sfasata in ritardo rispetto alla tensione.

$$\phi = \arctan\left(\frac{Q}{P}\right) = \frac{\pi}{4}$$



$$\bar{I} = 6,25 \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - j \frac{\sqrt{2}}{2} \right) = 4,42 - j4,42$$

Eq. di maglia:

$$\bar{V}_{CB} = -\bar{I} \cdot 2 + \bar{V}_{AB} = -(4,42 - j4,42) + 45,25 = -4,42 + j4,42 + 45,25 = 40,83 + j4,42 \text{ V}$$

$$V_{CB} = \sqrt{40,83^2 + 4,42^2} = 41,07 \text{ V}$$

$$\bar{I}_L = \frac{\bar{V}_{CB}}{j10} = \frac{40,83 + j4,42}{j10} = 0,442 - j4,083 \text{ A}$$

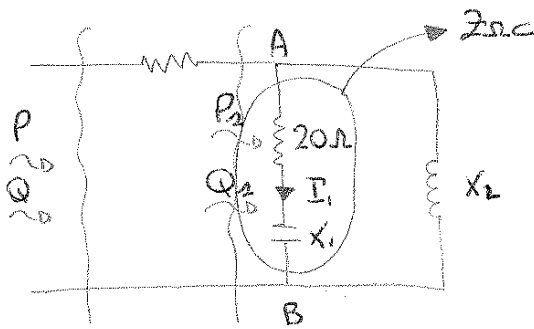
Eq. di nodo:

$$\bar{I} = \bar{I}_L + \bar{I}' \quad \Rightarrow \quad \bar{I}' = \bar{I} - \bar{I}_L = 4,42 - j4,42 - (0,442 - j4,083) = 3,978 - j0,337 \text{ A}$$

$$I = 4 \text{ A}$$

$$\bar{V}_2 = -\bar{I}' (2 - j4) + \bar{I}_L (j10) = -6,61 + j16,586 + 40,83 + j4,42 = 34,22 + j21,006 \text{ V}$$

$$\bar{Z} = \frac{\bar{V}_2}{\bar{I}'} = \frac{34,22 + j21,006}{3,978 - j0,337} = 8,097 + j5,97 \Rightarrow 10,06$$



148 W di P_2 fluiscano nella resistenza da 20Ω , quindi posso scrivere che:

$$P_2 = RI_2^2 = 20I_1^2 \quad \leadsto \quad I_1 = \sqrt{\frac{149}{20}} = 2,73 \text{ A}$$

$$Z_{\Omega C} = \frac{V_{AB}}{I_1}$$

Per poterla calcolare devo prima trovare V_{AB}

$$V_{AB} = \frac{\sqrt{P_1^2 + Q_1^2}}{I} = \frac{\sqrt{149^2 + 109,5^2}}{2,28} = 81 \text{ V}$$

$$\leadsto Z_{\Omega C} = \frac{81}{2,72} = 29,79 \Omega$$

$$X_1 = \sqrt{Z_{\Omega C}^2 - 20^2} \cong 22 \Omega$$

reattanza
capacitiva

La potenza reattiva assorbita dal condensatore X_1 sarà:

$$Q_C = -X_1 I_1^2 = (-22)(2,73)^2 \cong -162 \text{ VAR}$$

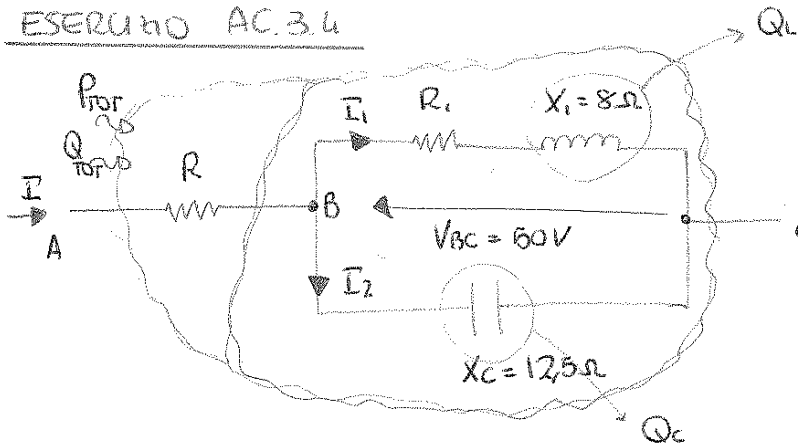
Riapplico BOUCHELOT

$$Q_2 = Q_C + Q_L \quad \leadsto \quad Q_L = Q_2 - Q_C = 109,5 + 162 = 271,5 \text{ VAR}$$

\leadsto La potenza reattiva è aumentata proprio grazie al condensatore

$$Q_L = \frac{V_{AB}^2}{X_L} \quad \leadsto \quad X_L = \frac{V_{AB}^2}{Q_L} = \frac{81}{271,5} = 23,98 \Omega$$

ESERCIZIO AC.3.4



$$\begin{cases} P_{TOT} = 200 \text{ W} \\ Q_{TOT} = 20 \text{ VAR (induttiva)} \end{cases}$$

• Calcolare R e R₁

$$I_2 = \frac{50}{12,5} = 4 \text{ A}$$

$$Q_c = \frac{V_{BC}^2}{X_c} = - \frac{50^2}{12,5} = - 200 \text{ VAR}$$

Applico BOUCHEROT

$$Q_{TOT} = Q_c + Q_l \Rightarrow Q_l = Q_{TOT} - Q_c = 20 - (-200) = 220 \text{ VAR}$$

Calcolo la corrente sul ramo superiore:

$$Q_l = I_1^2 \cdot X_l \Rightarrow I_1 = \sqrt{\frac{Q_l}{X_l}} = \sqrt{\frac{220}{8}} = 5,24 \text{ A}$$

$$Z_1 = \frac{V_{BC}}{I_1} = \frac{50}{5,24} = 9,54 \Omega$$

Oramai posso ricavare R₁:

$$R_1 = \sqrt{Z_1^2 - X_l^2} = \sqrt{9,54^2 - 8^2} = 5,2 \Omega$$

Nota: R₁ possiamo conoscere la potenza assorbita da R

$$P_{R_1} = I_1^2 \cdot R_1 = 5,24^2 \cdot 5,2 = 143 \text{ W} \quad P_R = 200 - 143 = 57 \text{ W}$$

Per poter trovare R ho bisogno di trovare il valore di I e posso calcolarla sfruttando queste informazioni:

$$S_{//} = \sqrt{P_{R_1}^2 + Q_{TOT}^2} = \sqrt{143^2 + 20^2} = 144,6 \text{ VA}$$

È l'unica potenza attiva all'interno del parallelo

$$S_{//} = V_{BC} \cdot I \Rightarrow I = \frac{S_{//}}{V_{BC}} = \frac{144,6}{50} = 2,9 \text{ A}$$

Notiamo che la corrente quando si divide tra i due rami aumenta e questo succede perché non siamo più in corrente continua.



$$P_L = I^2 \cdot R_L = (23)^2 \cdot (0,5) = 266 \text{ W}$$

$$Q_L = I^2 \cdot X_L = (23)^2 \cdot (0,1) = 53 \text{ VAR}$$

$$\begin{cases} P_p = P_L + P_C = 266 + 4232 = 4498 \text{ W} \\ Q_p = Q_L + Q_C = 53 + 3274 = 3327 \text{ VAR} \end{cases}$$

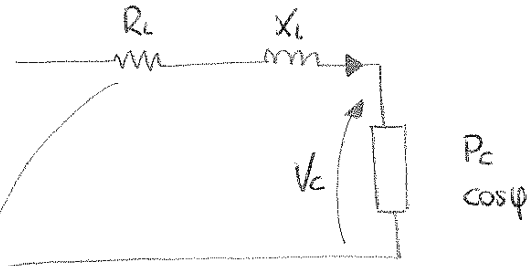
Ora posso calcolare V_p . Ricavo la potenza apparente alla portante:

$$S_p = V_p I \quad \text{no} \quad V_p = \frac{S_p}{I} = \frac{\sqrt{P_p^2 + Q_p^2}}{I} = 242 \text{ V}$$

Per calcolare la caduta di tensione devo usare la formula: $\Delta V = I \bar{V}_p + I \bar{V}_c$

Esempio:

$$P = VI \cos \varphi$$



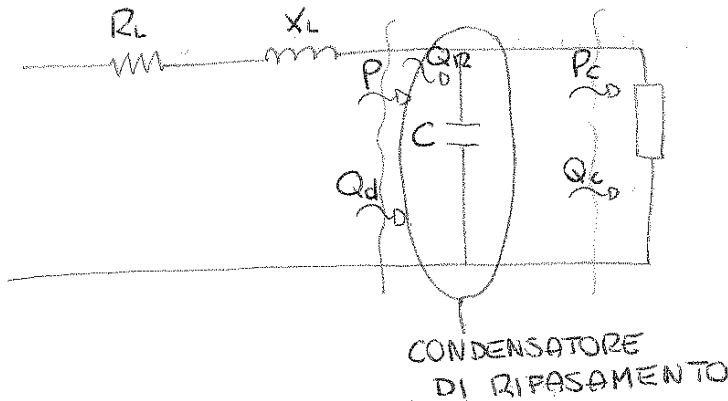
$$P_L = RI^2 = R_L \frac{P^2}{V^2 \cos^2 \varphi}$$

~> Al crescere della potenza reattiva, la corrente aumenta nella linea ed aumentano anche le perdite in linea.

~> le perdite in linea sono inversamente proporzionali al quadrato della tensione

La potenza reattiva può essere anche fornita localmente in modo che non viaggi in linea ~> RIFASAMENTO

Esempio:



Q_d = potenza reattiva che voglio passi, quindi e' decisa da me

$$Q_d < Q_c \quad I_d < I_c$$

↓
E' l'obiettivo del rifasamento

$$\begin{cases} P = P_c \\ Q_d = Q_R + Q_c \quad \sim \quad Q_R = (Q_d - Q_c) < \phi \end{cases}$$

$$Q = P \tan \varphi \quad \sim \quad \begin{cases} Q_d = P \tan \varphi_d \\ Q_c = P \tan \varphi_c \end{cases} \quad \cos \varphi \leq 0,9$$

$$Q_R = P_c (\tan \varphi_d - \tan \varphi_c) < \phi$$

$$\tan \varphi = \frac{Q}{P} = \frac{Q_{media} (Q_m)}{P_{media} (P_m)} \leq 0,5 \quad \text{SEMPRE!!!}$$

La potenza reattiva non deve superare la metà del valore di quella attiva.

$$Q_R = \frac{V^2}{X_C} = V^2 \omega C$$

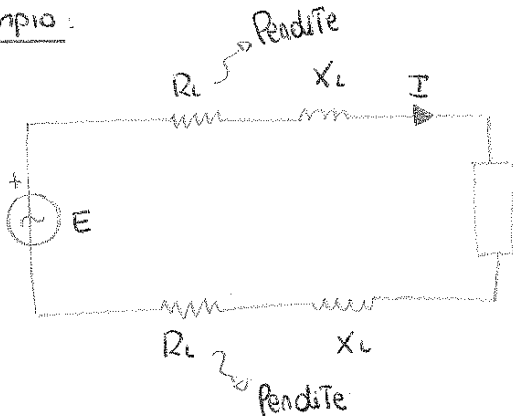
19 Aprile 2012

Trifase

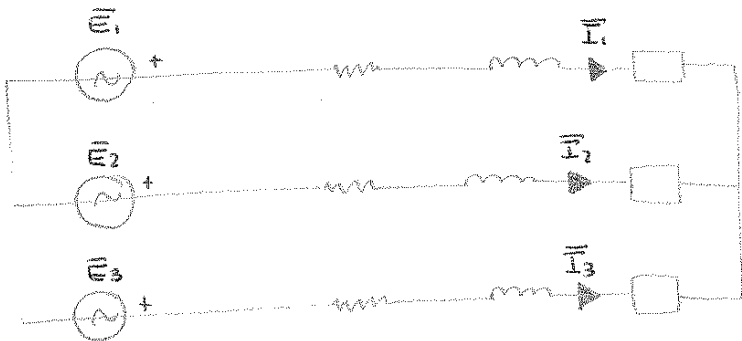
↳ Permette di risolvere dei problemi dei campi notevoli

È un caso particolare di sistema polifase (i generatori sono sfasati tra loro)

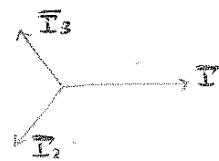
Esempio:



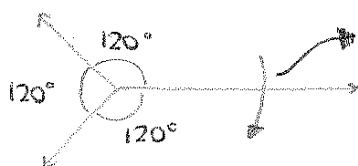
• la corrente ha un ritorno.



• la corrente viene sommata a zero nel nodo, quindi non ha ritorno.

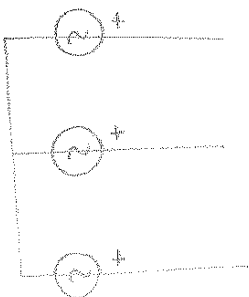


TERNA PURA DI FASORI = Terna di fasori uguali sfasati tra loro, una di somma nulla.

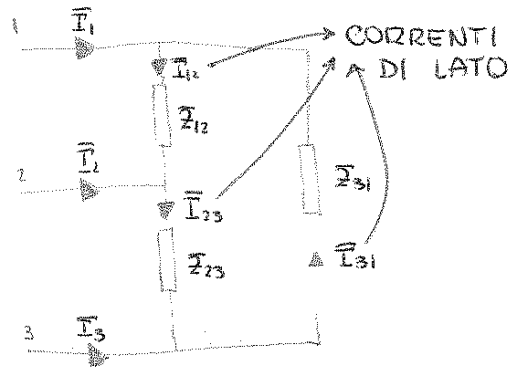
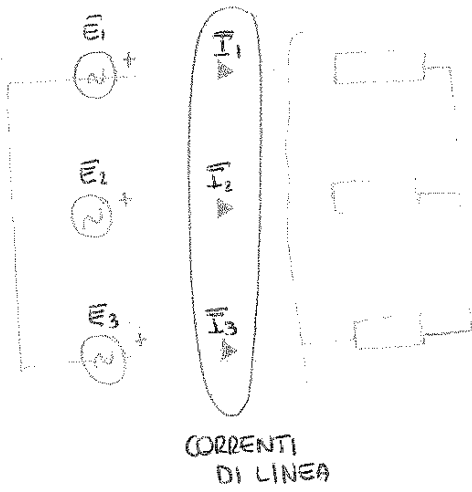


Se il senso è orario viene detta DIRETTA

I tre fasori rappresentano tre sinusoidi.



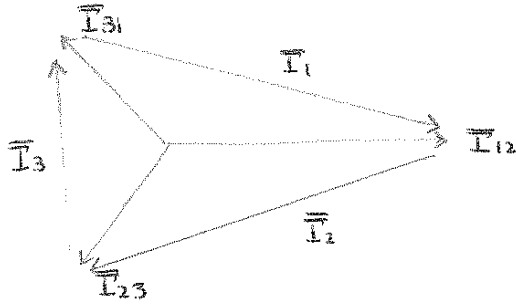
Ogni generatore è sfasato di $\frac{2\pi}{m}$ (principalmente $m=3$)



Esempio: $I_1 - I_{12} + I_{31} = 0$

$$\begin{cases} I_1 = I_{12} - I_{31} \\ I_2 = I_{13} - I_{12} \\ I_3 = I_{31} - I_{23} \end{cases}$$

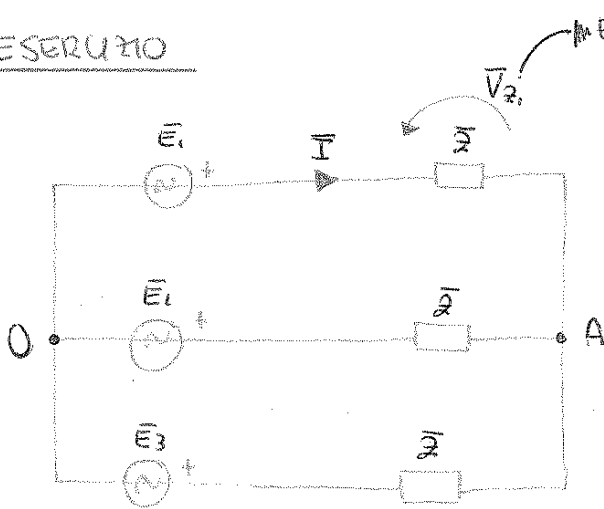
Le Teme simmetriche possono essere di Tensioni o conneuti.
 IP carico puo' essere detto equilibrato.



Le conneuti di linea sono $\sqrt{3}$ volte piu' grandi di quelle di lato

$$I = \sqrt{3} I_{\Delta}$$

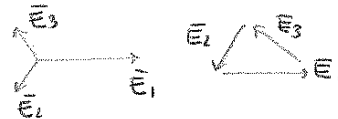
ESERIZIO



→ E' la Tensione sull'impedenta di carico e non quella concatenata!

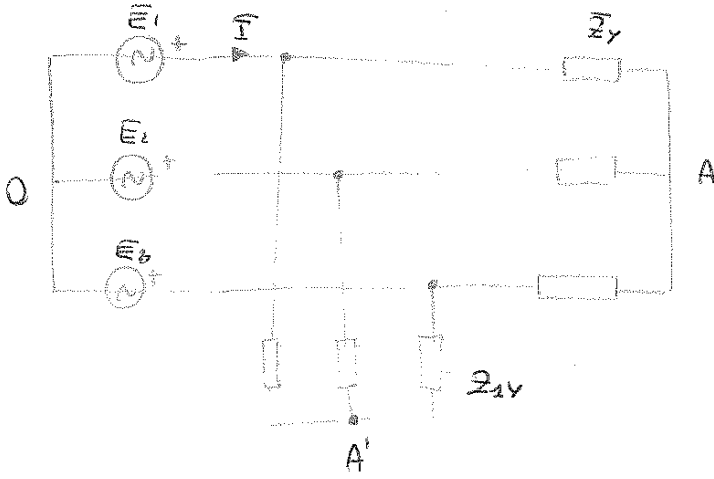
• Calcolare il valore di V_{21}

$E_1 + E_2 + E_3 = \phi$ (e' una Terna pura!)

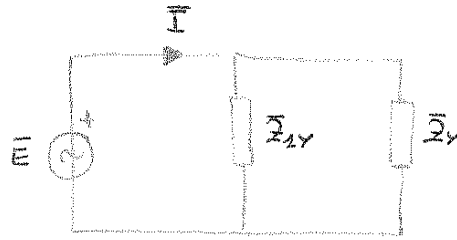
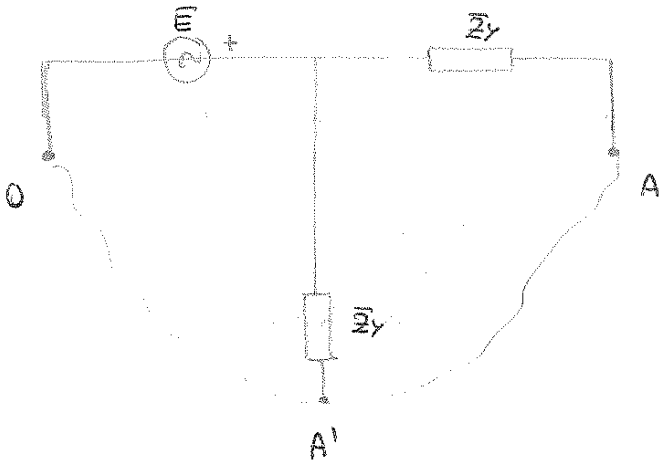


Posso applicare il teorema

$$V_{AO} = \frac{\frac{E_1}{Z} + \frac{E_2}{Z} + \frac{E_3}{Z}}{\frac{1}{Z} + \frac{1}{Z} + \frac{1}{Z}} = \frac{\frac{E_1 + E_2 + E_3}{Z}}{\frac{3}{Z}} = \phi = 0 \text{ NON c'e' differenza di potenziale tra A e O}$$



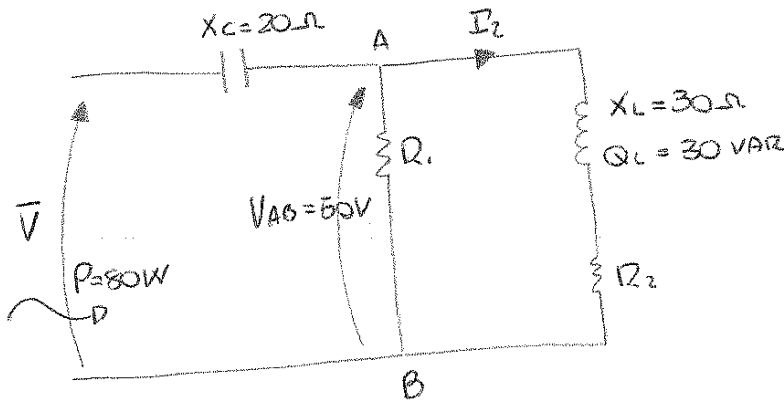
Il circuito equivalente diventa:



23 Aprile 2012

ES: AC.3.5

• Determinare R_2 , R_1 e \bar{V} .



Si assume che V_{AB} punta da riferimento di fase.
Calcolo la corrente sul ramo R_2

$$Q_L = X_L I_2 \Rightarrow I_2 = \sqrt{\frac{Q_L}{X_L}} = 1 \text{ A}$$

Conoscendo V_{AB} , posso calcolare l'impedenza Z_2

$$Z_2 = \frac{V_{AB}}{I_2} = \frac{50}{1} = 50 \Omega$$

Ora posso ricavare R_2 :

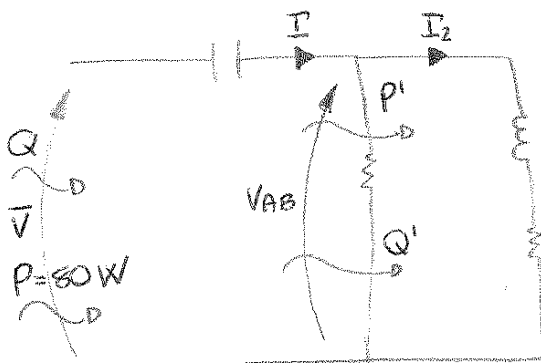
$$R_2 = \sqrt{Z_2^2 - X_L^2} = 40 \Omega$$

Per calcolare R_1 posso sfruttare le informazioni sulla potenza:

$$P = P_{R1} + P_{R2}$$

$$P_{R1} = 80 - (40)(1)^2 = 40 \text{ W}$$

$$P_{R1} = \frac{V_{AB}^2}{R_1} = \frac{50^2}{R_1} \Rightarrow R_1 = \frac{50^2}{40} = 62,5 \Omega$$



$$\begin{cases} P' = P = 80 \text{ W} (= P_{R1} + P_{R2}) \\ Q' = 30 \text{ VAR} \end{cases}$$

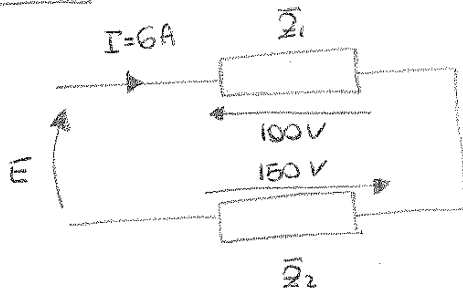
$$I = \frac{A^2}{V_{AB}} = \frac{\sqrt{80^2 + 30^2}}{50} = 1,7 \text{ A}$$

NON bisogna fare l'equazione di maglia perché I è stata calcolata in modulo!!!

①

23 Aprile 2012

ES: AC.2.6



$$\bar{Z}_1 (R_1 = 8 \Omega)$$

$$\bar{Z}_2 (X_2 = 10 \Omega)$$

• Calcolare l'ampiezza della tensione E (sapendo che il sistema è ohmico-induttivo)

$$Z_1 = \frac{100}{6} = 16,67 \Omega$$

$$Z_2 = \frac{150}{6} = 25 \Omega$$

(fa) non posso sommare perché I non è data coi numeri complessi.

$$X_1 = \sqrt{Z_1^2 - R_1^2} = \sqrt{16,67^2 - 8^2} = 14,6 \Omega \quad (\text{positiva, proprio perché il sistema è ohmico-induttivo})$$

$$\sim \bar{Z}_1 = 8 + j14,6 \Omega$$

$$R_2 = \sqrt{Z_2^2 - X_2^2} = \sqrt{25^2 - 10^2} = 23 \Omega$$

$$\sim \bar{Z}_2 = 23 + j10 \Omega$$

$$\bar{Z}_{TOT} = \bar{Z}_1 + \bar{Z}_2 = 31 + j24,6$$

$$|\bar{Z}_{TOT}| = 39,6 \Omega$$

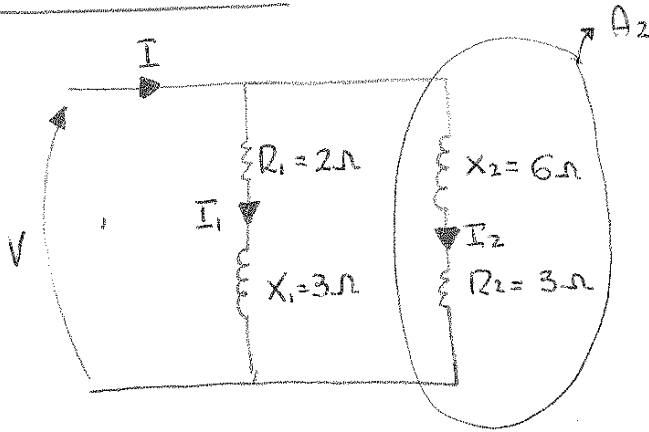
$$\sim \mathcal{M}E = I \cdot Z_{TOT} = (6)(39,6) = 237,5 V$$

23 Aprile 2012

$$\begin{aligned} \sim \left\{ \begin{aligned} P' &= (10)I'^2 + P_G \quad \sim P_G = P' - (10)(3,53)^2 = -125 \text{ W} \\ Q' &= Q_C + Q_G \quad \sim Q_G = Q' - Q_C = 250 - (-10)(3,53)^2 = 250 + 124 = 374 \text{ VAR} \end{aligned} \right. \end{aligned}$$

I segni sono opposti a prima perché noi abbiamo calcolato tutte potenze entranti, mentre quelle richieste sono uscite.

ESERCIZIO: AC.P.5



• Calcolare la corrente I in valore efficace, sapendo che $A_2 = 1490$

$$A_2 = VI_2 = \frac{V^2}{Z_2}$$

$$A_2 = VI_2 = \frac{V^2}{Z_2} \quad \sim I_2 = \frac{V}{\sqrt{R_2^2 + X_2^2}} = \frac{V}{\sqrt{3^2 + 6^2}} = \frac{V}{6,7}$$

$$V = \sqrt{A_2 \cdot Z_2} = \sqrt{(1490)(6,7)} = 100$$

I_1 posso calcolarla come:

$$I_1 = \frac{V}{Z_1} = \frac{100}{\sqrt{2^2 + 3^2}} = 27,8 \text{ A}$$

$$\begin{cases} P_1 = R_1 I_1^2 = (2)(27,8)^2 = 1546 \text{ W} \\ Q_1 = X_1 I_1^2 = (3)(27,8)^2 = 2318 \text{ VAR} \end{cases}$$

I_2 posso calcolarla come:

$$\varphi_2 = \arctan\left(\frac{6}{3}\right) = 63,43^\circ$$

conoscendo la potenza apparente ricavo P_2

$$\begin{cases} P_2 = A_2 \cos \varphi_2 = (1490) \cos(63,43^\circ) = 666 \text{ W} \\ Q_2 = A_2 \sin \varphi_2 = 1332,6 \text{ VAR} \end{cases}$$

Applico Boucherot:

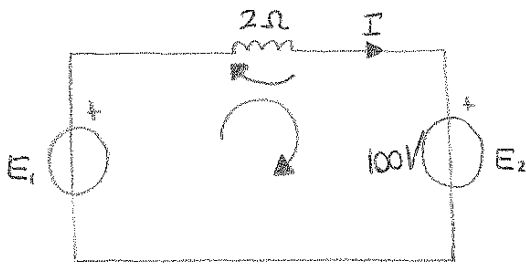
$$\begin{cases} P_{TOT} = P_1 + P_2 = 2212 \text{ W} \\ Q_{TOT} = Q_1 + Q_2 = 3650 \text{ VAR} \end{cases} \quad \sim A_{TOT} = \sqrt{P_{TOT}^2 + Q_{TOT}^2} = 4268 \text{ VA}$$

La corrente I è:

$$I = \frac{A_{TOT}}{V} = \frac{4268}{100} = 42,7 \text{ A}$$

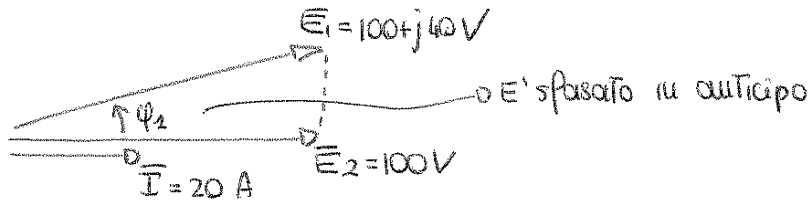
23 Aprile 2012

TEMA D'ESAME: 23/04/2011



E_2 assorbe: $P_2 = 2 \text{ kW}$
 inoltre e' preso come riferimento di fase

- Calcolare il valore efficace di I e della tensione E_1 , e l'angolo di sfasamento tra E_1 e E_2 .



$$P_2 = E_2 \cdot I \quad \leadsto \quad I = \frac{P_2}{E_2} = \frac{2000}{100} = 20 \text{ A} \quad \text{E' in fase con la tensione}$$

$$\bar{E}_1 = j2(I) + \bar{E}_2 = j2(20) + 100 = 100 + j40 \text{ V}$$

$$E_1 = \sqrt{100^2 + 40^2} = 108 \text{ V}$$

$$\varphi_2 = \arctan\left(\frac{40}{100}\right) = 21,8^\circ$$

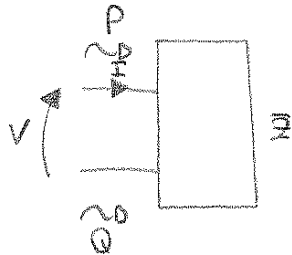
26 Aprile 2012

● MACCHINA ELETTRICA ROTANTE

$$C = \frac{r}{\Omega} \quad \text{coppia}$$

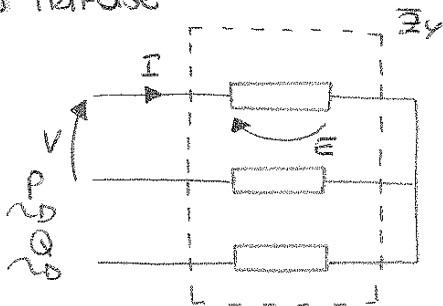
CORRENTE ALTERNATA

● MONOFASE



$$Z = \frac{V}{I} = \frac{V^2}{VI} = \frac{V^2}{A} \quad \phi_z = \arccos\left(\frac{Q}{P}\right)$$

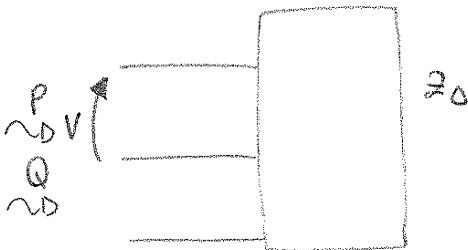
● TRIFASE



$$Z_y = \frac{E}{I} = \frac{E E}{I E} = \frac{3E^2}{3EI} = \frac{V^2}{A} \quad \begin{array}{l} \text{Tensione concatenata} \\ \text{potenza trifase} \end{array}$$

$$\phi_z = \arccos\left(\frac{Q}{P}\right)$$

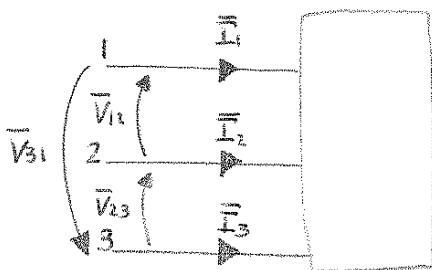
Esempio



$$Z_y = \frac{V^2}{A} = \frac{V^2}{\sqrt{P^2+Q^2}} \quad \leadsto \quad Z_0 = 3Z_y$$

$$\phi_{zy} = \arccos\left(\frac{Q}{P}\right) \quad \leadsto \quad \phi_{z0} = \phi_{zy}$$

● SISTEMI DISIMMETRICI

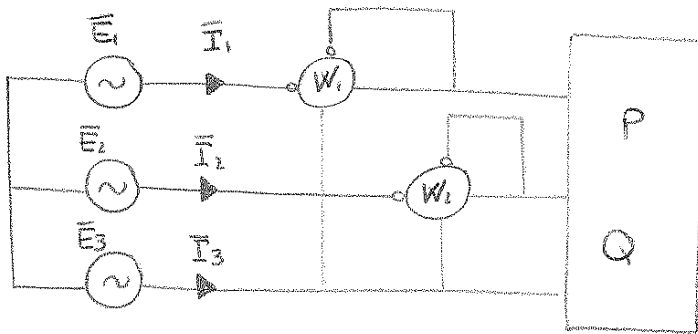


$\bar{I}_1 + \bar{I}_2 + \bar{I}_3 = \emptyset$ solo 2 sono linearmente indipendenti

$\bar{V}_{12} + \bar{V}_{23} + \bar{V}_{31} = \emptyset$ solo 2 sono lin. indipendenti

$$\bar{A} = \bar{V}_{13} \bar{I}_1^* + \bar{V}_{23} \bar{I}_2^* = P + jQ$$

ESECUITO 3F.2.1



simmetrico equilibrato

- $P = 3 \text{ kW}$
- $Q = 1,732 \text{ KVAR}$
- $P_{W1} = 2 \text{ kW}$
- $V = 400 \text{ V}$
- fattore di potenza = 0,92 (riferimento)

Determinare:

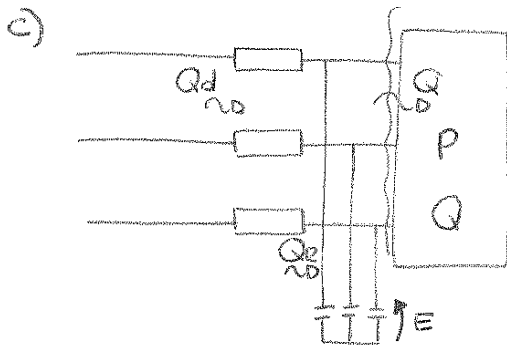
- a) la corrente assorbita dal carico (in modulo)
- b) l'indicazione del wattmetro W_2
- c) la potenza reattiva della batteria di condensatori per il rifasamento
- d) la capacità dei condensatori, nell'insertione a Triangolo

a) $I = \frac{A}{\sqrt{3}V} = \frac{\sqrt{P^2+Q^2}}{\sqrt{3}V} = \frac{\sqrt{9+3} \cdot 10^3}{\sqrt{3} \cdot 400} = 5 \text{ A}$

b)
$$\begin{cases} P+Q = P_{W1} + \sqrt{3}P_{W2} + P_{W2} = \sqrt{3}P_{W2} \\ P-Q = P_{W1} - \sqrt{3}P_{W2} + P_{W2} + \sqrt{3}P_{W2} \end{cases}$$

$2P = 2P_{W1} + 2P_{W2}$

$$\begin{cases} P = P_{W1} + P_{W2} \\ Q = \sqrt{3}(P_{W1} - P_{W2}) \end{cases} \quad \begin{cases} P = P_{W1} + P_{W2} \\ \frac{Q}{\sqrt{3}} = P_{W1} - P_{W2} \end{cases} \quad \begin{cases} 2P_{W1} = P + \frac{Q}{\sqrt{3}} \\ 2P_{W2} = P - \frac{Q}{\sqrt{3}} \end{cases} \quad \begin{cases} P_{W1} = \frac{1}{2} \left(P + \frac{Q}{\sqrt{3}} \right) = 2 \text{ kW} \\ P_{W2} = \frac{1}{2} \left(P - \frac{Q}{\sqrt{3}} \right) = 1 \text{ kW} \end{cases}$$



$Q_d = Q_R + Q \Rightarrow Q_R = Q_d - Q < 0$

$Q_R = P(\tan \phi_d - \tan \phi)$

STELLA: $Q_R = 3 \frac{E^2}{X_{cy}} = \frac{V^2}{X_{cy}}$

TRIANGOLO: $Q_R = 3 \frac{V^2}{X_{ca}}$

$\frac{V^2}{X_{cy}} = 3 \frac{V^2}{X_{ca}} \Rightarrow X_{ca} = 3X_{cy} \Rightarrow \frac{1}{\omega C_a} = 3 \frac{1}{\omega C_y} \Rightarrow C_y = 3C_a$

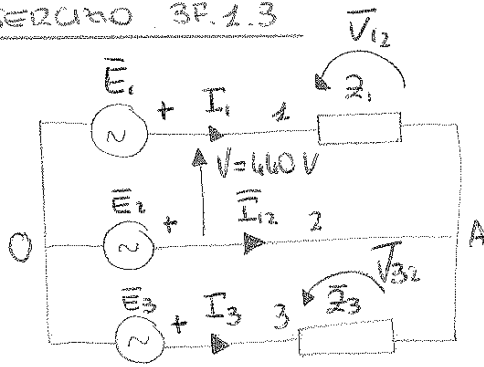
$\tan \phi = \frac{Q}{P} = \frac{\sqrt{3}}{3} = 0,58$ Poiché il valore massimo è 0,5 e' da rifasare ($\cos \phi < 0,9$)

$\tan \phi_d = \tan(\arccos(0,92)) = 0,63$

$Q_R = 3(0,63 - 0,58) = -0,45 \Rightarrow -450 \text{ VAR}$ IP segno negativo conta solo se (uso Boucherot

2 Maggio 2012

Esercizio 3P.1.3



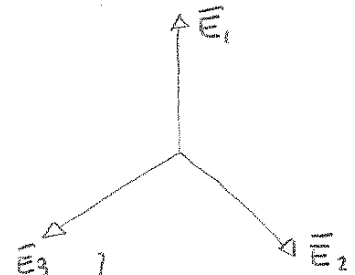
$Z_1 = Z_3 = 10 + j5 \Omega$
 440V concatenata

Tema simmetrica di tensioni

Determinare la corrente I_{12}

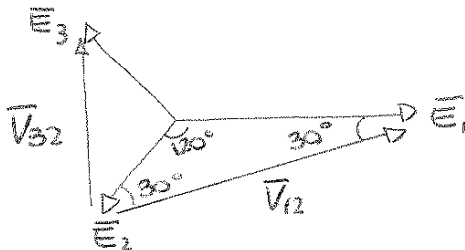
La tensione di fase e':

$E = \frac{440}{\sqrt{3}} = 254 V \sim \bar{E}_1 = j \frac{440}{\sqrt{3}} = j254 V$



Ma e' una scrittura molto scomoda!

Antiche sull'asse immaginario, mettiamo \bar{E}_1 sull'asse reale. Cioe', mettiamo tutto di 90°



Z_1 e' sottoposta alla tensione: $\bar{E}_1 - \bar{V}_{12} \sim \bar{V}_{12} = \bar{E}_1 - \bar{E}_2$

$\bar{V}_{12} = 440 e^{j30^\circ}$ $|\bar{E}_1| = 254 e^{j26,56^\circ}$

La corrente $\bar{I}_1 = \frac{\bar{V}_{12}}{Z_1} = \frac{440 e^{j30^\circ}}{10 + j5} = \frac{440 e^{j30^\circ}}{11,2} = \frac{440 e^{j30^\circ}}{11,2} = \frac{440 e^{j30^\circ}}{11,2} = 39,28 e^{j3,44^\circ}$

In coordinate cartesiane diventa: $39,28 (\cos(3,44)) = 39,21$
 $39,28 (\sin(3,44)) = j2,36$
 $= 39,21 + j2,36 A$

Faccio la stessa cosa per \bar{E}_3

$\bar{I}_3 = \frac{\bar{V}_{32}}{Z_3} = \frac{j440}{10 + j5} = 17,6 + j35,2 A$

Con l'equazione al nodo A calcolo \bar{I}_{12}

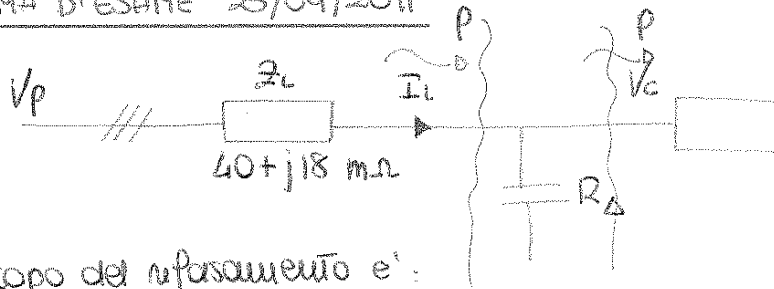
$\bar{I}_1 + \bar{I}_{12} + \bar{I}_3 = 0 \sim \bar{I}_{12} = -(\bar{I}_1 + \bar{I}_3) = -(56,81 + j37,56) = -56,81 - j37,56 A$

$|\bar{I}_{12}| = 68,1 A$

$\varphi = \arctan\left(\frac{37,56}{56,81}\right) = 33,47$ (Ma) in realta' noi stiamo cercando quello che sta a $-180^\circ \sim 33,47 - 180 = -146,53^\circ$

TEMA D'ESAME 23/09/2011

2 maggio 2012



$V_c = 395 \text{ V}$ (Tensione concatenata)

frequenza = 50 Hz

$P_c = 60 \text{ kW}$ (assorbita)

$\cos \phi = 0,78$

Lo non si può scendere al di sotto di 0,9

Lo scopo del rifasamento è:

$\text{Tr} \phi = 0,5$

• Calcolare la capacità di rifasamento, la corrente I_L e V_p

$Q_R = P(\text{Tr} \phi_d - \text{Tr} \phi_c) = 60(0,5 - 0,8) = -18 \text{ KVAR}$

$\text{Tr}(\arccos(0,78)) = 0,8$

Q_R per una batteria disposta a Triangolo vale

$Q_R = \frac{V_c^2}{X_{c\Delta}} \cdot 3 = 0 \quad X_{c\Delta} = \frac{395^2}{18 \cdot 1000} = 26 \Omega$

$X_{c\Delta} = \frac{1}{\omega C_\Delta} \sim C_\Delta = \frac{1}{\omega X_{c\Delta}} = \frac{1}{(314)(26)} = 0,000122 = 0,122 \text{ mF}$

A monte del rifasamento si ha che:

$\begin{cases} P = 60 \text{ kW} \\ Q = P \text{Tr} \phi_d = 30 \text{ KVAR} \end{cases}$

$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 67,1 \text{ KVA}$

Ormai posso calcolare la corrente da $S = \sqrt{3} V I \sim I = \frac{S}{\sqrt{3} V_c}$

$I_L = \frac{67,100}{\sqrt{3}(395)} = 98 \text{ A}$

Uso la formula della caduta di Tensione induttiva

$\Delta V = \sqrt{3} (R_L \cos \phi_c + X_L \sin \phi_c) I$ oppure $\Delta V = \frac{PR_L + QX_L}{V}$

$\Delta V = \frac{\overset{\text{KW}}{(60)} \overset{\text{m}\Omega}{(40)} + \overset{\text{KVAR}}{(30)} \overset{\text{m}\Omega}{(18)}}{395} = 7,66$

$\Delta V = V_p - V_c \sim V_p = \Delta V + V_c = 7,66 + 395 = 402,66 \text{ V}$

2 Maggio 2012

Per il fattore di potenza applico Boucherot.

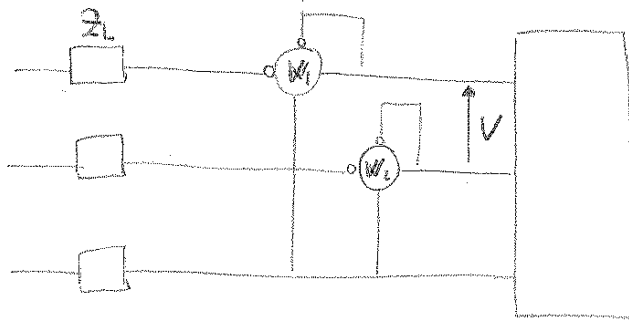
$$\begin{cases} P_2 = 18 \text{ kW} \\ Q_2 = Q_{2R} = 30,3 \text{ kVAR} \text{ (perché nel carico non va nulla)} \end{cases}$$

$$\cos \phi_2 = \cos(\arctan(\frac{30,3}{18})) = 0,51$$

Riduce la potenza reattiva, in modo da ridurre la potenza apparente, quindi anche la corrente

TEMA D'ESAME 9/09/2008

● RIFASAMENTO



Carico trifase equilibrato

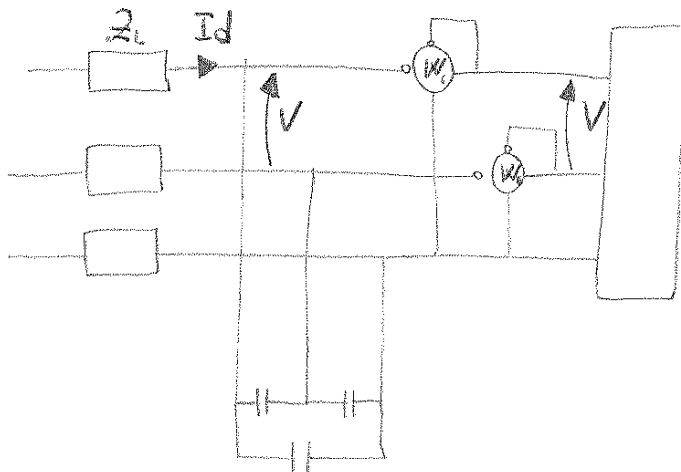
$V = 400 \text{ V}$ concatenata

$$\bar{Z}_L = 0,2 + j0,01 \Omega$$

$$\begin{cases} P_{W1} = 10 \text{ kW} \\ P_{W2} = 6 \text{ kW} \end{cases}$$

• Decidere dove collocare la batteria di rifasamento nel caso in cui si vogliono min le perdite in linea.

Perché il rifasamento riduce la potenza reattiva al monte del punto di inserimento della batteria, questa va inserita a valle in modo da poter minimizzare le perdite in linea!



• Calcolare le perdite in linea ed il rendimento della linea

Calcolo le potenze attiva e reattiva:

$$P = 10 + 6 = 16 \text{ kW}$$

$$Q = \sqrt{3}(10 - 6) = 10,6 \text{ kVAR}$$

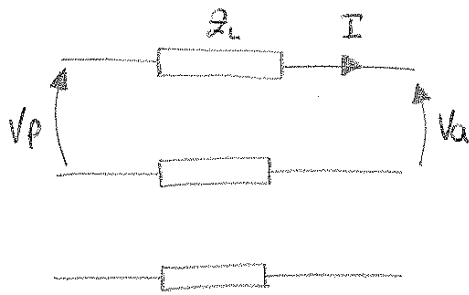
Tuttavia Q non mi serve!!! Mi serve solo Q_d

$$Q_d = P(\tan \phi_d) = P(\tan(\arccos(0,9))) = (16)(0,48) = 6,68 \text{ kVAR}$$

$$I_d = \frac{S_d}{\sqrt{3} V} = \frac{\sqrt{16^2 + 6,68^2}}{\sqrt{3} \cdot 400} = 0,02245 \text{ kA} = 22,45 \text{ A}$$

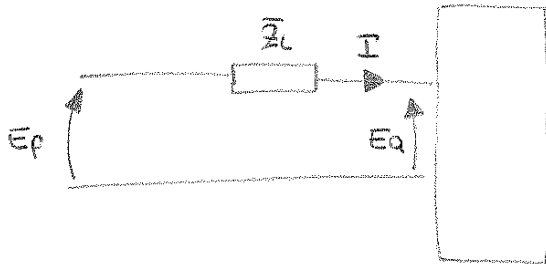
③

3 maggio 2012



Sistema simmetrico

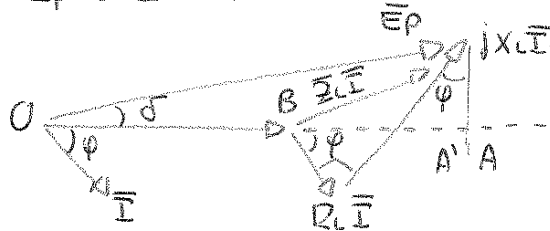
$$\Delta V = V_p - V_a$$



E = tensione stellata

$$\bar{Z}_L = R_L + jX_L$$

$$E_p = \bar{Z}_L \bar{I} + E_a$$



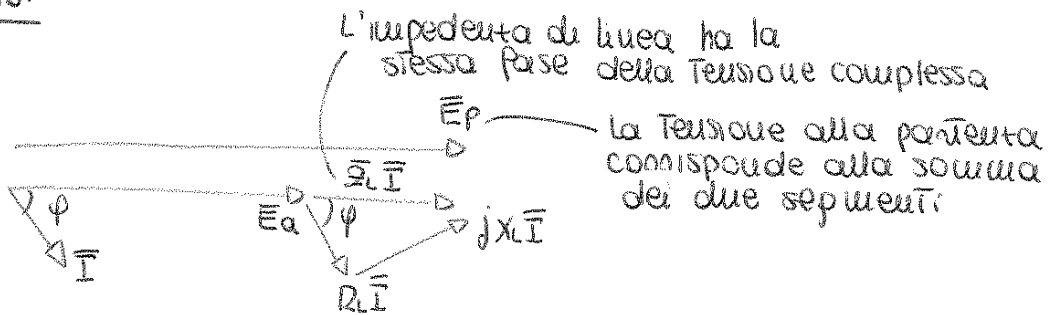
$$\Delta V = \sqrt{3}(E_p - E_a) = \sqrt{3}(AO - BO) \approx \sqrt{3}(A'O - BO) = \sqrt{3}(A'B) = \sqrt{3}(R_L I \cos \phi + X_L I \sin \phi) =$$

$$= \sqrt{3}(R_L \cos \phi + X_L \sin \phi) I$$

Relativi al carico

Relativi alla linea

Esempio:



$$\Delta V = V_p - V_a$$

1° METODO

$$V_p = V_a + \Delta V \quad (\text{da una buona approssimazione})$$

2° METODO

$$V_a = V_p - \Delta V \quad (\text{meno preciso, ma accettabile})$$



3 Maggio 2012

● **TRASFORMATORE** = Trasforma la corrente elettrica in energia elettrica, mantenendo la stessa potenza

● **MACCHINE ELETTRICHE**

\vec{B} [T]
 \vec{H} [A m⁻¹]

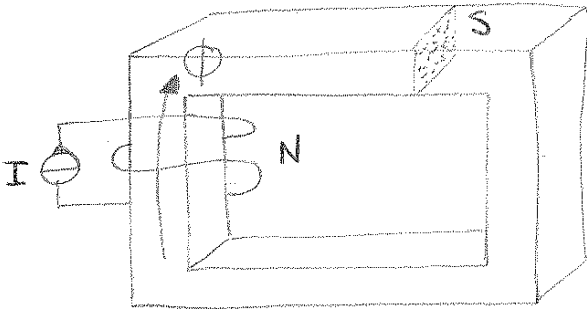
$\vec{B} = \mu \vec{H}$
 μ [$\frac{H}{m}$]

- materiali
 diamagnetici: $\mu = 4\pi \cdot 10^{-7} = \mu_0$

- materiali
 paramagnetici: $\mu_r = \frac{\mu}{\mu_0} = 10^3 \div 10^6$

$\phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S} \approx \boxed{\phi = BS}$

CIRCUITO MAGNETICO



Il flusso magnetico si muove in senso orario:

$NI = R\phi$ — Flusso magnetico
 — RILUTTANZA
 N. di spine —
 di corrente impressa

$\phi = \frac{NI}{R}$

$R = \frac{l}{S\mu}$
 Lunghezza del circuito magnetico

$\mu: 0 \rightarrow \infty$
 non è vuoto magnetico — e' vuoto magnetico

$R: \infty \rightarrow 0$

$(NI) = R\phi$ ha un'analogia con la legge di Ohm: $(E) = RI$

Forza magnetomotrice (p.m.m.)

Forza elettromotrice (p.e.m.)

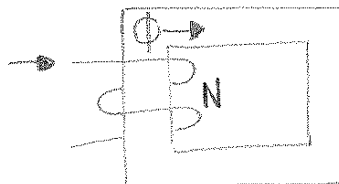
Il flusso magnetico non ha bisogno di energia per poter funzionare!!!

INDUZIONE ELETTROMAGNETICA: $e = \pm \frac{d\phi(t)}{dt}$ (+: conv. utilizzatori) (-: conv. generatori)

$e = \pm N \frac{d\phi}{dt}$

E' rappresentabile coi fasori: $\vec{E} = \pm j \omega N \vec{\phi} = \pm j \omega \vec{\phi}_c$

● **INDUTTANZA**

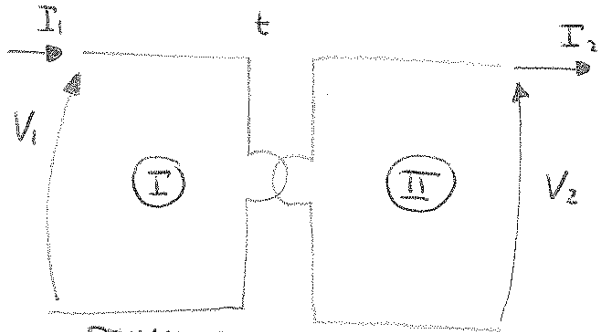


$L = \frac{\phi_c}{I}$ — Flusso concatenato

$L: 0 \rightarrow \infty$

TRASFORMATORE IDEALE

3 maggio 2012

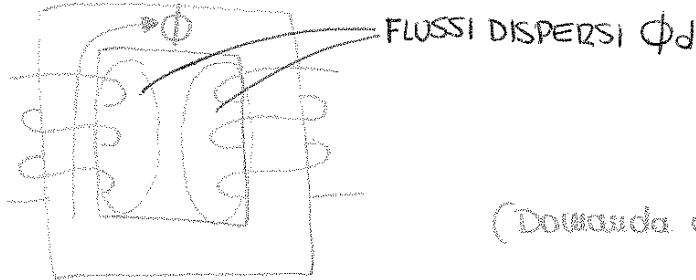


$$\bar{S} = P + jQ = \bar{V}_1 \bar{I}_1^* = \bar{V}_2 \bar{I}_2^*$$

$$\frac{\bar{V}_1}{\bar{V}_2} = \frac{\bar{I}_2^*}{\bar{I}_1^*} = t \approx \frac{V_1}{V_2} = \frac{I_2}{I_1} = t$$

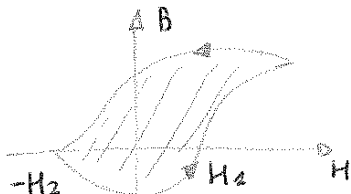
PRIMARIO (conv. degli ut.lett.) SECONDARIO (conv. dei produttori)

● **FLUSSI DISPERSI**



(Domanda di Teoria)

● **CICLO DI ISTERESI**



$$P_{IST} = kW B^2 H$$

● **CORRENTI PARASSITE**

Verpouo limitate tramite l'insertimento di lamierini

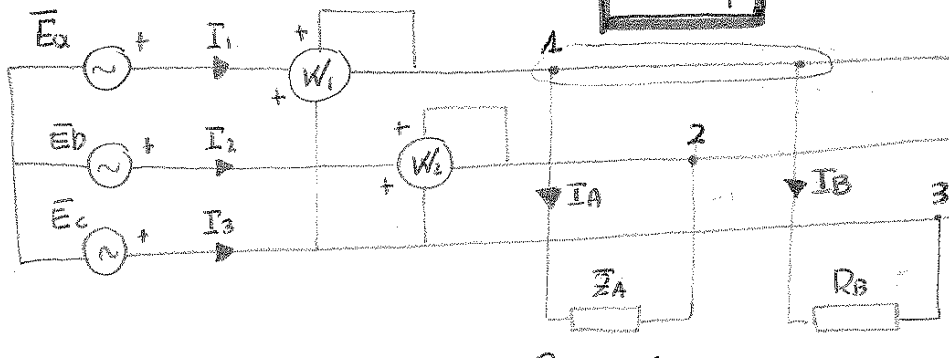
ES. 3F.2.4

$$S = \frac{P}{\cos \varphi}$$

7 Maggio 2012

$$V_C = 380 V$$

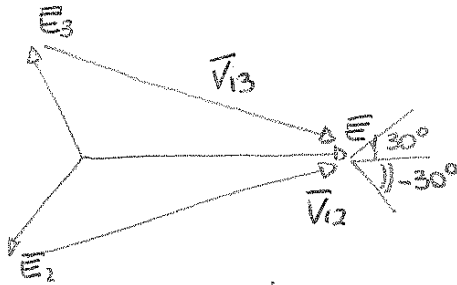
• Calcolare le
connessioni di linea
e le potenze
misurate dai
wattimetri.



$$P_A = 6 \text{ kW}$$

$$\cos \varphi_A = 0,65 \text{ induttivo}$$

$$I_B = 15 \text{ A}$$



$$\bar{I}_A = \frac{\bar{V}_{12}}{Z_A} = \frac{380 e^{j30^\circ}}{15,66 e^{j49,46^\circ}} = 25,3 e^{-j19,46^\circ}$$

\downarrow \downarrow
 $380/15$ $30 - 49,46$

$$= 23 - j 8,11 \text{ A}$$

$$Z_A = \frac{V^2}{S_A} = \frac{380^2}{6000} \cdot 0,65 = 15,66$$

oppure

$$Z_A = \frac{V^2}{P_A^2 + [P_A \tan(\arccos(0,65))]^2} = 15,66$$

$$\bar{Z}_A = 10,14 + j 11,85$$

\downarrow \downarrow
 $(15,66)(0,65)$ $15,66 \times \sin(\arccos(0,65))$

$$\bar{I}_B = 15 e^{-j30^\circ} = 15 \cos(30) - j 15 \sin(-30) = 13 - j 7,5 \text{ A}$$

Scrivo le equazioni ai nodi 1, 2 e 3:

$$\textcircled{1} \bar{I}_1 = \bar{I}_A + \bar{I}_B = 36 - j 15,61 \text{ A} = 39,2 e^{-j23,44^\circ}$$

$$\textcircled{2} \bar{I}_2 = -\bar{I}_A = -23 + j 8,11 = 24,36 e^{j180-19,46} = 24,36 e^{j160,54^\circ}$$

$$\textcircled{3} \bar{I}_3 = -\bar{I}_B = -13 + j 7,5 = 15 e^{j180-30} = 15 e^{j150^\circ}$$

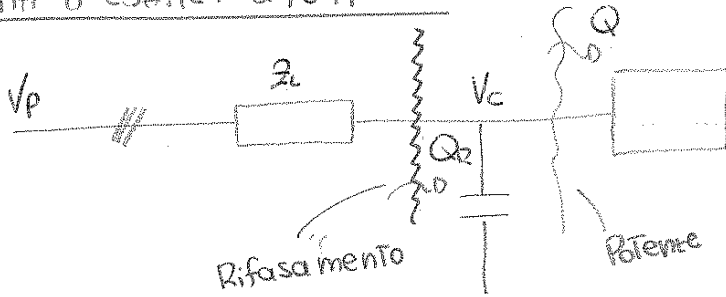
Calcolo le potenze dei wattimetri:

$$P_{W1} = \text{Re}[\bar{V}_{13} \bar{I}_1^*] = \text{Re}[380 e^{-j30^\circ} \cdot 39,2 e^{j23,44}] = [14896 e^{-j6,6}] \text{Re} =$$

$$= 14896 \times \cos(6,6) = 14797,3 \text{ W}$$

7 Maggio 2012

TEMA D'ESAME: 4/09/2009



$V_c = 390 \text{ V}$ (concatenata)

Potenza assorbita dal carico = 50 kW

$\cos \varphi = 0,85$

$Z_L = 40 + j18 \text{ m}\Omega$

carico rifasato da una batteria equivalente a Tre condensatori da $419 \mu\text{F}$ collegati a stella.

• Calcolare la tensione concatenata V_p alla partenza della linea.

tensione concatenata

$$Q_R = \frac{V^2}{X_c} = \frac{V^2}{\frac{1}{\omega C}} = V^2 \omega C = (390)^2 (314) (419) (10^{-6}) = 20011 = 20,011 \text{ KVAR}$$

perché ho 3 condensatori

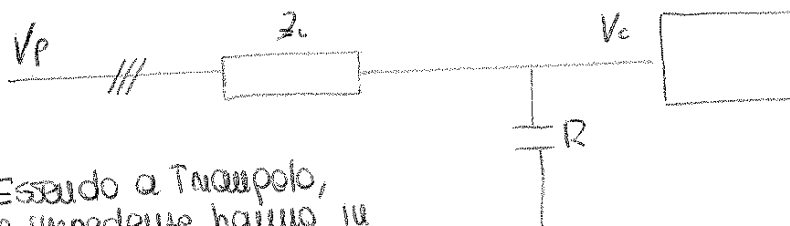
$$\begin{cases} Q_d = Q_R + Q = (-20) + 50 (\text{Tp} (\arccos(0,85))) = 10,98 = 11 \text{ KVAR} \\ P_d = P_c = 50 \text{ kW} \end{cases}$$

con la caduta di tensione ricavo V_p :

$$\Delta V = \frac{P \cdot R_L + Q \cdot X_L}{V_c} = \frac{(50)(40) + (11)(18)}{390} = 5,64 \text{ V}$$

$\therefore V_p = V_c + \Delta V = 390 + 5,64 = 395,64 \approx 396 \text{ V}$

TEMA D'ESAME: 12/06/2009



$V_c = 400 \text{ V}$ (concatenata)

$Z_c = 6 + j9 \Omega$ (Traspolo)

batteria di rifasamento R

a $\text{Tp} \varphi = 0,2$

$Z_L = 300 + j60 \text{ m}\Omega$

• Calcolare la tensione V_p alla partenza della linea ed il rendimento della linea.

Essendo a Traspolo, le impedenze hanno in comune la componente e non la tensione!!

$6 + j9 / 3 = 2 + j3 \Omega$

1) $Z_y = 2 + j3 \Omega$

$S_y = \frac{V^2}{Z_y} \sim P_y + jQ_y$

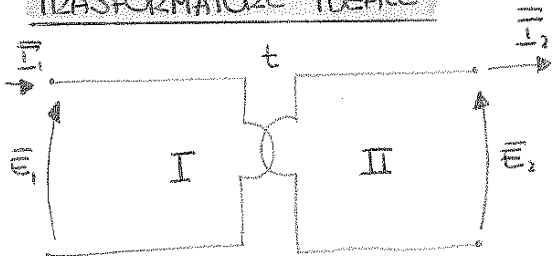
$S_y = \frac{400^2}{2 + j3} = 24,61 - j36,92 \Omega$

2) $I_\Delta = \frac{V}{|Z_\Delta|} \sim \begin{cases} P_\Delta = 3R_\Delta I_\Delta^2 \\ Q_\Delta = 3X_\Delta I_\Delta^2 \end{cases}$



8 Maggio 2012

TRASFORMATORE IDEALE



$t = \text{Rapporto di Trasformazione}$

$$t = \frac{E_1}{E_2}$$

(Domanda di Teoria)

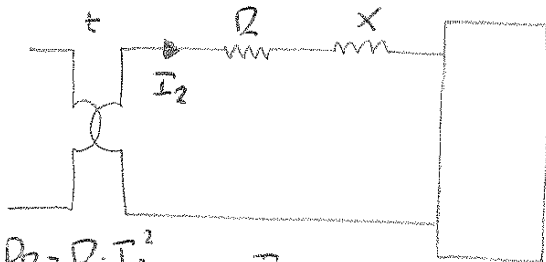
convenzione degli utilizzatori

convenzione dei generatori

$$S = P + jQ = \vec{E}_1 \vec{I}_1^* = \vec{E}_2 \vec{I}_2^* \sim \frac{E_1}{E_2} = \frac{I_1^*}{I_2^*} = t$$

● PROPRIETA'

TRASFERIMENTO DI IMPEDENZE

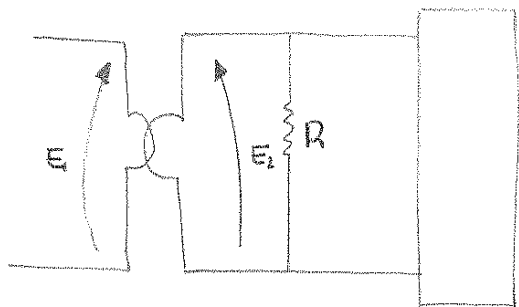
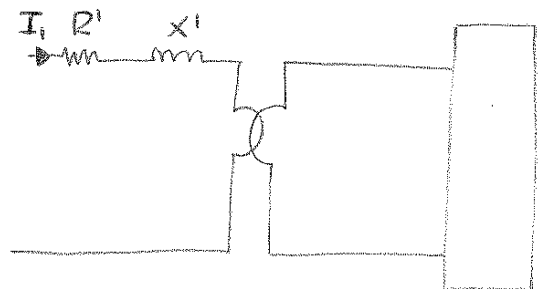


$$P_R = R \cdot I_2^2 \quad \frac{I_2}{I_1} = t$$

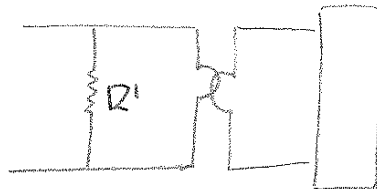
$$Q_X = X \cdot I_2^2$$

$P_R = R I_2^2 = R I_1^2 t^2 = R t^2 I_1^2$ ed è come se fosse

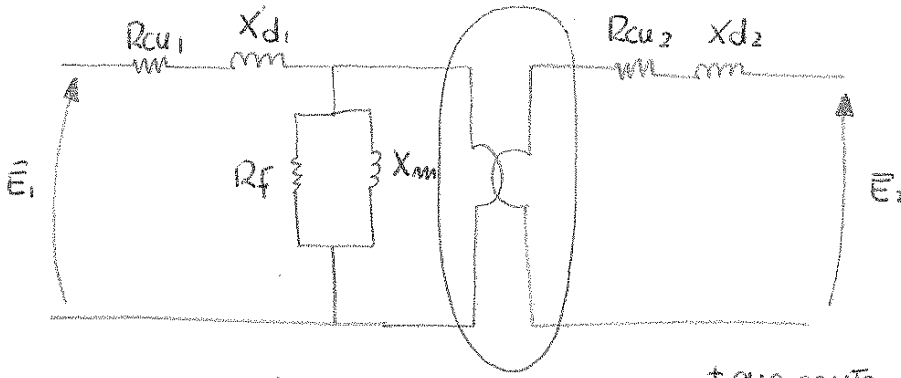
$$\Rightarrow \begin{cases} P_R = R' I_1^2 \\ Q_X = X' I_1^2 \end{cases}$$



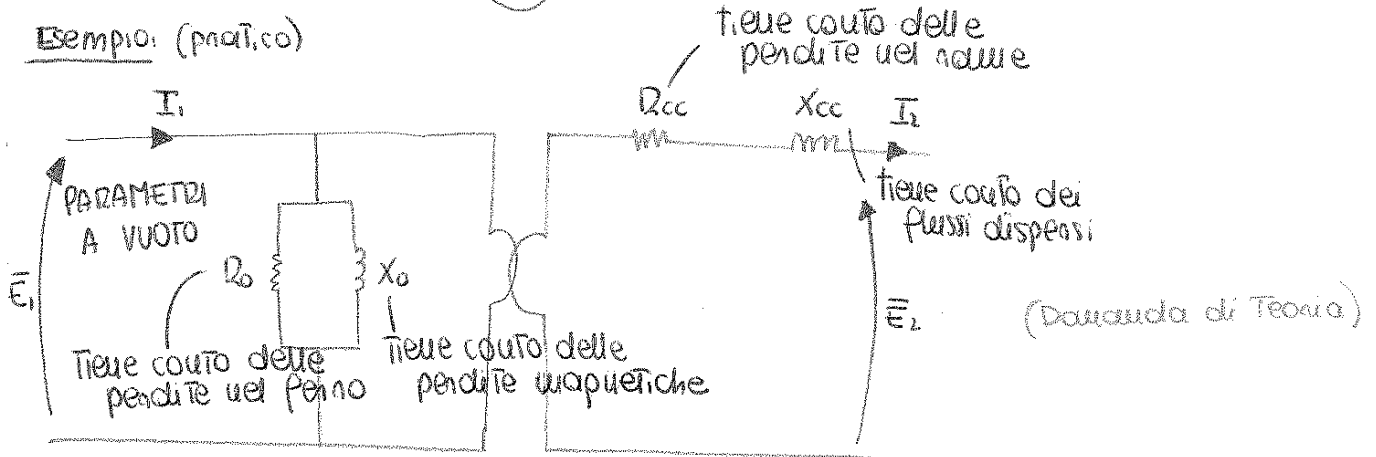
$$P = \frac{E_2^2}{R} = \frac{E_1^2}{t^2} \cdot \frac{1}{R} = \frac{E_1^2}{t^2 R} = \frac{E_1^2}{R'}$$



Esempio:



Esempio: (pratico)



● TRASFORMATORE REALE



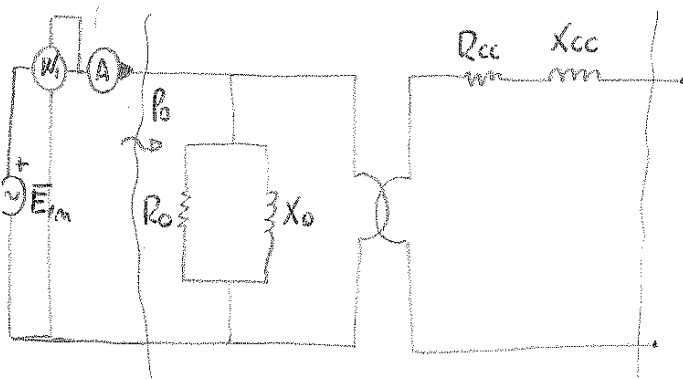
(Dalla guida di Teoria)

TENSIONI NOMINALI = Sono le tensioni nominali del trasformatore. Queste dipendono dall'isolamento del trasformatore.
 E_1, E_2

CORRENTI NOMINALI = I trasformatore non lavorano quasi mai alla corrente nominale. Stabilisce un limite sulla corrente massima applicabile continuamente dal trasformatore. (prima che si scaldi e stacchi l'isolamento).
 I_1, I_2

POTENZA NOMINALE = Non viene quasi mai raggiunta. E' una potenza apparente.
 $S_M = E_{1M} I_{1M} = E_{2M} I_{2M}$

● PROVA A VUOTO



Si fa alla tensione nominale

- 1) Misura R_0 e X_0
- 2) Verifica il funzionamento alla tensione nominale

P_0 = Potenza assorbita nella prova a vuoto

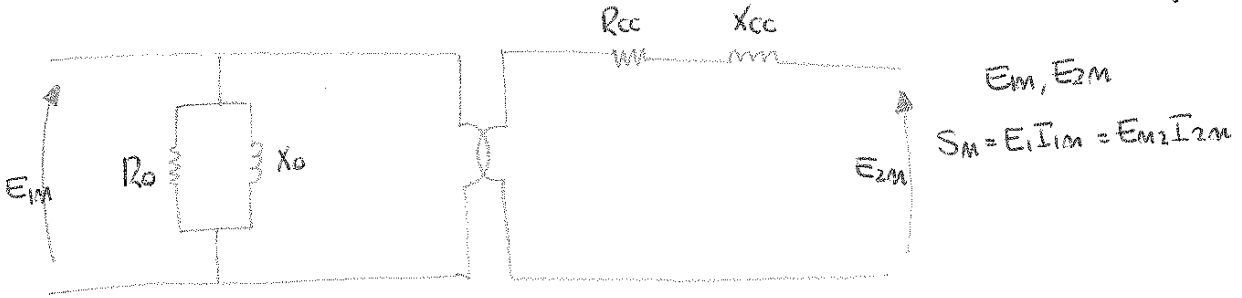
$$P_0 = \frac{E_{1m}^2}{R_0} \approx R_0 I_0$$

$$S_0 = E_{1m} I_{01}$$

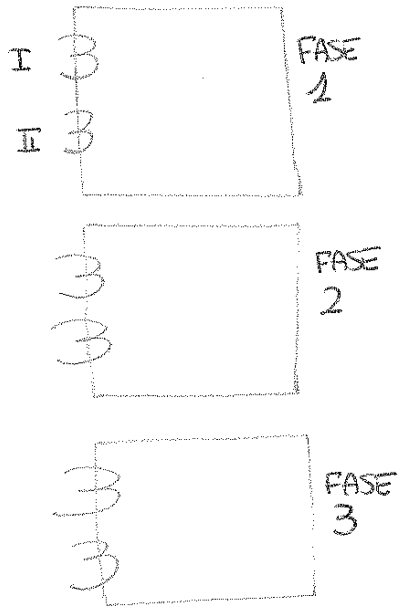
$$Q_0 = \sqrt{S_0^2 - P_0^2}$$

$$Q_0 = \frac{E_{1m}^2}{X_0} \approx X_0$$

10 maggio 2012

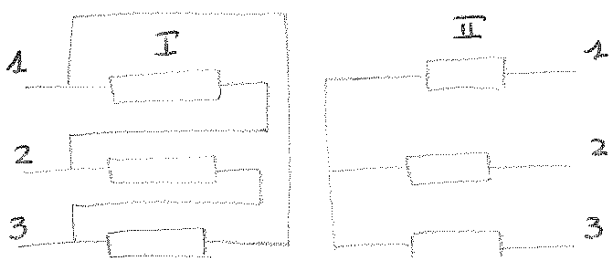
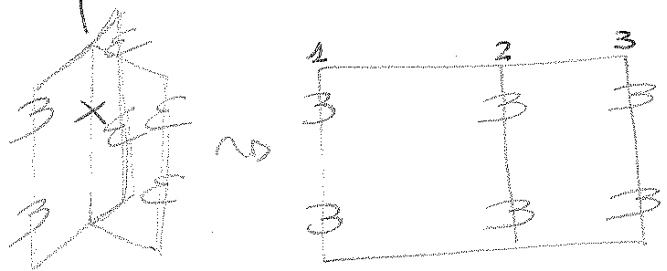


● TRASFORMATORI MONOFASE



le connessioni formano una Terna simmetrica

Il nucleo centrale NON è percorso da flusso magnetico



PRIMARIO: collegato a triangolo

SECONDARIO: collegato a stella

GRUPPO = $\frac{\psi_{E1I} - \psi_{E1II}}{30^\circ}$

=> Sono possibili 12 sfasamenti diversi, cioè 12 gruppi

Esempio: gruppo 11 ad 330°

